

مهارة سابقة: اكتب الأعداد الكسرية الآتية في صورة كسور غير فعلية، ثم أوجد مقلوبها:

١ $\frac{5}{9}$ (٤٩)

١ $\frac{2}{3}$ (٤٩)

(٤٩) $\frac{5}{3}$ مقلوبه $\frac{3}{5}$

(٥٠) $\frac{14}{9}$ مقلوبه $\frac{9}{14}$

٣ $\frac{3}{4}$ (٥٢)

٤ $\frac{1}{3}$ (٥١)

(٥١) $\frac{9}{2}$ مقلوبه $\frac{2}{9}$

(٥٢) $\frac{15}{4}$ مقلوبه $\frac{4}{15}$

تأكد

أوجد ناتج القسمة في كل مما يأتي، واكتبه في أبسط صورة:

١ $\frac{1}{3} \div 8$ (٢)

٢ $2 \div 3\frac{1}{4}$ (١)

(١) $1\frac{3}{4} = \frac{7}{4} = \frac{1}{4} \times \frac{7}{1} = \frac{7}{4} \div \frac{1}{4} = 7 \div 1 = 7$

(٢) $6 = \frac{3}{1} \times \frac{8}{1} = \frac{24}{1} \div \frac{1}{1} = 24 \div 1 = 24$

(٣) $11\frac{1}{5} = \frac{56}{5} = \frac{7}{5} \times \frac{8}{1} = \frac{56}{5} \div \frac{1}{5} = 56 \div 1 = 56$

٤ الجبر: إذا كانت: ج = $\frac{3}{8}$ ، د = $1\frac{1}{4}$ ، فأوجد قيمة ج ÷ د.

$\frac{1}{4} = \frac{2}{8} \times \frac{3}{8} = \frac{6}{8} \div \frac{3}{8} = 2 \div 3 = \frac{2}{3}$

٥ رخام: إذا رُصفت حافة ساحة طولها $10\frac{1}{2}$ م بقطع رخامية طول كل منها $\frac{3}{8}$ م، فما عدد هذه القطع؟

$28 = \frac{8}{5} \times \frac{21}{2} = \frac{3}{8} \div \frac{21}{2} = \frac{3}{8} \div 10\frac{1}{2}$

تدرب وحل المسائل

أوجد ناتج القسمة في كل مما يأتي، واكتبه في أبسط صورة:

١ $\frac{2}{7} \div 3\frac{1}{5}$ (٣)

٢ $1\frac{1}{3} \div 8$ (٢)

٣ $2 \div 3\frac{1}{4}$ (١)

(١) $1\frac{2}{5} = \frac{7}{5} = \frac{1}{5} \times \frac{7}{1} = \frac{7}{5} \div \frac{1}{5} = 7 \div 1 = 7$

(٢) $6 = \frac{3}{1} \times \frac{8}{1} = \frac{24}{1} \div \frac{1}{1} = 24 \div 1 = 24$

(٣) $11\frac{1}{5} = \frac{56}{5} = \frac{7}{5} \times \frac{8}{1} = \frac{56}{5} \div \frac{1}{5} = 56 \div 1 = 56$

٤ الجبر: إذا كانت: ج = $\frac{3}{8}$ ، د = $1\frac{1}{4}$ ، فأوجد قيمة ج ÷ د.

$\frac{1}{4} = \frac{2}{8} \times \frac{3}{8} = \frac{6}{8} \div \frac{3}{8} = 2 \div 3 = \frac{2}{3}$

٥ رخام: إذا رُصفت حافة ساحة طولها $10\frac{1}{2}$ م بقطع رخامية طول كل منها $\frac{3}{8}$ م، فما عدد هذه القطع؟

$28 = \frac{8}{3} \times \frac{21}{2} = \frac{3}{8} \div \frac{21}{2} = \frac{3}{8} \div 10\frac{1}{2}$

قسمة الأعداد الكسرية

١٠-٦

تحقق من فهمك

أوجد ناتج القسمة في كل مما يأتي، واكتبه في أبسط صورة:

١ $\frac{2}{3} \div 1\frac{5}{9}$ (ج)

٢ $\frac{2}{3} \div 8$ (ب)

٣ $\frac{2}{3} \div 4\frac{1}{5}$ (ا)

