

● قررت وزارة التعليم تدريس
هذا الكتاب وطبعه على نفقتها



المملكة العربية السعودية

الرياضيات

الصف الأول المتوسط
الفصل الدراسي الأول



قام بالتأليف والمراجعة
فريق من المتخصصين

ح) وزارة التعليم ، ١٤٤٣هـ

فهرسة مكتبة الملك فهد الوطنية أثناء النشر
وزارة التعليم

الرياضيات - الصف الأول المتوسط - الفصل الدراسي الأول. / وزارة التعليم.
الرياض ، ١٤٤٣هـ .

١٣٧ ؛ ٢١ × ٥ ، ٢٧ سم

ردمك : ٩٧٨-٦٠٣-٥١١-١٩٦-٦

١ - الرياضيات - تعليم - السعودية ٢ - التعليم المتوسط - السعودية
أ. العنوان

١٤٤٣ / ٩٨٨٧

ديوي ٥١٠,٧١٣

رقم الإيداع : ١٤٤٣ / ٩٨٨٧

ردمك : ٩٧٨-٦٠٣-٥١١-١٩٦-٦

حول الغلاف

مقياس الرسم أو مقياس النموذج هو نسبة القياس على الرسم
أو النموذج إلى القياس الفعلي.
تدرس في الفصل الرابع المقياس لتصميم مخططات
ومجسمات لمعالم مشهورة كتقصر المصمم مثلاً.



حقوق الطبع والنشر محفوظة لوزارة التعليم
www.moe.gov.sa

مواد إثرائية وداعمة على "منصة عين الإثرائية"



ien.edu.sa

أعضاء المعلمين و المعلمات، والطلاب و الطالبات، وأولياء الأمور ، وكل مهتم بالتربية و التعليم:
يسعدنا تواصلكم؛ لتطوير الكتاب المدرسي، ومقترحاتكم محل اهتمامنا.



fb.iien.edu.sa



بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ





المقدمة

الحمد لله والصلاة والسلام على نبينا محمد وعلى آله وصحبه أجمعين، وبعد:

تعد مادة الرياضيات من المواد الدراسية الأساسية التي تهيئ للطلاب فرص اكتساب مستويات عليا من الكفايات التعليمية، مما يتيح له تنمية قدرته على التفكير وحل المشكلات، ويساعده على التعامل مع مواقف الحياة وتلبية متطلباتها.

ومن منطلق الاهتمام الذي توليه حكومة خادم الحرمين الشريفين بتنمية الموارد البشرية، وعياً بأهمية دورها في تحقيق التنمية الشاملة، كان توجه وزارة التعليم نحو تطوير المناهج الدراسية وفي مقدمتها مناهج الرياضيات، بدءاً من المرحلة الابتدائية، سعياً للارتقاء بمخرجات التعليم لدى الطلاب، والوصول بهم إلى مصاف أقرانهم في الدول المتقدمة.

وتتميز هذه الكتب بأنها تتناول المادة بأساليب حديثة، تتوافر فيها عناصر الجذب والتشويق، التي تجعل الطالب يقبل على تعلمها ويتفاعل معها، من خلال ما تقدمه من تدريبات وأنشطة متنوعة، كما تؤكد هذه الكتب على جوانب مهمة في تعليم الرياضيات وتعلمها، تتمثل فيما يأتي:

- الترابط الوثيق بين محتوى الرياضيات وبين المواقف والمشكلات الحياتية.
- تنوع طرائق عرض المحتوى بصورة جذابة مشوقة.
- إبراز دور المتعلم في عمليات التعليم والتعلم.
- الاهتمام بالمهارات الرياضية، والتي تعمل على ترابط المحتوى الرياضي وتجعل منه كلاً متكاملًا، ومن بينها: مهارات التواصل الرياضي، ومهارات الحس الرياضي، ومهارات جمع البيانات وتنظيمها وتفسيرها، ومهارات التفكير العليا.
- الاهتمام بتنفيذ خطوات حل المشكلات، وتوظيف استراتيجياته المختلفة في كيفية التفكير في المشكلات الرياضية والحياتية وحلها.
- الاهتمام بتوظيف التقنية في المواقف الرياضية المختلفة.
- الاهتمام بتوظيف أساليب متنوعة في تقويم الطلاب بما يتناسب مع الفروق الفردية بينهم.

ولمواكبة التطورات العالمية في هذا المجال، فإن هذه المناهج والكتب سوف توفر للمعلم مجموعة متكاملة من المواد التعليمية المتنوعة التي تراعي الفروق الفردية بين الطلاب، بالإضافة إلى البرمجيات والمواقع التعليمية التي توفر للطلاب فرصة توظيف التقنيات الحديثة والتواصل المبني على الممارسة، مما يؤكد دوره في عملية التعليم والتعلم.

ونحن إذ نقدّم هذه الكتب لأعزائنا الطلاب، لنأمل أن تستحوذ على اهتمامهم، وتلبي متطلباتهم، وتجعل تعلمهم لهذه المادة أكثر متعة وفائدة.

