

احتمال مستحيل

١٥ أحدُ حروفِ الكلمةِ (اجتهاد)

احتمال متساوي الإمكانية

ليس س

احتمال مؤكّد

١٦ أوجِدَ المُتوسِطُ الحسابيُّ والوسيطُ والمُنواولُ لدرجاتِ الحرارةِ:
٩٣٩، ٤١، ٣٨، ٤٠، ٣٧، ٤٠، ٣٨، ٣٧

ترتيب البيانات :

٤١، ٤٠، ٣٩، ٣٨، ٣٧

$$\text{المتوسط الحسابي} = \frac{٤١ + ٤٠ + ٤٠ + ٣٩ + ٣٨ + ٣٧}{٧}$$

الوسيط = ٣٩

المُنواول = ٤٠ ، ٣٨

خطة حل المسألة

٦ - ٧

فكرة الدرس : أحل المسائل باستخدام خطة إنشاء قائمة



حل الخطبة

رأى صالح في متجر مضرب تنس طاولة ثمنه ٢٩,٩٥ ريال، وحذاء تزلج ثمنه ٩٩,٥ ريال، وجوربًا ثمنه ٩,٥٠ ريالات، وعلبة كرات لتنس ثمنها ٤,٧٥ ريالات. ما الأشياء التي يستطيع صالح شرائها إذا كان معه ٤٠ ريال؟

١ ما الأشياء التي يمكن أن يشتريها صالح إذا كان معه ٤٠ ريال؟

نقوم باستبعاد حذاء التزلج لأن سعرها أكبر مما لديه ، إذا كان معه ٤٠ ريال فإن

القائمة تختلف كالتالي :

| مُضَرِّبُ تَنْس | زَوْجٌ مِنْ الْجَوَارِبِ | عَلَيْهِ كَرَاتٌ تَنْس |
|-----------------|--------------------------|------------------------|
| ١ | ٠ | ٦ |
| ٢ | ٠ | ٠ |
| ١ | ٢ | ٢ |
| ١ | ١ | ٤ |
| ٠ | ٤ | ٤ |
| ٠ | ٣ | ٦ |
| ٠ | ٦ | ٠ |
| ٠ | ٠ | ١٢ |

١ ما أعلى مبلغ يحتاج إليه صالح إذا أراد شراء حذاء التزلج وشيء آخر معه؟

يحتاج صالح إلى مبلغ ١٣٠ ريال ليشتري حذاء التزلج ومضرب التنس

٢ ما الخطوة المشابهة لخطوة إنشاء قائمة؟

خطة عمل جدول

٣ فستّرْ كيف تساعدك خطوة إنشاء قائمة على حل المسألة.

خطة إنشاء قائمة تساعد على التأكد من كتابة جميع الاحتمالات الممكنة

تَدْرِبْ عَلَى الْخَطْةِ

استعمل خطوة إنشاء قائمة لحل المسائل الآتية:

٤ أوجد عدد عمليات الضرب الممكنة عند

استعمال الأرقام ١ ، ٣ ، ٥ ، ٧ دون تكرار.



×

خطط : يمكن حل هذه المسألة بإنشاء قائمة

الحل :

القوائم التالية يمكنها حل المسألة :

١) نبدأ بالعدد ٣١

٥٧×٣١ (a)

٧٥×٣١ (b)

٢) العدد ١٣

٥٧×١٣ (a)

٧٥×١٣ (b)

٣) العدد ٣٥

٧١×٣٥ (a)

١٧×٣٥ (b)

٤) العدد ٥٣

٧١×٥٣ (a)

١٧×٥٣ (b)

٤) العدد ٥١

٣٧×٥١ (a)

٣٧×٥١ (b)

٥) العدد ١٥

٣٧×١٥ (a)

٣٧×١٥ (b)

إذاً يوجد ١٢ عملية ضرب ممكنة

٦) لدى عبد الرحمن ٢٠ ريالاً. ما فتاتُ الأَوْرَاق
النقدية التي يمكن أن تكون معه؟

خطط: يمكن حلها بإنشاء قائمة

| ٩ ريال | ٨ ريال | ٧ ريال | ٦ ريال |
|--------|--------|--------|--------|
| - | - | - | ٣ |
| - | - | ٦ | ٦ |
| - | - | ٣ | ٦ |
| - | ٦ | - | ٦ |
| - | ٦ | ٦ | ٥ |
| - | - | ٣ | ٥ |
| - | ٦ | ٣ | - |
| - | ٣ | - | - |
| ٦ | - | - | - |