(١) $1\frac{2}{5} = \frac{7}{5} = \frac{3}{5} \times \frac{7}{1} = \frac{21}{5} \div \frac{7}{5} = 7 \div 1 = 7$

(٢) $3\frac{1}{5} = \frac{16}{5} = \frac{2}{5} \times \frac{8}{1} = \frac{16}{5} \div \frac{1}{5} = 16 \div 1 = 16$

(٣) $\frac{2}{3} = \frac{2}{3} \times \frac{14}{14} = \frac{28}{21} \div \frac{14}{9} = 2 \div 1\frac{5}{9} = 2 \div 1\frac{5}{9}$

تحقق من فهمك

٤ الجبر: إذا كانت ه = $2\frac{3}{8}$ ، و = $1\frac{1}{4}$ ، فأوجد قيمة ه ÷ و

$1\frac{9}{10} = \frac{19}{10} = \frac{4}{5} \times \frac{19}{8} = \frac{76}{40} \div \frac{19}{8} = 2 \div 1\frac{1}{4} = 2 \div 1\frac{1}{4}$

تحقق من فهمك

٥ شوكلاتة: إذا وُزِعَ $16\frac{1}{4}$ لوح شوكلاتة على ١٢ طفلًا بالتساوي، فما نصيب كل واحد منهم؟

$1\frac{3}{8} = 1\frac{39}{24} = \frac{33}{24} = \frac{1}{12} \times \frac{33}{2} = \frac{12}{1} \div \frac{33}{2} = 12 \div 16\frac{1}{4}$

تدرّب وحلّ المسائل

أوجد ناتج القسمة في كلِّ ممّا يأتي، واكتبه في أبسط صورة:

٦ $2 \div 5\frac{1}{4}$ ٧ $10 \div 4\frac{1}{4}$ ٨ $4\frac{1}{4} \div 3$

٩ $2\frac{1}{2} \div 6$ ١٠ $1\frac{3}{4} \div 6\frac{1}{4}$ ١١ $2\frac{1}{5} \div 7\frac{4}{5}$

الجبر: إذا كانت $أ = 4\frac{2}{5}$ ، $ب = \frac{7}{9}$ ، $ج = 6$ ، $د = 1\frac{1}{4}$ ، فاحسب قيمة كلِّ عبارة ممّا يأتي:

١٢ $أ \div ١٢$ ١٣ $ب \div 1\frac{2}{9}$ ١٤ $أ \div ب$

(١٢) $12 \div 4\frac{2}{5} = \frac{12}{1} \div \frac{22}{10} = \frac{12}{1} \times \frac{10}{22} = \frac{120}{22} = \frac{60}{11}$

(١٣) $1\frac{2}{9} \div \frac{7}{9} = \frac{11}{9} \div \frac{7}{9} = \frac{11}{9} \times \frac{9}{7} = \frac{11}{7}$

(١٤) $4\frac{2}{5} \div 6 = \frac{22}{5} \div 6 = \frac{22}{5} \times \frac{1}{6} = \frac{22}{30} = \frac{11}{15}$

١٥ $أ \div ج$ ١٦ $ج \div د$ ١٧ $ج \div (أ \times ب)$

(١٥) $4\frac{2}{5} \div 6 = \frac{22}{5} \div 6 = \frac{22}{5} \times \frac{1}{6} = \frac{22}{30} = \frac{11}{15}$

(١٦) $1\frac{2}{9} \div 6 = \frac{11}{9} \div 6 = \frac{11}{9} \times \frac{1}{6} = \frac{11}{54}$

(١٧) $6 \div (1\frac{2}{9} \times 4\frac{2}{5}) = 6 \div (\frac{11}{9} \times \frac{22}{5}) = 6 \div \frac{242}{45} = 6 \times \frac{45}{242} = \frac{270}{242} = \frac{135}{121}$

$1\frac{3}{8} = \frac{15}{8} = \frac{5}{16} \times \frac{6}{1} =$

١٨ علوم: يبلغ عدد كروموسومات الإنسان ٤٦، والذي يساوي $5\frac{3}{4}$ عدد كروموسومات ذبابة الفاكهة. فما عدد كروموسومات هذه الذبابة؟

$46 = \frac{4}{23} \times \frac{46}{1} = \frac{46}{4} \div \frac{1}{1} = 5\frac{3}{4} \div \frac{1}{1}$