والله ولي التوفيق



الفصل ١ الجبر والدوال

| | |
|---------|---|
| ١١ | التهيئة |
| ١٢ | ١-١ الخطوات الأربع لحل المسألة |
| ١٧ | ٢-١ القوى والأسس |
| ٢١ | ٣-١ ترتيب العمليات |
| ٢٥ | ٤-١ استراتيجية حل المسألة التخمين والتحقق |
| ٢٧ | ٥-١ الجبر: المتغيرات والعبارات الجبرية |
| ٣١ | اختبار منتصف الفصل |
| ٣٢ | ٦-١ الجبر: المعادلات |
| ٣٦ | ٧-١ الجبر: الخصائص |
| ٤٠ | ٨-١ الجبر: المعادلات والدوال |
| ٤٥ | اختبار الفصل |
| ٤٧ - ٤٦ | الاختبار التراكمي (١) |

الفصل ٢ الأعداد الصحيحة

| | |
|---------|--|
| ٤٩ | التهيئة |
| ٥٠ | ١-٢ الأعداد الصحيحة والقيمة المطلقة |
| ٥٤ | ٢-٢ مقارنة الأعداد الصحيحة وترتيبها |
| ٥٨ | ٣-٢ المستوى الإحداثي |
| ٦٣ | استكشاف جمع الأعداد الصحيحة |
| ٦٥ | ٤-٢ جمع الأعداد الصحيحة |
| ٧٠ | اختبار منتصف الفصل |
| ٧١ | استكشاف طرح الأعداد الصحيحة |
| ٧٣ | ٥-٢ طرح الأعداد الصحيحة |
| ٧٧ | ٦-٢ ضرب الأعداد الصحيحة |
| ٨٢ | ٧-٢ استراتيجية حل المسألة البحث عن نمط |
| ٨٤ | ٨-٢ قسمة الأعداد الصحيحة |
| ٨٩ | اختبار الفصل |
| ٩١ - ٩٠ | الاختبار التراكمي (٢) |

| | |
|-----------|--|
| ٩٣ | التهيئة |
| ٩٤ | ١-٣ كتابة العبارات الجبرية والمعادلات |
| ١٠١ | ٢-٣ حل المعادلات باستعمال النماذج استكشاف |
| ١٠٣ | ٣-٣ معادلات الجمع والطرح |
| ١٠٩ | ٣-٣ معادلات الضرب |
| ١١٤ | ٤-٣ استراتيجية حل المسألة الحل عكسياً |
| ١١٦ | اختبار منتصف الفصل |
| ١١٧ | ٥-٣ المعادلات ذات الخطوتين |
| ١٢٢ | ٦-٣ القياس: المحيط والمساحة |
| ١٢٨ | ٧-٣ التمثيل البياني للدوال استكشاف |
| ١٢٩ | اختبار الفصل |
| ١٣٥ | الاختبار التراكمي (٣) |
| ١٣٧ - ١٣٦ | |

إليك عزيزي الطالب

سترکز فی دراستک هذا العام على المجالات الرياضية الآتية:

- **الأعداد والعمليات عليها والجبر والهندسة:** فهم التناسب وتوظيفه في تطبيقات مختلفة.
- **القياس والهندسة والجبر:** إيجاد مساحة السطح والحجم لأشكال ثلاثية الأبعاد.
- **الأعداد والعمليات عليها والجبر:** فهم العمليات على الأعداد الصحيحة، وحل المعادلات الخطية.

وفي أثناء دراستك، ستتعلم طرقاً جديدة لحلّ المسألة، وتفهم لغة الرياضيات وتستعمل أدواتها، وتنمّي قدراتك الذهنية وتفكيرك الرياضي.



كيف تستعمل كتاب الرياضيات؟

• **اقرأ** فكرة الدرس في بداية الدرس.

• **ابحث** عن المفردات المظللة باللون الأصفر، واقرأ تعريف كل منها.

• **راجع** المسائل الواردة في مثال والمحلولة بخطوات تفصيلية؛ لتذكرك بالفكرة الرئيسة للدرس.

• **استعمل** إرشادات للأسئلة لتعرف ما الأمثلة التي تساعدك على حل التمارين والواجبات المطلوبة.

• **ارجع** إلى إرشادات للدراسة حيث تجد معلومات وتوجيهات تساعدك في متابعة الأمثلة المحلولة.

• **راجع** ملاحظاتك التي دوّنتها في المَطَوِيَّات.



الجبر والدوال

الفصل

١

الفكرة العامة

- أمثل العلاقات بصيغ عددية ولغوية وهندسية وباستعمال الرموز.

المفردات:

- العبارة العددية (٢١)
- الجبر (٢٧)
- تحديد المتغير (٣٣)

الربط مع الحياة:



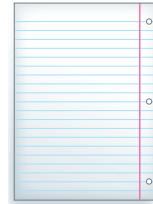
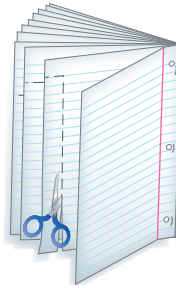
مدينة الألعاب: إذا كان رسم دخول الشخص الواحد إلى مدينة الألعاب ١٥ ريالاً للكبار و ٨ ريالاً للصغار. يمكنك استعمال الخطوات الأربع لحل المسألة لتحديد رسم الدخول لعائلة مكونة من ٣ أطفال وأبويهم.

