

## الدوال

١) أي العلاقات التالية لا تمثل دالة.....

$y^3 - x = 4$  (d)

$y = \sqrt{x^2 + 2}$  (c)

$x = y - 5$  (b)

$y^2 - 8 = x$  (a)

٢) مجال الدالة ..... هو  $F(x) = \sqrt{x+2}$ 

$[-2, 3)$  (d)

$(-\infty, 2)$  (c)

$\{x | x \geq -2, x \in \mathbb{R}\}$  (b)

$\mathbb{R} - \{3\}$  (a)

٣) إذا كان  $f(6) = \dots$  فإن  $f(x) = x^2 + 8x - 24$ 

60 (h)

40 (g)

30 (f)

-24 (e)

٤) إذا كان  $x < 5$  تمثل باستخدام الفترة .....

$[-3, 5]$  (h)

$(-3, 5]$  (g)

$(-3, 5)$  (f)

$[-3, 5)$  (e)

٥) مجال الدالة  $f(x) = \frac{5x-3}{x^2+7x+12}$  هو مجموعة الأعداد الحقيقة ما عدا .....

3, -4 (d)

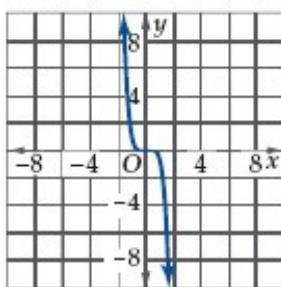
3, 4 (c)

-3, -4 (b)

-3, 4 (a)

أكمل الفراغات التالية:

..... هو  $f(x) = \frac{x-4}{x^2+7x+10}$  مجال الدالة (a)

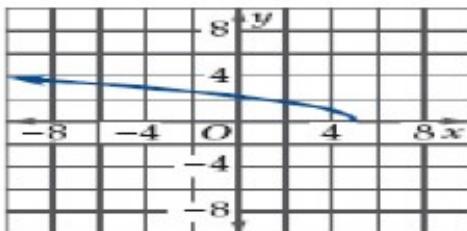
في أي العلاقات التالية  $y$  تمثل دالة في  $X$  وأيضاً لا تمثل دالة (b)

x	y
5	7
7	9
9	11
11	13

$y = \sqrt{x^2 + 3}$  ،  $X = y^2 - 5$

من الشكل المرسوم حدد مجال الدالة

(c)



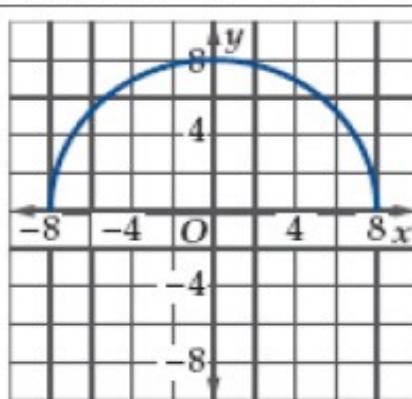
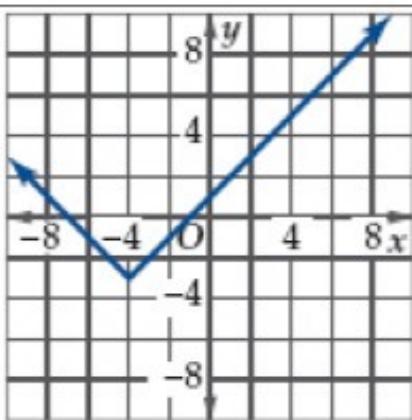
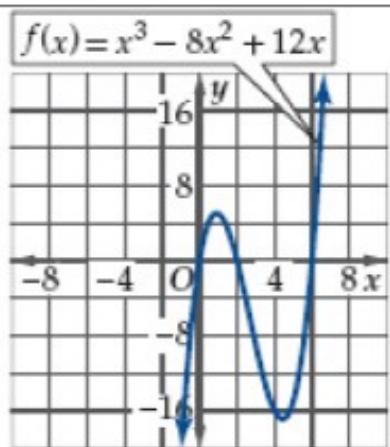
$f(1) = \dots$  ،  $f(0) = \dots$  فإن  $f(x) = \begin{cases} 3x-1 & , x<1 \\ 2x & , x \geq 1 \end{cases}$  إذا كانت (d)

$$f(x) = \begin{cases} 3x-1 & , x<1 \\ 2x & , x \geq 1 \end{cases}$$

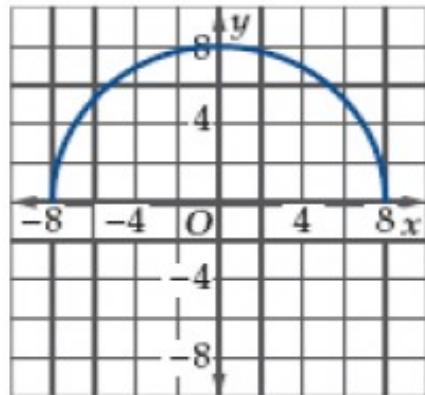
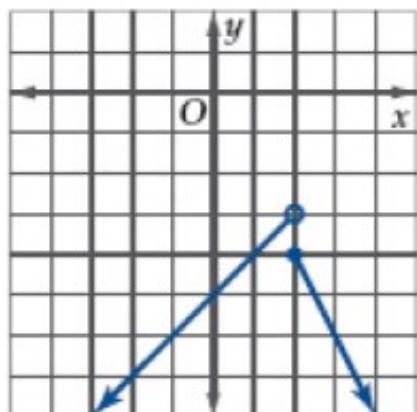
مجال الدالة  $f(x) = \sqrt{2x-4}$  هو (e)

## لحليل التمثيلات البيانية للدوال، العلاقات

أوجد مجال و مدى الدوال المرسومة



أوجد المقطع  $\gamma$  والأصفار لـ كل دالة مما يأتي



$$f(x) = x^2 - 6x - 27$$

$$f(x) = 4x - 9$$

حدد هل الدالة زوجية أم فردية أم غير ذلك

$f(x) =  x^3 $	$f(x) = x^2 + 6x + 10$		
$f(x) = \sqrt{x^2 + 6}$	$f(x) = \sqrt[3]{x}$		
٦) مقطع $y$ للدالة $f(x) = \sqrt{x+4} - 1$ هو			
3 (h)	5 (g)	4 (f)	1 (e)
٧) الدالة $f(x) = x^3$ هي دالة			
a) فردية	b) زوجية	c) لا زوجية ولا فردية	d) زوجية وفردية
٨) الدالة $h(x) = x^6 - 17x^4$ هي دالة			
a) زوجية	b) فردية	c) زوجية وفردية	d) لا زوجية ولا فردية
٩) الدالة $x^5 - 17x^3 + 16x$			
e) زوجية	f) فردية	g) زوجية وفردية	h) لا زوجية ولا فردية

## الاتصال وسلوك طرفي التمثيل البياني و النهايات

ادرس هل الدالة متصلة عند النقطة المعطاة وإذا كانت غير متصلة حدد نوع عدم الاتصال

$$x=1 \text{ و } f(x) = \begin{cases} 3x - 1 & , \quad x < 1 \\ 2x & , \quad x \geq 1 \end{cases}$$

