

## 2-6 قسمة وحدات الحد

تحقق من فهتمك



$$\frac{ك^{10} م^7 ب}{ك^5 م^3 ب}$$

$$\frac{س^3 ص^4}{س^2 ص}$$

$$= س^3 ص^4 = س ص^3 .$$

تحقق من فهتمك



$$^3 \left( \frac{^3 س^4}{^4 ص^5} \right) \quad (ج ٢)$$

$$^2 \left( \frac{^2 ص^2}{^3 ع^3} \right) \quad (ب ٢)$$

$$^3 \left( \frac{^4 س^3}{^4} \right) \quad (أ ٢)$$

$$\frac{12 س 27}{64} = \frac{3 \times 4 س 27}{3 \ 4} = \frac{3( س^4 )^3 3}{3 \ 4} = \frac{3( س^4 )^3 3}{3 \ 4} = ( أ 2 )$$

$$\frac{4 س^4}{6 ع^9} = \frac{2 \times 2 ص^4}{2 \times 3 ع^6} = \frac{2( ص^2 )^2 2}{2( ع^3 )^2 3} = \frac{2( ص^2 )^2 2}{2( ع^3 )^2 3} = ( ب 2 )$$

رجوع

$$\frac{9 س 64}{12 ص 125} = \frac{3 \times 3 س 64}{3 \times 4 ص 125} = \frac{3( س^3 )^3 4}{3( ص^4 )^3 5} = \frac{3( س^3 )^3 4}{3( ص^4 )^3 5} = ( ج 2 )$$

تحقق من فهمك



$$\frac{ب^4 ج^2 د}{ب^2 ج}$$

تحقق من فهمك

$$\cdot \left( \frac{ن^4 ج^7 ه}{ه^9 ج^3 ن^15} \right) (ب^3)$$

$$1 =$$

$$1 = ب^2 ج . \quad \text{حيث: } د = 0$$

تحقق من فهمك



$$\frac{م^2 ك^3 ج^5}{م^4 ك^2 د^5} \quad (ج)$$

$$\frac{ب^3 د^3 ج^5}{ب^4 د^2 ج^2} \quad (ب)$$

$$\frac{ف^3 و س^2}{و ص^6} \quad (أ)$$

$$\begin{array}{c|c|c}
 \begin{array}{l}
 (2-6-4-2) م \cdot (4-2) ج - 3 \cdot 5 / 5 = \\
 2+6-4+2 \cdot 3 \cdot ج \cdot 5 / 1 = \\
 4 \cdot 6 \cdot ج \cdot 5 / 1 = \\
 \hline
 \frac{4}{4} م^3 ج \cdot 5
 \end{array} &
 \begin{array}{l}
 (2-4-4) د \cdot (4 \div 32) = \\
 11-4 \cdot 8 = 2+4 \cdot ج \cdot 2 \cdot د \cdot 8 = \\
 \frac{8}{2 \cdot ج \cdot 2 \cdot د} = 2 \cdot ج \cdot 2 \cdot د
 \end{array} &
 \begin{array}{l}
 6 \cdot و \cdot س^2 ص^6 = \\
 ف^3
 \end{array} \\
 \hline
 \begin{array}{l}
 و \cdot س^2 ص^6 = \\
 ف^3
 \end{array} & & 
 \end{array}$$

## تحقق من فهمك



٥) علم الفلك: رتبة مقدار كل من كتلة الأرض ودرب التبانة لأقرب قوى العشرة هي:  
 $10^{27}, 10^{44}$  على الترتيب. فكم مرة تساوي رتبة مقدار كتلة درب التبانة رتبة مقدار  
 كتلة الأرض؟

$$\cdot 10^{17} = 10^{44 - 27} = \frac{10^{44}}{10^{27}}$$

## تأكد

### الأمثلة ٤-١

بسط كل عبارة مما يأتي، مفترضاً أن المقام لا يساوي صفرًا.