١٩ القياس: قسّم شريط طوله $13\frac{1}{4}$ سم إلى قطع طول كل منها $2\frac{1}{4}$ سم، فما عدد هذه القطع؟

$6 = \frac{4}{9} \times \frac{27}{2} = \frac{9}{4} \div \frac{2}{27} = 2\frac{1}{4} \div 13\frac{1}{4}$

٢٠ قهوة: وزعت $6\frac{3}{8}$ كجم من القهوة على عبوات بالتساوي فاحتوت كل عبوة على $\frac{3}{8}$ كجم، فما عدد هذه العبوات؟

$17 = \frac{8}{3} \times \frac{51}{8} = \frac{3}{8} \div \frac{51}{8} = \frac{3}{8} \div 6\frac{3}{8}$

٢١ زينة: يراد تزيين جدار طوله $11\frac{1}{4}$ م بأشرطة طول كل قطعة منها $\frac{1}{4}$ م. أوجد عدد القطع المطلوبة.

$11\frac{1}{4} = \frac{45}{4} \div \frac{1}{4} = \frac{45}{4} \times \frac{4}{1} = 45$

٢٢ رياضة: مشى كل من محمد وعليّ وخالد حول أحد المتنزهات والذي طوله $1\frac{1}{4}$ كيلومتر كما هو موضّح في الجدول المجاور. كم مرة مشى كل منهم حول المتنزه؟

الشخص	المسافة بالكيلومتر
محمد	$2\frac{1}{4}$
عليّ	$4\frac{1}{4}$
خالد	$1\frac{3}{8}$

عدد مرات مشى محمد = $2\frac{1}{4} \div 1\frac{1}{4} = \frac{9}{4} \div \frac{5}{4} = \frac{9}{4} \times \frac{4}{5} = \frac{9}{5} = 1\frac{4}{5}$

عدد مرات مشى عليّ = $4\frac{1}{4} \div 1\frac{1}{4} = \frac{17}{4} \div \frac{5}{4} = \frac{17}{4} \times \frac{4}{5} = \frac{17}{5} = 3\frac{2}{5}$

عدد مرات مشى خالد = $1\frac{3}{8} \div 1\frac{1}{4} = \frac{11}{8} \div \frac{5}{4} = \frac{11}{8} \times \frac{4}{5} = \frac{11}{10} = 1\frac{1}{10}$

٢٣ اكتشاف المختلف: حدّد العبارة التي ناتج القسمة فيها أكبر من ١، ووضّح إجابتك.

$7\frac{3}{8} \div 5\frac{3}{4}$

$4\frac{1}{4} \div 1\frac{1}{4}$

$4\frac{2}{5} \div 3\frac{1}{8}$

$5\frac{1}{4} \div 4\frac{3}{4}$

لان $3 \div 2$ أكبر من ١ أما في باقي العبارات فإن العدد الاصغر قسم على عدد أكبر منه فكان ناتج القسمة أصغر من ٢

٢٤ تحدّ: بيّن ما إذا كان ناتج $5\frac{1}{4} \div 3\frac{5}{8}$ أكبر من أو أصغر من ناتج $5\frac{1}{4} \div 2\frac{2}{5}$ من دون إجراء عملية القسمة؟ وضّح إجابتك.

ناتج القسمة أصغر من حيث يجب تقسيم نموذج الكسر $5\frac{1}{4}$

إلى أجزاء أكثر في الحالة الأولى وعند التقسيم إلى عدد أكبر من الأجزاء يصبح الجزء أصغر

تدرّب على اختبار

٢٧ تحتاج الهنوف إلى $\frac{1}{4}$ ملعقة من الحليب المجفّف لعلل كوب من العصير المشكّل. فكيف ملعقة من الحليب المجفّف تحتاج لعلل كوب واحد من العصير؟

- (أ) $\frac{3}{4}$ ملعقة
(ب) $1\frac{1}{4}$ ملعقة
(ج) $1\frac{3}{4}$ ملعقة
(د) $2\frac{1}{4}$ ملعقة

٢٨ عندما يرتطم نيزك بسطح الأرض يكون حفرة دائرية تقريباً. إذا كانت أعماق حفرة كوكبها نيزك على سطح الأرض تساوي $\frac{7}{10}$ ميل تقريباً، وبقطر طوله $\frac{3}{4}$ ميل تقريباً، فكيف مرة تقريباً طول القطر يساوي عمق هذه الحفرة؟