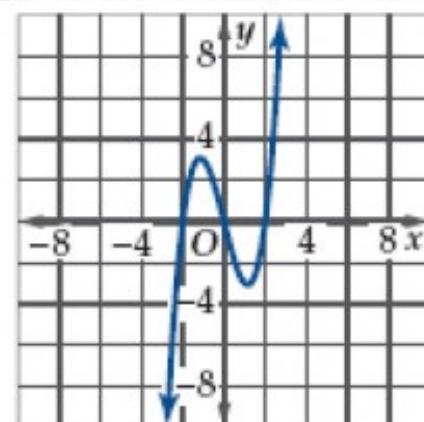
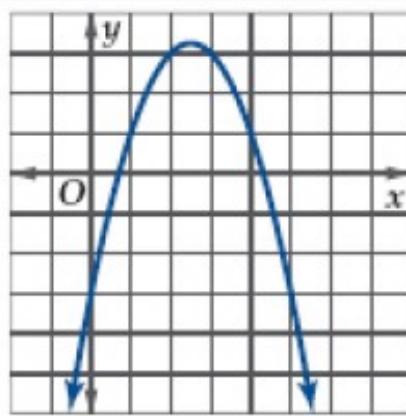
$$F(x) = x^2 - 3x \quad , \quad x = 4$$

$$F(x) = \frac{x^2 - 9}{x - 3}, x = 3$$

$$F(x) = \frac{x}{x+7}, x = -7$$

## القيم القصوى ومنتوسط معدل التغير

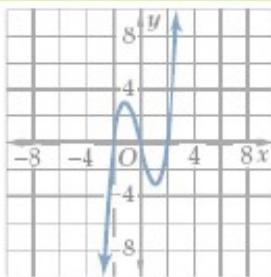
حدد الفترات التي تكون الدالة فيه [ متزايدة - متناقصة - ثابتة ]



أوجد متوسط معدل التغير لـ كل من الدوال التالية في الفترة المعطاة

$$f(x) = x^2 + 2x + 5 \quad , \quad [-5 \quad , \quad 3]$$

$$f(x) = -x^3 + 3x + 1 \quad , \quad [0 \quad , \quad 2]$$



١٠) من الشكل المرسوم الدالة متناقصة في الفترة

$(1, \infty)$  (d)

$(-1, 1)$  (c)

$(1, \infty) \quad (-\infty, -1)$ , (b)

$(-\infty, -1)$  (a)

١١) متوسط معدل التغير للدالة  $f(x) = x^4 + 3x$  ،  $[-2 \quad , \quad 6]$

-16(d)

-325 (c)

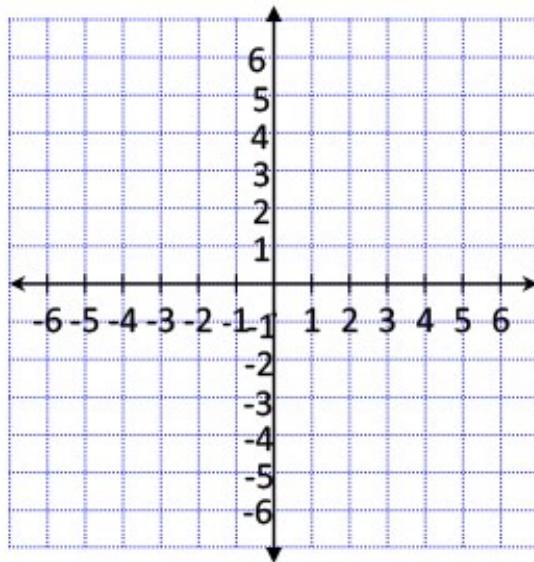
-157 (b)

163 (a)

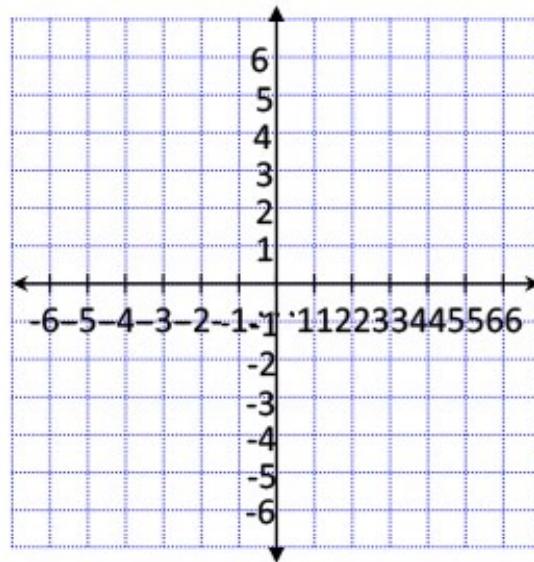
## الدوال الرئيسية [الأم] و التحويلات الهندسية

أوجد الدالة (الأم)  $f(x)$  للدالة  $g(x)$  في كل مما يأتى ثم صف العلاقة بين منحني الدالتين ثم مثاهمما في مستوى إحداثي واحد

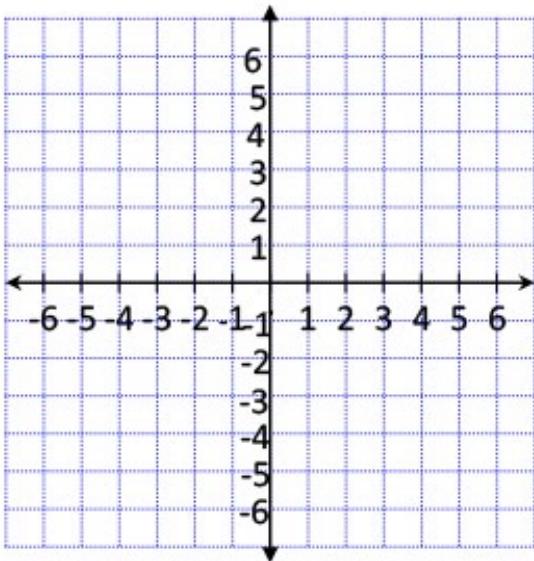
$$g(x) = |x+3| + 7$$



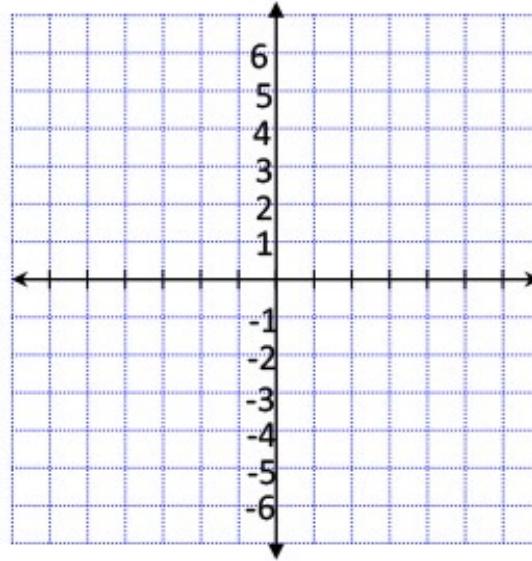
$$g(x) = \sqrt{x-3} + 2$$



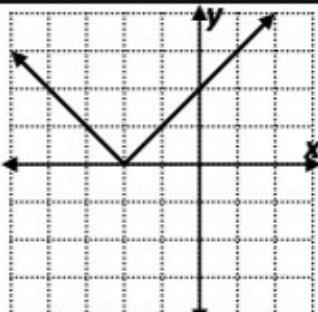
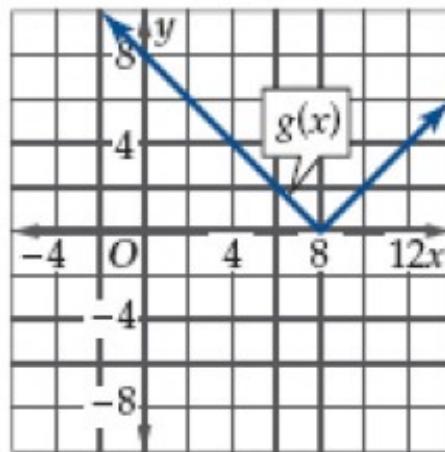
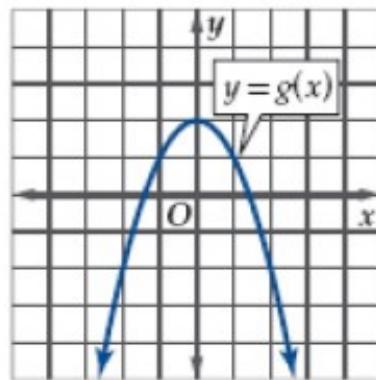
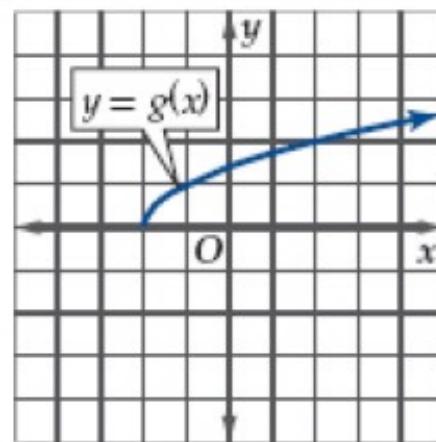
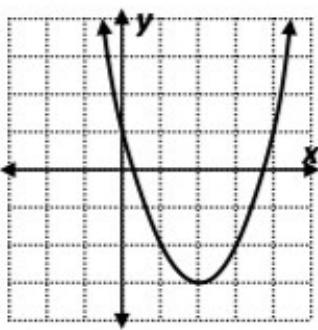
$$g(x) = -|x-3| + 7$$