نجد من الجدول أنه يوجد ١٠ احتمالات
تحقق:
بمراجعة الجدول نجد أن الاحتمالات صحيحة



أصابَ باسِلَ لوحَةَ
السُّهَمِ بسَهْمِينِ.
ما مُجْمُوعُ النُّقَاطِ
المُمْكِنَةُ؟

اللوحة بها ٣ مستويات من النقاط (٦.١٠.٣)
يمكن عمل قائمة بالاحتمالات التالية :

١- السهمين وقعوا في المنطقة البيضاء والزرقاء = $٦ + ١٠ = ١٦$ نقطة

٢- السهمين وقعوا في المنطقة الحمراء والزرقاء = $٣ + ١٠ = ١٣$ نقطة

٣- السهمين وقعوا في المنطقة الحمراء والبيضاء = $٣ + ٦ = ٩$ نقاط

٤- السهمين وقعوا في المنطقة الزرقاء = $١٠ + ١٠ = ٢٠$ نقطة

٥- السهمين وقعوا في المنطقة البيضاء = $٦ + ٦ = ١٢$ نقطة

٦- السهمين وقعوا في المنطقة الحمراء = $٣ + ٣ = ٦$ نقاط

بمراجعة الخيارات نجد أن الاحتمالات صحيحة

٦
وُضِعَتْ بُلُورَةٌ حُمْرَاءُ وَبُلُورَةٌ زَرْقَاءُ وَبُلُورَةٌ خَضْرَاءُ وَبُلُورَةٌ صَفْرَاءُ فِي كِيسٍ وَرَقِيٍّ.
افْتَرِضْ أَنَّكَ أَخْدَتَ بُلُورَةً مِنَ الْكِيسِ فِي كُلِّ مَرَّةٍ، فَمَا عَدُّ التَّرَاتِيبِ الْمُخْتَلِفَةِ
الْمُمْكِنَةِ الَّتِي يَتَمُّ بِهَا إِخْرَاجُ الْبُلُورَاتِ الْأَرْبَعِ مِنَ الْكِيسِ؟ اكْتُبْ جَمِيعَ النَّوَاطِحِ الْمُمْكِنَةَ.

خطط : استعمل القوائم لمعرفة الترتيب

الحل : هناك أربع ألوان يراد ترتيبهم يوجد ٢٤ ترتيباً صحيحاً

٢٤ ترتيباً: ح ص خ ز، ح ص ز خ، ح خ ذ ص، ح خ ص
ذ، ح ذ ص خ، ح ذ خ ص، ص ح خ ز، ص ح ذ خ، ص
خ ح ز، ص خ ز ح، ص ذ ح خ، ص ذ خ ح، خ ح ص ز،
خ ح ذ ص، خ ذ ح ص، خ ص ح ز، خ ص ذ، ز
ح ص خ، ز ح خ ص، ز خ ح ص، ز خ ص ح، ز
ص ح خ، ذ ص خ ح

٧
تُرِيدُ هِيَامُ أَنْ تَخْتَارَ خَاتَمَيْنِ مِنْ ٤ خواتِمَ
مَرْقَمَةٍ مِنْ ١ - ٤، مَا الْخَاتَمَانِ اللَّذَانِ يَمْكُنُ أَنْ
تَخْتَارَهُمَا؟

خطط : استعمل القوائم لمعرفة اختيار هيام
الحل : الخاتم مرقمة من ١-٤ وترتيبها كما يلي:
الخاتمان ٢.١ أو ٣.١ أو ٤.١ أو ٣.٢ أو ٤.٢ أو ٤.٣

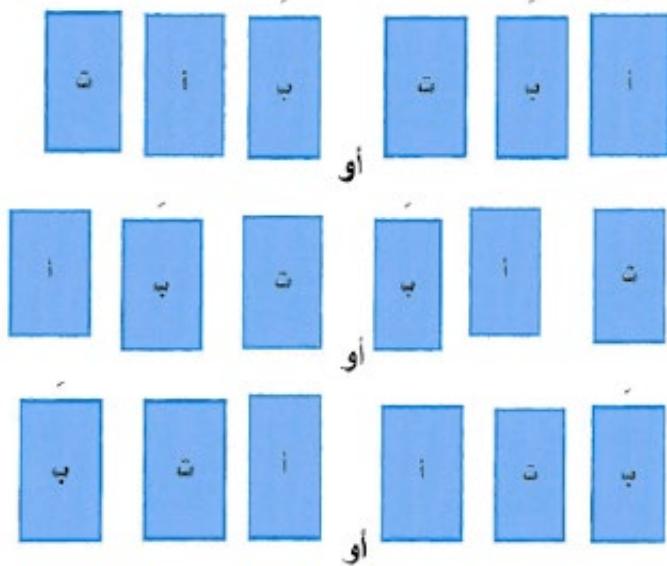
٨
بِكُمْ طَرِيقَةٌ مُخْتَلِفَةٌ تُسْتَطِعُ سَعَادُ تَرْتِيبِ الْبَطَاقَاتِ
أَدْنَاهُ؟ اكْتُبِ الْطَرَائِقَ الْمُخْتَلِفَةَ الْمُمْكِنَةَ.