$$\frac{m^8}{n^7} \quad (٤)$$

$$\frac{n^8}{m^7} \quad (٣)$$

$$\frac{m^5 r^5}{r^3 m^2} \quad (٢)$$

$$\frac{h^5}{l^4} \quad (١)$$

$$= \frac{m^{7-8}}{n^{1-2}} = \frac{1}{n} \quad (٥)$$

$$= \frac{b^{5-8} n^{3-6}}{n^3} = \frac{b^{-3} n^{-3}}{1} = \frac{b^0}{n^3} \quad (٦)$$

$$= \frac{m^{5-6} r^{2-5}}{r^3 b^3} = \frac{m^{-1}}{b^3} = \frac{1}{m^3 b^3} \quad (٧)$$

$$= l^3 h^3 = h^3 l^3 = h^{3+3} = h^6 \quad (٨)$$

$$\frac{r^3}{n^7} \quad (8)$$

$$\frac{n^4k^4w^6}{k^2n^3w^6} \quad (7)$$

$$\frac{s^3su^6}{u^5s^2u^6} \quad (6)$$

$$\frac{r^4n^7f^2}{n^7f^2} \quad (5)$$

$$r^3 n^{\frac{7}{2}} f^2 =$$

$$n^{1-6} k^{2-4} w^{3-4} = n k^2 w^5 =$$

$$s^{5-6} u^{2-3} s^{1-2} u^{2-3} = s^2 u^2 =$$

$$r^4 n^{7-7} f^{2-2} = r^4 n^0 f^0 = r^4$$

$$\frac{f^3 j^3}{h^4} \quad (12)$$

$$\frac{r^4 f^2 h^5}{r^2 h^3} \quad (11) \cdot \left( \frac{s^3 u^4}{s^3 u^4} - \right) \quad (10)$$

$$\left( \frac{d^3 j^2}{h^5} \right) \quad (9)$$

$$\frac{25d \ 15j \ 32}{10h \ 3125} = \frac{5 \times 5d \ 5 \times 3j \ 32}{5 \times 2h \ 3125} = \frac{5(5d) \ 5(3j) 5 \ 2}{5(2h) \ 5 \ 5} = \frac{5(5d \ 3j \ 2)}{5(2h \ 5)} \quad (9)$$

$$2 = 3-5h \ 0f \ 1-2r \ 2 = (2 \div 4) = (11) \quad 1 (10)$$

$$\frac{j^2 h^4}{f^3} = (12)$$

رجوع

$$\frac{^5 ج ^2 د ^0}{ج ^8 د ^0} - (21)$$

$$= 1-2 \underline{j} \quad 7-7 \underline{n} \quad 2-12 \underline{l} = \\ \underline{l} \quad 10 \quad \underline{n} \quad 0 \quad \underline{r} = \underline{l} \quad 10 \quad \underline{r}$$

$$\frac{^2 ل ^{12} ن ^7 ر ^2}{ل ^2 ن ^7 ر ^2} \quad (20) \quad \left( \frac{^2 ه ^4 ج ^9 ن ^5}{^3 ه ^2 ج ^7 ن ^3} - \right) \quad (19)$$

$$1 =$$

$$\frac{^8 ب ^8 ج ^7}{ب ^7 ج ^6} \quad (18)$$

$$7-8 \underline{j} \quad 1-8 \underline{ب} \quad 5-7 \underline{j} = \\ \underline{j} \quad 7 \quad \underline{ب} \quad 2 \underline{j} =$$

$$\underline{j} \quad \underline{\frac{5}{8}} = \underline{^0 د} \quad \underline{j} \quad \underline{\frac{5}{8}} = \underline{5-5 د} \quad \underline{1-2 j} \quad \underline{\frac{5}{8}} = (21)$$

$$\frac{^5 ر ^3 ن ^1 س ^0}{ن س ^5} \quad (25)$$

$$\left( \frac{^5 ج ^4 ب ^2 أ}{^3 ج ^4 ب ^4 أ} \right) \quad (24)$$

$$\frac{^2 ل ^4 م ^{12}}{^9 م ^{10} ل ^3} \quad (23)$$

$$\frac{^2 ن ^3 ج ^2 ه ^0}{^2 ج ^2 ن ^8} \quad (22)$$

$$ن \quad \underline{\frac{1}{4}} = \underline{^0 ج} \quad ن \quad \underline{\frac{1}{4}} = \underline{2-2 j} \quad \underline{2-3} \underline{\frac{2}{4}} = (22)$$