$$g(x) = -(x+3)^3$$



صف العلاقة بين منحنى الدالة الأم  $f(x)$  و منحنى الدالة  $g(x)$  ثم أكتب معادلة الدالة  $g(x)$



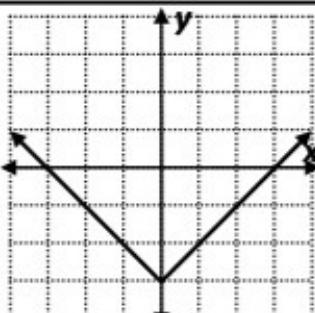
يمكن كتابة الدالة الممثلة على الصورة :

$$f(x) = |x - 2| \quad (\text{d})$$

$$f(x) = |x + 2| \quad (\text{c})$$

$$f(x) = |x| - 2 \quad (\text{b})$$

$$f(x) = |x| + 2 \quad (\text{a})$$



يمكن كتابة الدالة الممثلة على الصورة :

$$f(x) = |x - 3| \quad (\text{d})$$

$$f(x) = |x + 3| \quad (\text{c})$$

$$f(x) = |x| - 3 \quad (\text{b})$$

$$f(x) = |x| + 3 \quad (\text{a})$$

## العمليات على الدوال وتركيب دالتين

إذا كانت $f(x) = 4x - 11$ ... ثم أوجد المجال $(g \circ f)(x) =$	
$(f \circ g)(x) =$	
$(g \circ f)(3) =$	أوجد الدالة العكسية للدالة $g(x) =$
إذا كانت $f(x) = \frac{1}{x-3}$ ... ثم أوجد المجال $(g \circ f)(x) =$	
$(f \circ g)(x) =$	
$(g \circ f)(4) =$	أوجد الدالة العكسية للدالة $g(x) =$

## تمثيل الدوال الأسية بيانياً

مثل كل دالة مما يأتي بيانياً وحدد مجالها ومدتها

$$f(x) = 2^x \quad (1)$$

$$f(x) = 4^{x+1} - 5 \quad (2)$$

$$f(x) = -2(4)^x \quad (2)$$

$$f(x) = 2\left(\frac{2}{3}\right)^{x-3} - 4 \quad (4)$$

$$f(x) = \frac{-1}{3}\left(\frac{4}{5}\right)^{x-4} + 3 \quad (5)$$

$$f(x) = \frac{1}{8}\left(\frac{1}{4}\right)^{x+6} + 7 \quad (6)$$

$$f(x) = \frac{-1}{2}\left(\frac{3}{8}\right)^{x+2} + 9 \quad (7)$$

$$f(x) = 3(2)^x + 8 \quad (8)$$

## حل المعادلات والمنباينات الأسية

إذا كانت : $4^{x+1} + 3 = 5^x$ فإن : $x$ تساوي			
2 (d)	1 (c)	0 (b)	-1 (a)
حل المعادلة : $(5)^{x-1} = (7)^{x-1}$ هو :			
حل المعادلة : $(3)^{x-1} = \frac{1}{81}$ هو :			
5 (d)	2 (c)	- 3 (b)	- 2 (a)
حل المعادلة : $(8)^{x+2} = (16)^{x+1}$ هو :			
1 (d)	2 (c)	3 (b)	5 (a)

حل المعادلة الأسية  $2^x = 256$  هو  $x$  تساوي

8	د	7	ج	6	ب	5	أ
---	---	---	---	---	---	---	---

حل المعادلة الأسية  $5^{2x+1} = 125$  هو  $x$  تساوي

3	د	2	ج	1	ب	0	أ
---	---	---	---	---	---	---	---

ما قيمة  $x$  التي تحقق المعادلة  $? 7^{x-1} + 7 = 8$

2	د	0	ج	1	ب	-1	أ
---	---	---	---	---	---	----	---

حل المعادلة  $4^{3x} = 32^{x-1}$

أوجد مجموعة حل المعادلة  $5^{5x} = 125^{x+2}$

حل كل معادلة مما يأتي

$$4^{2n-1} = 64$$

$$2^x = 8^3$$

$$3^{5x} = 27^{2x-4}$$

$$8^{4x+2} = 64$$

حل المتباينة :  $2^{x+2} > \frac{1}{32}$  هو

15

$x > -3$  (d)

$x < -5$  (c)

$x > -7$  (b)

$x < -7$  (a)

(١٢) قيمة  $x$  التي تحقق المتباينة  $3^{x+2} > 243$

$X > 3$  (d)

$X = 3$  (c)

$X < 3$  (b)

$X > -3$  (a)

(١٣) قيمة  $x$  التي تتحقق المتباينة  $2^{x+2} > 32$

$X > 3$  (h)

$X = 3$  (g)

$X < 3$  (f)

$X > -3$  (e)

حل المتباينة  $3^{2x-2} < 27$  هو

د

ج

ب

أ

حل المتباينة  $2^{x+2} \geq \frac{1}{32}$  هو

د

ج

ب

أ

حل كل متباينة مما يأتي

$$3^{2x-1} \geq \frac{1}{243}$$

$$16^{2x-3} < 8$$

## اللوغاريتمات والدوال اللوغاريتمية

حول كل معادلة لوغاريتمية إلى معادلة أسيّة والعكس

الصورة الأسيّة	الصورة اللوغاريتمية
	$\log_2 16 = 4$
	$\log_8 512 = 3$
	$\log_9 \frac{1}{81} = -2$
	$\log_{12} 144 = 2$
$11^3 = 1331$	
$9^{-1} = \frac{1}{9}$	
$2^8 = 256$	
$\frac{2}{27^3} = 9$	

أوجد قيمة كل مما يأتي

$\log_6 216 =$	$\log_{13} 169 =$
$\log_2 \frac{1}{128} =$	$\log_3 \frac{1}{9} =$
$\log_{12} 12 =$	$\log_4 1 =$
$\log_{\frac{1}{6}} \frac{1}{216} =$	$\log_{32} 2 =$

أكتب  $\log_{\frac{1}{16}} 2 = -4$  على الصورة الأسيّة

أكتب  $10^2 = 100$  على الصورة اللوغاريتمية

① $\log_3 81$	② $\log_{\frac{1}{2}} 256$	أوجد قيمة كل مما يأتي
		$\log_2 64$ (a) $\log_4 256$ (b)

$$\log_2 \frac{1}{8} \quad (c)$$

$$7^{\log_7 4} = \dots \quad \log_2 \frac{1}{64} = \dots \quad \log_{\frac{1}{7}} 49 = \dots \quad \log_5 5 = \dots \quad (d)$$

الصورة اللوغاريتمية للمعادلة الأسيّة :  $5^4 = 625$  هي

$\log_{625} 5 = 4$ (d)	$\log_{625} 4 = 5$ (c)	$\log_5 625 = 4$ (b)	$\log_4 625 = 5$ (a)
------------------------	------------------------	----------------------	----------------------