- (أ) ٢٠
(ب) $15\frac{1}{4}$
(ج) $5\frac{1}{4}$
(د) ٥

مراجعة تراكمية

٢٨ القياس: إذا استعمل دهان $\frac{1}{4}$ علبة لطلاء حائط، فكيف $\frac{1}{8}$ علبة استعمال؟ (الدرس ٦-٩)

$\frac{1}{8} = \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{4} \div 2$

اليوم	كمية
الجمعة	$\frac{1}{8}$
السبت	$\frac{1}{16}$
الأحد	$\frac{1}{16}$

٥ اختيار من متعدد:

الجدول المجاور يوضح كمية المطر الساقطة على إحدى المناطق في ثلاثة أيام متتالية. أوجد مجموع كميات الأمطار في الأيام الثلاثة.

- (أ) $2\frac{3}{16}$ سم
(ب) $2\frac{5}{16}$ سم
(ج) $3\frac{3}{16}$ سم
(د) $3\frac{5}{16}$ سم

أوجد ناتج الجمع أو الطرح في كل مما يأتي، ثم اكتبه في أبسط صورة:

- (٦) $\frac{5}{9} + \frac{2}{9}$
(٧) $\frac{3}{8} - \frac{11}{12}$
(٨) $\frac{2}{4} + \frac{2}{5}$
(٩) $\frac{3}{16} - \frac{17}{24}$

$$\frac{7}{9} = \frac{5}{9} + \frac{2}{9} \quad (٦)$$

$$\frac{13}{24} = \frac{9}{24} - \frac{22}{24} = \frac{3}{8} - \frac{11}{12} \quad (٧)$$

$$\frac{9}{10} = \frac{18}{20} = \frac{10}{20} + \frac{8}{20} = \frac{2}{4} + \frac{2}{5} \quad (٨)$$

$$\frac{25}{48} = \frac{9}{48} - \frac{34}{48} = \frac{3}{16} - \frac{17}{24} \quad (٩)$$

١٠ **حفل:** بعد انتهاء حفل، تبقى $\frac{1}{4}$ كعكة، و $\frac{1}{3}$ كعكة أخرى مماثلة. ما الكسر الدال على ما تبقى من الكعكتين؟

$$\frac{1}{2} = \frac{3}{6} = \frac{2}{6} + \frac{1}{6} = \frac{1}{3} + \frac{1}{6}$$

٢٩ **قطار:** يسير قطار بمعدل سرعة ٣٢٠ كم/س، فكم كيلومترًا يقطع في $2\frac{1}{4}$ ساعة؟

$$800 = \frac{5}{4} \times 320 = 2\frac{1}{4} \times 320$$

أوجد ناتج كل مما يأتي في أبسط صورة: (الدرس ٦-٨)

- (٣٠) $1\frac{3}{5} \times \frac{4}{5}$
(٣١) $\frac{2}{7} \times 2\frac{5}{8}$
(٣٢) $5\frac{1}{3} \times 1\frac{1}{8}$

$$1\frac{2}{5} = \frac{7}{5} = \frac{7}{4} \times \frac{4}{5} \quad (٣٠)$$

$$\frac{3}{4} = \frac{6}{8} = \frac{2}{7} \times \frac{21}{8} \quad (٣١)$$

$$6 = \frac{16}{3} \times \frac{9}{8} \quad (٣٢)$$

اختبار الفصل

الفصل
٦

قرب الأعداد الكسرية التالية إلى أقرب نصف:

- (١) $\frac{7}{8}$
(٢) $1\frac{10}{18}$
(٣) $11\frac{1}{17}$

$$4\frac{1}{2} \quad (١)$$

$$1\frac{1}{2} \quad (٢)$$

$$11 = 11\frac{1}{17} \quad (٣)$$

٤ **سباق تتابع:** يريد مدرب سباق تتابع اختيار ٣ من ٤ لاعبين. فما عدد الطرق التي يمكنه اختيار الفريق بها؟ استعمل خطة تمثيل المسألة.

افترض اللاعبين س، ص، ع، ل

طرق الاختيار: س، ص، ع / ص، ع، ل / ع، ل، س / ل، س، ع

ل، س، ص

إذا هناك ٨ طرق لاختيار الفريق