$$\frac{11 ل \underline{\frac{4}{5}}}{5} = 11 ل \quad \underline{7 م \frac{4}{5}} = 9+2 ل \quad \underline{7 م \frac{4}{5}} = (9-2 ل \quad \underline{3-4 م \frac{12}{15}} = (23)$$

$$\frac{10 \underline{j} \quad 8 ب \quad 4 أ}{8- ب \quad 8 ب} = \frac{2 \times 5 \underline{j} \quad 2 \times 4 ب \quad 2 \times 2 أ}{2 \times 3 \underline{j} \quad 2 \times 4 ب \quad 2 \times 4 أ} = \frac{2(5 \underline{j})^2 (4 ب)^2 (2 أ)}{2(3 \underline{j})^2 (4 ب)^2 (4 أ)} = \frac{2(5 \underline{j} \quad 4 ب \quad 2 أ)}{2(3 \underline{j} \quad 4 ب \quad 4 أ)} = (24)$$

$$4 \underline{j} \quad 16 ب \quad 4 أ = 4 \underline{j} \quad 8+8 ب \quad 8+4 أ = 6-10 \underline{j} \quad (8-8 ب \quad (8-4 أ) =$$

رجوع

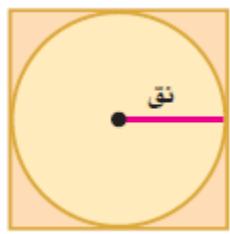
$$\frac{^3 ر}{ن ^2 س ^{10}} = ر ^3 ن ^{-1-1} س ^{-5-5} = ر ^3 ن ^{-2} س ^{-10} = (25)$$

**مثال ٥** ٢٦٤) حواسيب: وصلت سرعة معالج الحاسوب عام ١٤١٤ هـ إلى  $10^8$  عملية في الثانية تقريباً. وازدادت هذه السرعة إلى  $(10)^{10}$  عملية في الثانية عام ١٤٢٥ هـ. فبكم مرة يكون الحاسوب الجديد أسرع من القديم؟

**الحاسوب الجديد أسرع من الحاسوب القديم بـ**  $= \frac{10^{10}}{10^8} = 10^{2-10} = 10^2 = 100$  مرة.

**٢٧) تمثيلات متعددة:** تستعمل الصيغة  $M = \pi r^2$  لإيجاد مساحة الدائرة، وتستعمل الصيغة  $M = L^2$  لإيجاد مساحة المربع الذي طول ضلعه  $L$ . استخدم الشكل المجاور للإجابة عن الأسئلة أ - د.

أ) جبرياً: أوجد نسبة مساحة الدائرة إلى مساحة المربع.



$$\text{نسبة مساحة الدائرة إلى مساحة المربع} = \frac{\pi r^2}{L^2} = \frac{\pi r^2}{(2r)^2} = \frac{\pi}{4}$$

ب) جبرياً: إذا ضرب كل من نصف قطر الدائرة وطول ضلع المربع في العدد ٢، فما نسبة مساحة الدائرة إلى مساحة المربع.

$$\text{نسبة مساحة الدائرة إلى مساحة المربع} = \frac{\pi (2r)^2}{4(2r)^2} = \frac{\pi \times 4r^2}{4 \times 4r^2} = \frac{\pi}{4}$$

النسبة	مساحة المربع	مساحة الدائرة	نصف القطر
$\frac{4}{\pi}$	4 نم²	$\pi$ نم²	نم
$\frac{4}{\pi}$	16 نم²	$4\pi$ نم²	نم²
$\frac{4}{\pi}$	36 نم²	$9\pi$ نم²	نم³
$\frac{4}{\pi}$	64 نم²	$16\pi$ نم²	نم⁴
$\frac{4}{\pi}$	100 نم²	$25\pi$ نم²	نم⁵

ج) جدولياً: أكمل الجدول المقابل.

د) تحليلياً: ما الاستنتاج الذي توصلت إليه؟

إذا كان طول نصف قطر الدائرة يساوي ضعف طول ضلع المربع فإن النسبة بين مساحتيهما ثابتة وتساوي  $\frac{4}{\pi}$