الصورة الأسيّة للمعادلة اللوغاريتمية :  $\log_7 343 = 3$  هي

$343^3 = 7$ (d)	$343^7 = 3$ (c)	$7^3 = 343$ (b)	$3^7 = 343$ (a)
-----------------	-----------------	-----------------	-----------------

قيمة اللوغاريتم :  $\log_3 81$  تساوي :

81 (d)	5 (c)	4 (b)	3 (a)
--------	-------	-------	-------

٤) الصورة الأسيّة للمعادلة  $\log_4 16 = 2$

$(2)(2)(2)(2)=16$ (d)	$(8)(2)=16$ (c)	$4^2 = 16$ (b)	$2^4 = 16$ (a)
-----------------------	-----------------	----------------	----------------

٥) قيمة  $\log_{16} 4$

$\frac{1}{4}$ (h)	$\frac{1}{2}$ (g)	2 (f)	4 (e)
-------------------	-------------------	-------	-------

الصورة الاسية  $1000 = 10^3$  تكافئ الصورة اللوغاريتمية

٦

الصورة اللوغاريتمية  $\log_2 8 = 3$  تكافئ الصورة الاسية

٧

ما هي قيمة  $x$  في المعادلة  $\log_8 16 = x$

٨

2 (d)	د (ج)	ب (أ)
-------	-------	-------

## خصائص اللوغاريتمات

أوجد قيمة كل مما يأتى

$\log_4 45$	$\log_4 15$
$\log_4 \frac{5}{3}$	$\log_4 \frac{3}{4}$
$\log_2 \sqrt[5]{32} =$	$\log_5 \sqrt[4]{25}$
$50 \log_5 \sqrt{125}$	$3 \log_7 \sqrt[6]{49} =$

أكتب كل عبارة لوغاريتمية بالصورة المختصرة

$$3 \log_5 x - \frac{1}{2} \log_5 (6 - x) \quad (١)$$

$$5 \log_7 (2x) - \frac{1}{3} \log_7 (5x + 1) \quad (٢)$$

$$7 \log_3 a + \log_3 b - 2 \log_3 (8c) \quad (٣)$$

## حل المعادلات والمتباينات اللوغاريتمية

حل المعادلات الآتية

$$\log_{16} x = \frac{5}{2}$$

$$\log_{36} x = \frac{3}{2}$$

$$\log_6 \frac{1}{36} = x$$

$$\log_8 \frac{1}{2} = x$$

$$\log_3 2x + \log_3 7 = \log_3 28 \quad (1)$$

٢) حل كل متباعدة مما يأتي

$$\log_3 x > 4 \quad (١)$$

$$\log_4 x \geq 3 \quad (٢)$$

$$\log_2 x < 4 \quad (٣)$$

$$\log_5 x > 3 \quad (٤)$$

$$\log_8 x \leq -2 \quad (٥)$$

$$\log_6 x < -3 \quad (٦)$$

$$\log_4(2x + 5) \leq \log_4(4x - 3) \quad (٧)$$

$$\log_7(x + 2) \geq \log_7(6x - 3) \quad (٨)$$

أكتب العبارة اللوغاريتمية بالصورة المختصرة

$$3 \log_2 x^2 - \frac{1}{3} \log_2(x-4)$$

حل المعادلة

$$\log_{16} x = \frac{3}{2}$$

حل المتباينة

$$\log_4 x < 3$$

إذا كان  $\log_4(x-5) = \log_4 3$  فإن قيمة

حل المتباينة  $\log_4 x \geq 3$  هو

قيمة  $\log_3 10$  هو

قيمة  $x$  في المعادلة  $\log_8 16 =$  هو

إذا كان  $\log_4 32 = \log_4 2 + 0.5$  فإن قيمة

حل المتباينة  $\log_4 x \geq 3$  هو

العبارة  $3 \log_2 x + 5 \log_2 y$  تكافئ

	د		ج		ب		أ
--	---	--	---	--	---	--	---

العبارة  $4 \log_2 x - 5 \log_2 y$  تكافئ

	د		ج		ب		أ
--	---	--	---	--	---	--	---

## اللوغاريتم العشري

إيجاد قيمة اللوغاريتم العشري باستخدام الحاسبة مقرب الناتج إلى أقرب جزء من عشرة ألاف

$$\log 5 \quad (1)$$

$$\log 7 \quad (2)$$

$$\log 0.3 \quad (3)$$

$$\log 0.5 \quad (4)$$

حل كل معادلة مما يأتي وقرب الناتج إلى أقرب جزء من عشرة ألاف

$$6^x = 40 \quad (1)$$

$$4^x = 19 \quad (2)$$

حل كل مما يأتي وقرب الناتج إلى أقرب جزء من عشرة ألاف

$$5^{4n} > 33 \quad (1)$$

$$6^{p-1} \leq 4^p \quad (2)$$

أكتب كلاماً مما يأتي بدلالة اللوغاريتم العشري وأوجد قيمته مقترباً لجزء من عشرة ألاف

$$\log_3 7 \quad (1)$$

$$\log_2 16 \quad (2)$$

## المنطابقات المثلثية

$\dots = \sec \theta = -\frac{3}{5}$ إذا كان $\cos \theta = -\frac{3}{5}$ ، القيمة الدقيقة لـ $\sec \theta$ ،	١
$\dots = \csc \theta = \frac{4}{7}$ إذا كان $\sin \theta = \frac{4}{7}$ ، القيمة الدقيقة لـ $\csc \theta$ ،	٢
$\dots = \cot \theta = \frac{8}{9}$ إذا كان $\tan \theta = \frac{8}{9}$ ، القيمة الدقيقة لـ $\cot \theta$ ،	٣
$\dots = \sin \theta = -\frac{1}{2}$ $\csc \theta = -\frac{1}{2}$ ، القيمة الدقيقة لـ $\csc \theta$ ،	٤
$\dots = \cos \theta = -\frac{5}{8}$ إذا كان $\sec \theta = -\frac{5}{8}$ ، القيمة الدقيقة لـ $\cos \theta$ ،	٥
$\dots = \cot \theta = 3$ إذا كان $\tan \theta = 3$ ، القيمة الدقيقة لـ $\cot \theta$ ،	٦
$\dots = \sin \theta = -\frac{5}{13}$ إذا كان $90^\circ < \theta < 180^\circ$ ، القيمة الدقيقة لـ $\sin \theta$ ،	٧
$\dots = \tan \theta = \frac{4}{5}$ إذا كان $90^\circ < \theta < 180^\circ$ ، القيمة الدقيقة لـ $\tan \theta$ ،	٨
$\dots = \sin \theta = -\frac{7}{24}$ إذا كان $270^\circ < \theta < 360^\circ$ ، القيمة الدقيقة لـ $\sin \theta$ ،	٩
$\dots = \cot \theta = \frac{8}{17}$ إذا كان $0^\circ < \theta < 90^\circ$ ، القيمة الدقيقة لـ $\cot \theta$ ،	١٠
$\cos \theta = \frac{11}{61}$ إذا كان $90^\circ < \theta < 180^\circ$ ، $\sin \theta =$ أوجد القيمة الدقيقة $\theta$	١١
$\tan \theta = \frac{11}{61}$ إذا كان $90^\circ < \theta < 180^\circ$ ، $\sin \theta =$ أوجد القيمة الدقيقة $\theta$	١٢
$\csc \theta = \frac{11}{61}$ إذا كان $90^\circ < \theta < 180^\circ$ ، $\sin \theta =$ أوجد القيمة الدقيقة $\theta$	١٣
$\sec \theta = \frac{11}{61}$ إذا كان $90^\circ < \theta < 180^\circ$ ، $\sin \theta =$ أوجد القيمة الدقيقة $\theta$	١٤

١) إذا كان  $\frac{3}{5} < \cos \theta < 270$  ، أوجد القيمة الدقيقة لـ كل من

$\sin \theta$  (a)