خطط : استعمل القائمة لمعرفة طرق الترتيب

الحل : ٦ طرق ممكنة

٦ طرق ممكنة



١١ تَسْعَى شُرْكَةُ الْأَرْقَامِ ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ فِي بِطَاوَاتِ
الْهَوَيَّةِ الْخَاصَّةِ بِالْعَالَمِيْنِ فِيهَا. كُمْ رَقْمٌ هَوَيَّةٌ
مُخْتَلِفًا (مِنْ أَرْبَعِ مَنَازِلِ) يُمْكِنُ تَكْوِينُهُ مِنْ هَذِهِ
الْأَرْقَامِ إِذَا كَانَ الْوَاحِدُ هُوَ الرَّقْمُ الْأَوَّلُ دَائِمًا؟

خطٌّ : استعمل جدول لتسجيل الأرقام الممكنة للهوية

الحل : يوجد ٦ احتمالات كما يلي :

| | | |
|------|------|------|
| ٣٤٢١ | ٤٢٣١ | ٤٣٢١ |
| ٢٣٤١ | ٢٤٣١ | ٣٢٤١ |

أكْثُر

٤ صُورٍ فِي صَفَّ بَعْضُهَا بِجَانِبِ بَعْضٍ عَلَى
مَكْتِبَةِ . بَيْنَ كِيفَ يُمْكِنُ استِعْمَالُ خُطَّةِ إِنشَاءِ
قَائِمَةٍ لِإِيجَادِ التَّرَاتِيبِ الْمُخْتَلِفَةِ الْمُمْكِنَةِ .

يمكن أن يستعمل ياسر القوائم لإيجاد الترتيبات الممكنة ليختار منها :

نفرض أن الصور مرتبة من ١-٤
نبدأ بالصورة الأولى لنجد الترتيب :

- ١,٢,٣,٤
- ٣,٤,٢,١
- ٤,٣,٢,١
- ٢,٤,٣,١
- ٢,٣,٤,١
- ٣,٢,٤,١

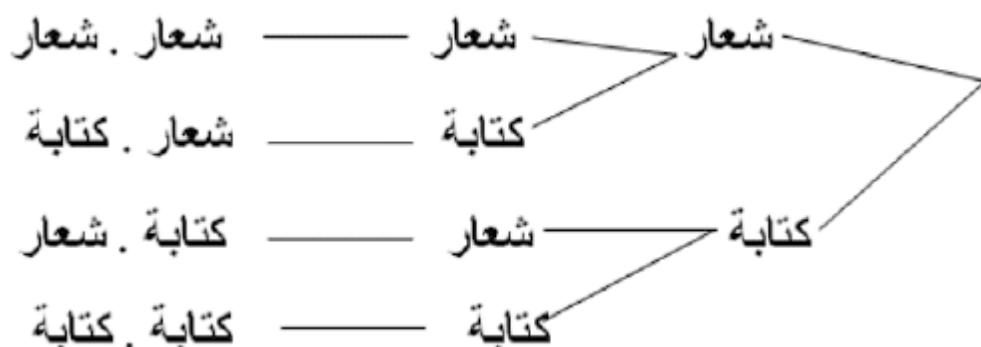
وبالتالي نجد ٦ احتمالات عندما نبدأ بالصورة الأولى ويمكن البدء بالصورة الثانية أو الثالثة أو الرابعة على ترتيب آخر لوضع الصور وفي كل منها ٦ احتمالات وبالتالي مجموع الاحتمالات = $6+6+6+6=24$



القيمة قطعيةٌ ن涕يةٌ مَرَّتينِ.

مثلاً جميع النواتج الممكنة مستعملًا الرسم الشجري.

يوجد ٤ نواتج



ما احتمال ظهور الكتابة في المررتين؟

احتمال ظهور الكتابة في المررتين = $\frac{1}{4}$