$\tan \theta$  (b)

$\cot \theta$  (c)

$\csc \theta$  (d)

$\sec \theta$  (e)

$\sin 2\theta$  (f)

$\cos 2\theta$  (g)

$\tan 2\theta$  (h)

$\sin \frac{\theta}{2}$  (i)

$\cos \frac{\theta}{2}$  (j)

$\tan \frac{\theta}{2}$  (k)

٢) إذا كان  $90^\circ < \theta < 180^\circ$  ،  $\tan \theta = -\frac{5}{12}$  أوجد القيمة الدقيقة لكلا من

$\sin \theta$  (a)

$\cos \theta$  (b)

$\cot \theta$  (c)

$\csc \theta$  (d)

$\sec \theta$  (e)

$\sin 2\theta$  (f)

$\cos 2\theta$  (g)

$\tan 2\theta$  (h)

$\sin \frac{\theta}{2}$  (i)

$\cos \frac{\theta}{2}$  (j)

$\tan \frac{\theta}{2}$  (k)

أثبت أن كل معادلة مما يأتي تمثل متطابقة

$$\sec \theta \tan \theta \cos^2 \theta = \sin \theta \quad (1)$$

$$\csc^2 \theta - \cot^2 \theta = 1 \quad (2)$$

$$(1 + \sin \theta)(1 - \sin \theta) = \cos^2 \theta \quad (3)$$

$$\sec \theta \tan^2 \theta + \sec \theta = \sec^3 \theta \quad (4)$$

$$\csc^2 \theta - \cot^2 \theta = \cot \theta \tan \theta (\circ)$$

$$\cos^2 \theta + \tan^2 \theta \cos^2 \theta = 1 (\text{r})$$

$$1 + \sec^2 \theta \sin^2 \theta = \sec^2 \theta (\text{v})$$

$$\sin \theta \sec \theta \cot \theta = 1 (\wedge)$$

أوجد القيمة الدقيقة لـ كل مما يأتي

$$\sin 105^\circ \quad (1)$$

$$\cos(-120^\circ) \quad (2)$$

$$\sin 15^\circ \quad (3)$$

$$\cos(-15^\circ) \quad (4)$$

$$\cos 75^\circ \quad (5)$$

$$\tan 195^\circ \quad (6)$$

$$\sin(-30^\circ) \quad (7)$$

أثبت أن كل معادلة مما يأتي تمثل متطابقة

$$\cos(90^\circ - \theta) = \sin \theta \quad (1)$$

$$\sin\left(\theta + \frac{\pi}{2}\right) = \cos \theta \quad (2)$$

$$\cos\left(\frac{3\pi}{2} - \theta\right) = -\sin \theta \quad (3)$$

$$\sin(\theta + \pi) = -\sin \theta \quad (4)$$

## حل المعادلات المثلثية

حل كل معادلة مما يأتي لقيم  $\theta$  جميعها الموضحة بجانب كل منها

$$2 \cos \theta - 1 = 0 \quad , \quad 0 \leq \theta \leq 360 \text{ (١)}$$

$$\sqrt{2} \cos \theta - 1 = 0 \quad , \quad 0 \leq \theta \leq 2\pi \text{ (٢)}$$

$$\sin 2\theta = 0 \quad , \quad 0 \leq \theta \leq 360 \text{ (٣)}$$

$$\sin \theta - \frac{1}{2} = 0 \quad , 0 \leq \theta \leq 180^\circ$$

$$5 \sin \theta = 3 \quad , 0 \leq \theta \leq 2\pi$$

$$0 \leq \theta \leq 2\pi \quad 2\sin \theta = -\sqrt{3}$$

١٦) أي مما يأتي يكافئ  $\frac{\cos\theta \csc\theta}{\tan\theta}$

$\csc^2\theta$  (l)

$\cot^2\theta$  (k)

$\csc\theta$  (j)

$\cot\theta$  (i)

١٧) أي مما يأتي يكافئ العبارة  $\tan^2\theta (\cot^2\theta - \cos^2\theta)$

$\sin^2\theta$  (b)

$\cos^2\theta$  (a)

$\tan^2\theta$  (n)

$\cot^2\theta$  (m)

١٨) أي عبارة مما يأتي تكافئ العبارة  $\frac{\tan^2\theta + 1}{\tan^2\theta}$

$\csc^2\theta$  (h)

$\tan^2\theta$  (g)

$\cos^2\theta$  (f)

$\sin^2\theta$  (e)

١٩) حدد المعادلة المختلفة عن المعادلات الثلاث الأخرى

$\tan^2\theta + 1 = \sec^2\theta$  (l)

$\sin^2\theta - \cos^2\theta = 2\sin^2\theta$  (k)

$1 + \cot^2\theta = \csc^2\theta$  (j)

$\sin^2\theta + \cos^2\theta = 1$  (i)

٢٠) أي مما يأتي لا يكافئ  $\cos\theta$  حيث  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$

$\tan\theta \csc\theta$  (d)

$\cot\theta \sin\theta$  (c)

$\frac{1 - \sin^2\theta}{\cos\theta}$  (b)

$\frac{\cos\theta}{\cos^2\theta + \sin^2\theta}$  (a)

٢١) أي مما يأتي يكافئ العبارة  $\frac{\cos\theta}{1 - \sin^2\theta}$

$\sec\theta$  (d)

$\tan\theta$  (c)

$\csc\theta$  (b)

$\cos\theta$  (a)

$\cos \frac{5\pi}{12}$  قيمة (٢٢)

$\frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$  (l)

$\frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$  (k)

$\frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{2}$  (j)

$\sqrt{2}$  (i)

٢٣) القيمة الدقيقة لـ  $\cos\theta = \frac{\sqrt{3}}{2}$  ،  $0 < \theta < 90^\circ$  ،  $\tan\frac{\theta}{2}$

$\sqrt{3}$  (d)

$\frac{\sqrt{3}}{3}$  (c)

$\sqrt{3} - 2$  (b)

$2 - \sqrt{3}$  (a)

٢٤) القيمة الدقيقة لـ  $\cos\theta = -\frac{3}{5}$  إذا كان  $90^\circ < \theta < 180^\circ$  ،  $\sin\theta$

$\frac{\sqrt{34}}{8}$  (d)

$\frac{4}{5}$  (c)

$-\frac{4}{5}$  (b)

$\frac{5}{3}$  (a)

إذا كان  $\cos \theta = \dots$  فإن  $\sin \theta = \frac{3}{4}$ ,  $0 < \theta < 90^\circ$  (٢٥)

$$\frac{4}{\sqrt{7}} \text{ (l)}$$

$$\frac{3}{\sqrt{7}} \text{ (k)}$$

$$\frac{\sqrt{7}}{3} \text{ (j)}$$

$$\frac{\sqrt{7}}{4} \text{ (i)}$$

(٢٦) تبسيط العبارة  $\cos \theta \sec \theta \cot \theta$

$$\sin \theta \text{ (l)}$$

$$\cot \theta \text{ (k)}$$

$$\tan \theta \text{ (j)}$$

$$\cos \theta \text{ (i)}$$

(٢٧) القيمة الدقيقة لـ  $\sin 75^\circ$

$$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{6}}{2} \text{ (r)}$$

$$\frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{2} \text{ (q)}$$

$$\frac{\sqrt{2} + \sqrt{6}}{4} \text{ (p)}$$

$$\frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4} \text{ (o)}$$

إذا كان ..... =  $\sin \frac{\theta}{2}$  وقع  $\theta$  في الربع الثاني فإن  $\cos \theta = -\frac{3}{5}$  (٢٨)

$$\frac{2\sqrt{5}}{5} \text{ (h)}$$

$$2\sqrt{5} \text{ (g)}$$

$$\sqrt{5} \text{ (f)}$$

$$\frac{3\sqrt{5}}{5} \text{ (e)}$$

$\sec^2 \theta - \tan^2 \theta = \dots$  (٢٩)

$$\sin^2 \theta \text{ (l)}$$

$$\cos^2 \theta \text{ (k)}$$

$$\cot^2 \theta \text{ (j)}$$

$$1 \text{ (i)}$$

(٣٠) القيمة الدقيقة لـ  $\sin 210^\circ$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \text{ (p)}$$

$$-\frac{\sqrt{3}}{2} \text{ (o)}$$

$$-\frac{1}{2} \text{ (n)}$$

$$-2 \text{ (m)}$$

$\sin(\frac{3\pi}{2} - \theta) = \dots$  (٣١)

$$-\sin \theta \text{ (h)}$$

$$\sin \theta \text{ (g)}$$

$$\cos \theta \text{ (f)}$$

$$-\cos \theta \text{ (e)}$$

**السؤال الثاني :** أكمل الفراغات التالية

$\tan(\theta - \pi) = \dots$	.٣
------------------------------	----

$\sin 2\theta = \dots$	.٤
------------------------	----

$\tan \frac{\theta}{2} = \dots$	.٥
---------------------------------	----

$\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = \dots$	.٦
---	----

$\sin(A+B) = \dots$	.٧
---------------------	----

**السؤال الثالث: أجب عن الأسئلة التالية**

.a

$$\frac{\cos \theta + 1}{\sin \theta} = \cot \theta + \csc \theta$$

أثبت أن المعادلة متطابقة

.b

$$0 \leq \theta \leq 360 \quad \cos \theta - \frac{1}{2} = 0$$

حل المعادلة حيث

.c

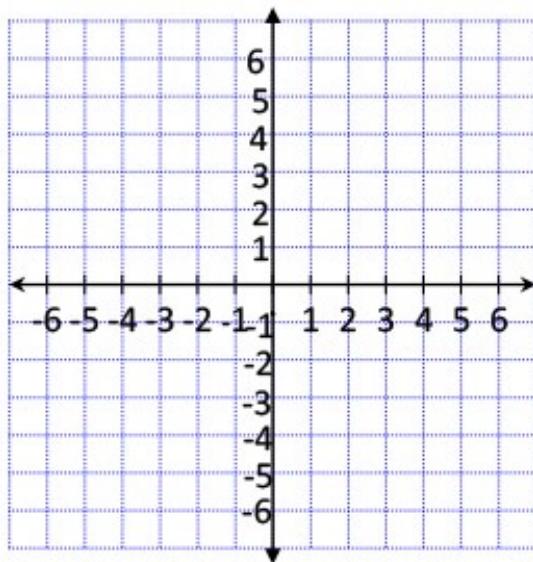
إذا كان  $\sin \theta = \frac{5}{13}$  أوجد القيمة الدقيقة لكل من

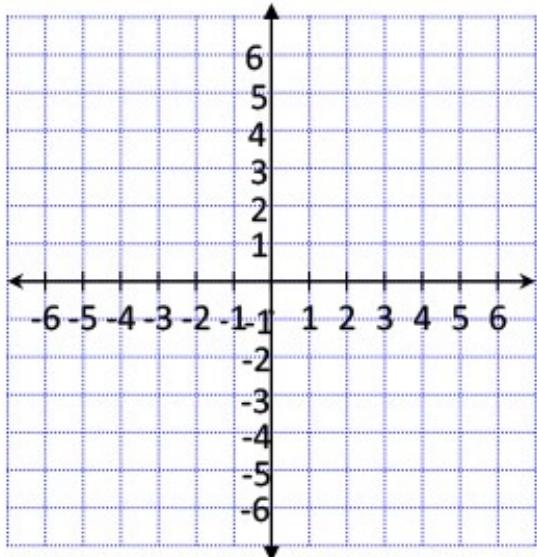
$$\sin 2\theta, \cos 2\theta, \tan 2\theta, \sin \frac{\theta}{2}, \cos \frac{\theta}{2}, \tan \frac{\theta}{2}$$

## القطوع المكافئة

حدد خصائص القطع المكافئ

$$(y + 5)^2 = -12(x - 2) \quad (1)$$





$$(x + 1)^2 = -16(y - 6) \quad (\text{r})$$

$$(y - 4)^2 = 20(x + 2) \quad (\text{r})$$

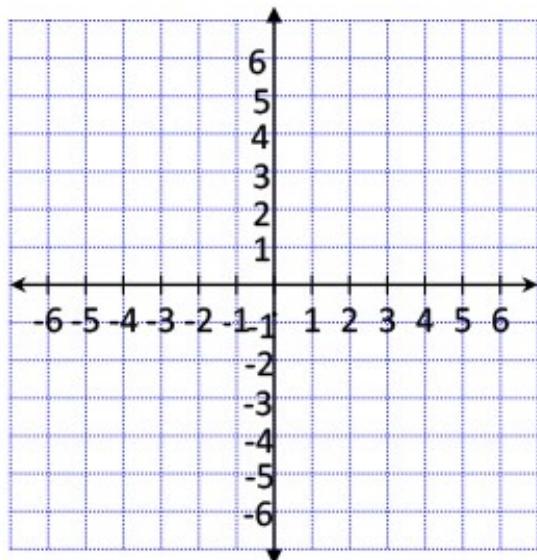
$$(y + 5)^2 = 24(x - 1) \quad (\text{z})$$

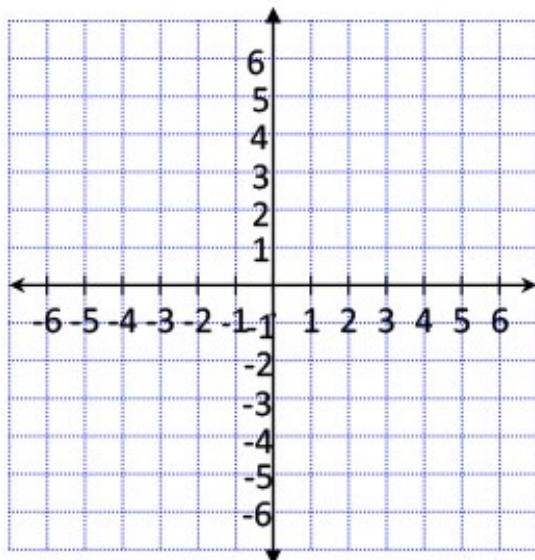
$$-40(x + 4) = (y + 5)^2 \quad (\text{o})$$

$$-4(y + 2) = (x + 8)^2 \quad (\text{r})$$

أكتب معادلة القطع المكافئ الذي يحقق الخصائص المعطاة في كل مما يأتي ثم مثل منحناه بيانياً

(1) البؤرة  $(-4, -4)$  الرأس  $(1, -4)$





٢) الرأس  $(-2, 4)$  والدليل  $y = 1$

٣) البؤرة  $(-2, 5)$  الرأس  $(-2, -9)$

٤) البؤرة  $(-7, -9)$  الرأس  $(4, -4)$

٥) البؤرة  $(-1, 2)$  الرأس  $(-4, -1)$

٦) الرأس  $(4, -2)$  والدليل  $x = 1$

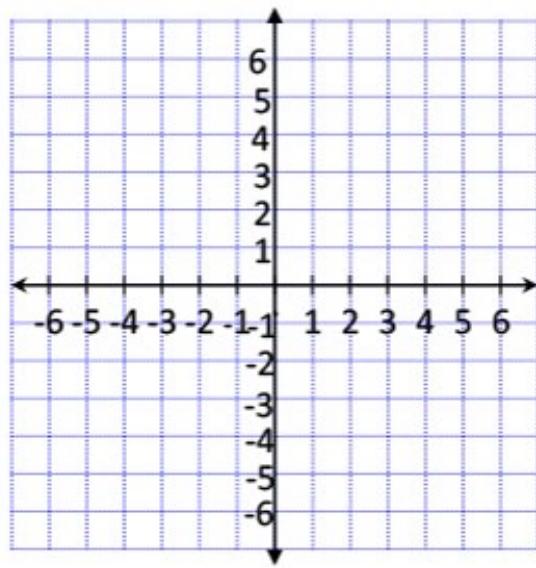
٧) البؤرة  $(-2, 4)$  والدليل  $y = 8$

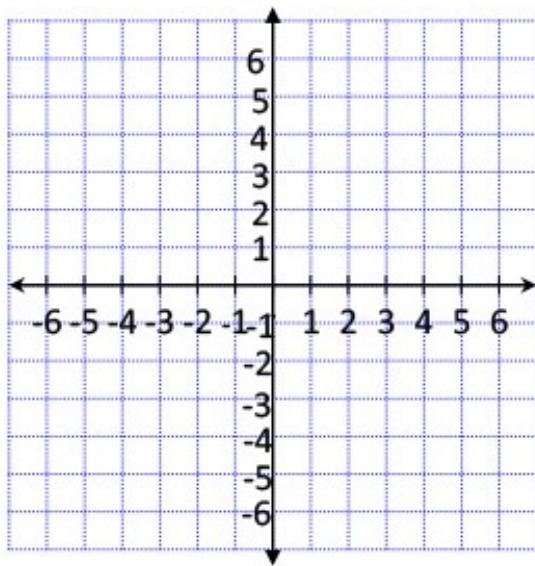
٨) البؤرة  $(4, -4)$  والدليل  $x = 2$

## القطع الناقص والدوائر

حدد خصائص القطع الناقص المعطاة معادلته في كل مما يأتي ثم مثل منحناه بيانياً

$$\frac{(x-3)^2}{36} + \frac{(y+1)^2}{9} = 1 \quad .1$$





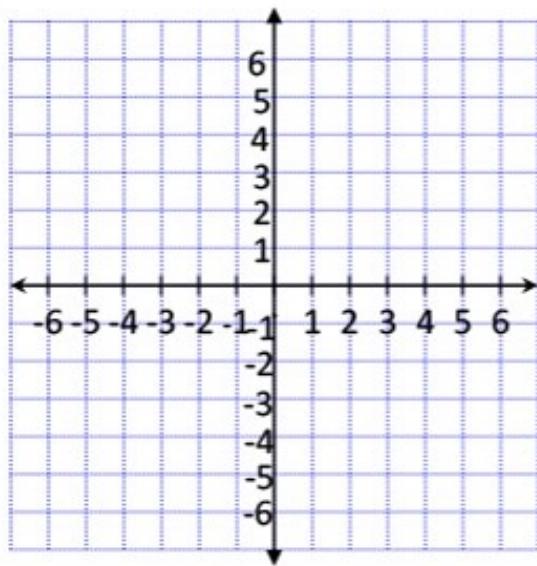
$$\frac{(x-6)^2}{9} + \frac{(y+3)^2}{16} = 1 .\text{r}$$

$$\frac{(x+2)^2}{9} + \frac{y^2}{49} = 1 .\text{r}$$

$$\frac{(x+4)^2}{9} + \frac{(y+3)^2}{4} = 1 .\text{z}$$

أكتب معادلة القطع الناقص الذي يحقق الخصائص المعلنة في كل مما يأتي

١. نهايتها المحور الأكبر  $(-3, -3)$ ,  $(-9, -6)$ ,  $(-6, -2)$ ,  $(-8, -1)$  ونهايتها المحور الأصغر  $(-3, -9)$



٢. الرأسان (-3,-3), (13,-7), (11,-3) والبئرatan ( -3 , -7 )

٣. الرأسان ( 4 , 3 ) , ( 4 , -9 ) وطول المحور الأصغر 8

٤. نهايata المحور الأكبر ( 1,2 ), ( 2,13 ) و نهايata المحور الأصغر ( 0 , -6 , 4 )

٥. البئرatan ( -6 , -6 ) , ( -9 , 3 ) وطول المحور الأكبر 20 وحدة

٦. الرأسان المراافقان ( 7 , -3 ), ( -3 , 7 ) وطول المحور الأكبر 16 وحدة

٧. الرأسان ( 4 , 4 ) , ( 4 , -4 ) و البئرatan ( 4 , 4 ) , ( 4 , -2 )

٨. البئرatan ( 3 , -7 ), ( 3 , 19 ) و طول المحور الأكبر 30 وحدة

٩. الرأسان ( 8 , -2 ), ( -4 , -2 ) و طول المحور الأصغر 10 وحدة

الصورة القياسية لمعادلة الدائرة التي مركزها  $(h, k)$  ونصف قطرها  $r$

$$(x - h)^2 + (y - k)^2 = r^2$$

أكتب معادلة الدائرة

١. المركز  $(2, -1)$  وقطرها 8

٢. المركز  $(0, 0)$  ونصف القطر 3

٣. المركز  $(5, 0)$  والقطر 10

٤. المركز  $(3, 0)$  ونصف القطر 2

٥. المركز  $(-4, -3)$  والقطر 12

٦. المركز هو نقطة الأصل ونصف القطر 7

٧. طرفا قطر  $(-1, -8), (7, 6)$

٨. طرفا قطر  $(1, 5), (3, -3)$

## القطع الزائد

حدد خصائص القطع الزائد ثم مثل منحناه بيانيا

$$\frac{(x+1)^2}{9} - \frac{(y+2)^2}{16} = 1 \quad (1)$$

$$\frac{(y+4)^2}{64} - \frac{(x+2)^2}{81} = 1 \quad (\text{r})$$

$$\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{1} = 1 \quad (\text{r})$$

$$\frac{y^2}{4} - \frac{x^2}{17} = 1 \quad (\text{t})$$

$$\frac{x^2}{49} - \frac{y^2}{30} = 1 \quad (\text{o})$$

$$\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{21} = 1 \quad (\text{l})$$

$$\frac{y^2}{25} - \frac{x^2}{14} = 1 \quad (\text{v})$$

أكتب معادلة القطع الزائد الذي يحقق الخصائص المعلنة في كل مما يأتي

- ١) الرأسان  $(-3, -7)$ ,  $(-3, 3)$ ,  $(-3, -6)$  والبؤرتان  $(3, 2)$

٢) الرأسان  $(-9, 0)$ ,  $(-3, 0)$  وخطا التقارب  $y = 2x - 12$ ,  $y = -2x + 12$

٣) الرأسان  $(3, 2)$ ,  $(3, 6)$  وطول المحور المراافق ١٠ وحدات

٤) البوتان  $(-1, -7)$ ,  $(-1, -1)$  وطول المحور المراافق ١٤ وحدة

٥) الرأسان  $(-9, 5)$ ,  $(-5, 7)$  والبوتان  $(5, 7)$ ,  $(11, 5)$

٦) الرأسان  $(-1, 3)$ ,  $(-1, 9)$  وخطا التقارب  $y = \pm \frac{3}{7}x + \frac{45}{7}$

٧) البوتان  $(-17, 7)$ ,  $(-9, 7)$  وخطا التقارب  $y = \pm \frac{5}{12}x + \frac{104}{12}$

٨) الرأسان  $(2, -2)$ ,  $(2, 10)$  و طول المحور المراافق ١٦ وحدة

٩) الاختلاف المركزي  $\frac{7}{6}$  و البوتان عند  $(-1, -2)$ ,  $(13, -2)$

## لتحديد أنواع القطوع المخروطية ودورانها

حدد نوع القطع المخروطي الذي تمثله ومثل منحناه بيانياً

$$16x^2 - 25y^2 - 128x - 144 = 0 \quad (1)$$

$$x^2 + 4y^2 - 6x - 7 = 0 \quad (2)$$

$$4x^2 + y^2 - 16x + 8y - 4 = 0 \quad (3)$$

$$x^2 + 4y^2 - 6x + 16y - 11 = 0 \quad (4)$$

$$x^2 + y^2 + 12x - 8y + 36 = 0 \quad (5)$$

$$9y^2 - 16x^2 - 64x - 18y - 199 = 0 \quad (6)$$

$$6y^2 - 24y + 28 - x = 0 \quad (7)$$

دوران محاور القطوع المخروطية

$$y = x' \sin \theta + y' \cos \theta, \quad x = x' \cos \theta - y' \sin \theta$$

استعمل قيمة  $\theta$  المعطاة لكتابة الصورة القياسية لكل معادلة مما يأتي في المستوى  $x'$   $y'$

ثم حدد نوع القطع المخروطي التي تمثله

$$x'y = -8, \quad \theta = 45^\circ$$

$$x^2 - 8y = 0 \quad , \quad \theta = \frac{\pi}{2} \text{ (Y)}$$

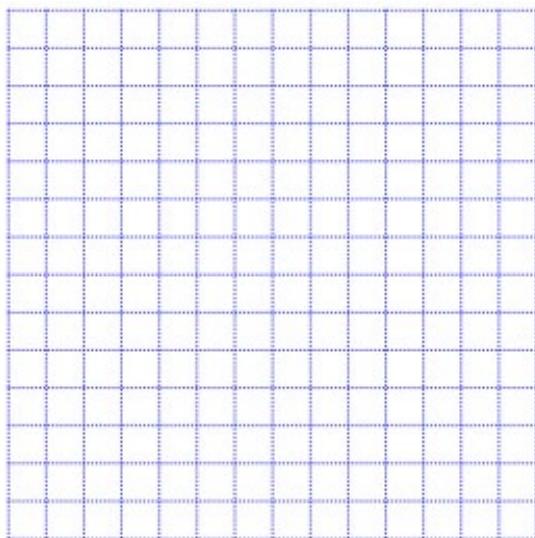
$$y^2 + 8x = 0 \quad , \quad \theta = 30^\circ$$

$$2x^2 + 2y^2 = 8 \quad , \quad \theta = \frac{\pi}{6} \text{ (t)}$$

$$4x^2 + 9y^2 = 36 \quad , \quad \theta = 30^\circ \text{ (o)}$$

## المعادلات الوسيطية

أكتب كل معادلتين وسيطتين فيما يأتي بالصورة الديكارتية ثم مثل المحنى بيانياً وحدد المجال



$$Y = 4t, \quad x = t^2 - 5 \quad .1$$

$$Y = -4t + 3, \quad x = t^2 + 1 \quad .2$$

$$Y = \frac{t^2}{6} - 7, \quad x = \frac{t}{3} + 2 \quad .3$$

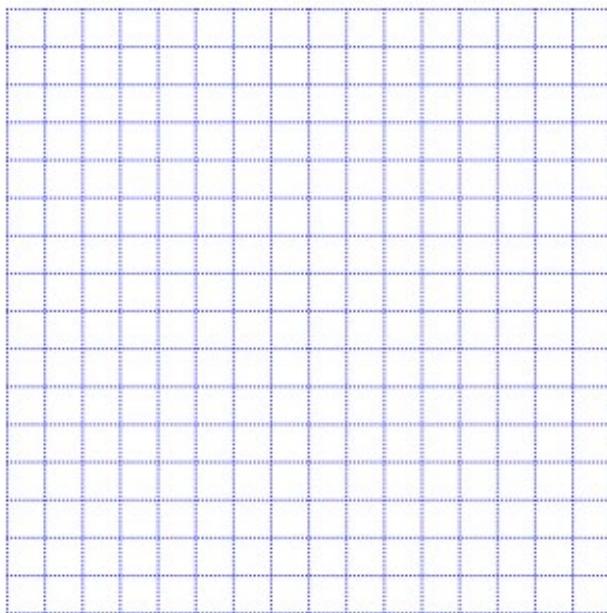
$$Y = t^2 + 2, \quad x = 3t - 1 \quad .4$$

$$Y = t^2 - 7, \quad x = 3t + 9 \quad .5$$

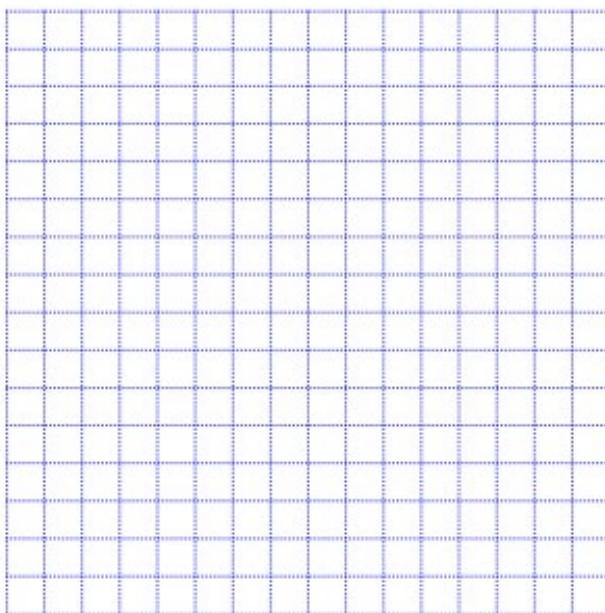
$$Y = 5t, \quad x = t^2 - 2 \quad .6$$

أكتب كل معادلتين وسيطرين فيما يأتي بالصورة الديكارتية ثم مثل المنحنى بيانياً

$$X = 3 \cos \theta , y = 5 \sin \theta .1$$



$$X = 7 \sin \theta , y = 2 \cos \theta .2$$



$$X = 6 \cos \theta , y = 4 \sin \theta .3$$

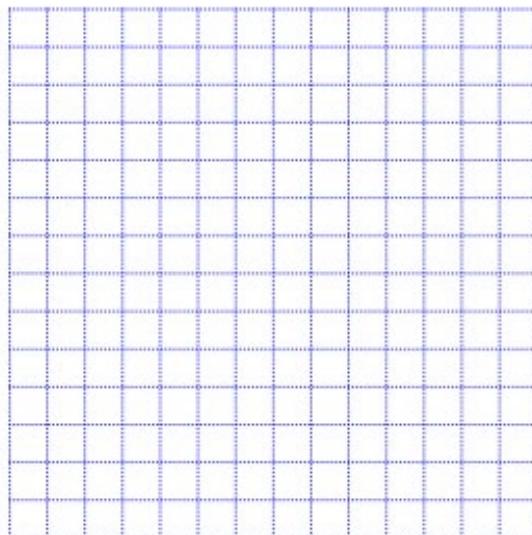
$$X = 3 \cos \theta , y = 3 \sin \theta .4$$

$$X = 8 \sin \theta , y = \cos \theta .5$$

$$X = 5 \cos \theta , y = 6 \sin \theta .6$$

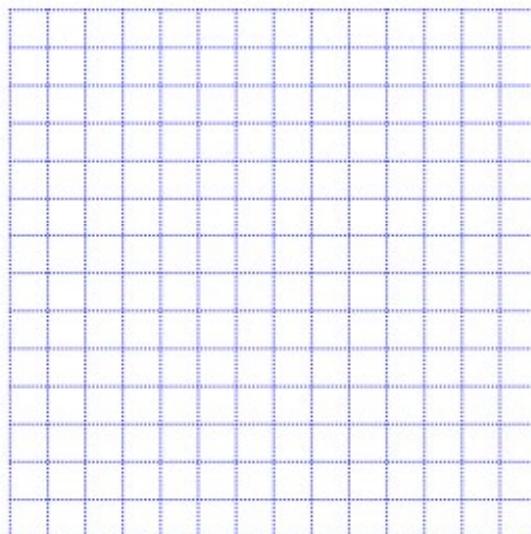
استعمل المتغير الوسيط في كل مما يأتي لكتابة معادلتين وسليطتين تمثلان المعادلة

الديكارتية  $x^2 - 6 = y$  ثم مثل المنحنى بيانياً موضحاً السرعة والاتجاه



$$t = x + 1 \quad .1$$

$$t = 3x \quad .2$$



$$t = 4 - 2x \quad .3$$