المَطَوِيَّاتُ

مُنَظَّمُ أَفْكَارٍ

الجبر والدوال: اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك. ابدأ بثمان ورقات من أوراق الملاحظات.

- ١ ثبّت الأوراق معاً لتكون كُتَيْبًا، كما في الشكل.
- ٢ قَصَّ شريطًا من طرف كلّ صفحة بحيث يزيد طول كلّ شريط بمقدار سطرين عن سابقه، كما في الشكل.
- ٣ اكتب عنوان الفصل على غلاف الكُتَيْب، وأرقام الدروس على الأشرطة، كما في الشكل.





التهيئة

أجب عن الاختبار التالي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

اختبار للتدريج

مراجعة للتدريج

أوجد ناتج الجمع: (مهارة سابقة:)

- ١ $١٦,٥ + ٨٩,٣$ ٢ $٣٢,٤٥ + ٧,٩$ ٣ $٦,٣٩ + ٥٤,٢٥$ ٤ $٢,٦ + ١٠,٨$ ٥ **فواكه:** اشترى محمود تفاحًا بمبلغ ٥٩,٥ ريالًا، وبرتقالًا بمبلغ ١٢,٩٥ ريالًا. فما إجمالي ما دفعه محمود؟ (مهارة سابقة:)

مثال ١: أوجد ناتج الجمع: $٤٣,٢ + ١٧,٨٩$

$$\begin{array}{r} ١٧,٨٩ \\ ٤٣,٢٠ + \\ \hline ٦١,٠٩ \end{array}$$

ضع الفواصل بعضها تحت بعض، وأضف صفرًا إلى يمين الجزء العشري

أوجد ناتج الطرح: (مهارة سابقة:)

- ٦ $١٣,٣ - ٢٤,٦$ ٧ $٦,٦ - ٩,١$ ٨ $٢,٨٦ - ٣٠,٥٥$ ٩ $١١,٢ - ١٧,٤$

مثال ٢: أوجد ناتج الطرح: $٨,٥٢ - ٣٧,٤٥$

$$\begin{array}{r} ٣٧,٤٥ \\ ٨,٥٢ - \\ \hline ٢٨,٩٣ \end{array}$$

ضع الفواصل بعضها تحت بعض

أوجد ناتج الضرب: (مهارة سابقة:)

- ١٠ $٧,٧ \times ٤$ ١١ $٣ \times ٩,٨$ ١٢ $٦,٣ \times ٢,٧$ ١٣ $١,٢ \times ٨,٥$

مثال ٣: أوجد ناتج الضرب: $٣,٥ \times ١,٧$

$$\begin{array}{r} ١٧ \\ ٣٥ \times \\ \hline ٨٥ \\ ٥١٠ + \\ \hline ٥٩٥ \end{array}$$

→ منزلة عشرية واحدة
→ منزلة عشرية واحدة
→ منزلتان عشريتان

أوجد ناتج القسمة: (مهارة سابقة:)

- ١٤ $٤,٦ \div ٣٧,٤٩$ ١٥ $٢,٧ \div ١٤,٣١$ ١٦ $٥,٦ \div ٦,١٦$ ١٧ $٢,٥ \div ١١,١٥$

مثال ٤: أوجد ناتج القسمة: $٢,٥ \div ٢٤,٦$

$$\begin{array}{r} ٢٤,٦ \overline{) ٢٥,٠} \leftarrow ٢٥,٠ \\ \underline{٢٤٦,٠} \\ ٢٥٠ \\ \underline{٢٤٦,٠} \\ ٤٠ \\ \underline{٤٠} \\ ٠ \end{array}$$

أضف أصفارًا إلى يمين الفاصلة العشرية

اقسم كما تقسم الأعداد

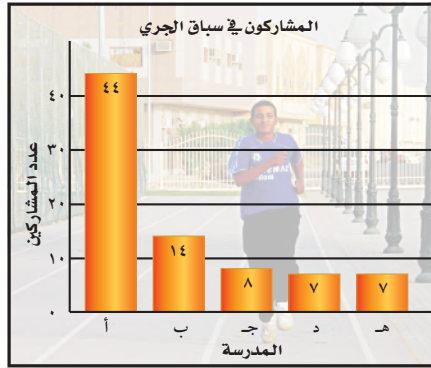


الخطوات الأربع لحل المسألة

١-١

استعد

تحليل الأشكال: يبين الشكل المجاور أعداد المشاركين من خمس مدارس متوسطة في سباق الجري. ما العدد الكلي للمشاركين من المدارس الخمس؟



١ هل لديك المُعطيات الكافية لحلّ المسألة؟

٢ وضح كيف ستحلّ المسألة، ثمّ حلّها.

٣ هل إجابتك معقولة؟ وضح إجابتك.

٤ ماذا ستعمل إذا كانت محاولتك الأولى لحلّ هذه المسألة غير ناجحة؟

فكرة الدرس:

أحلّ المسائل باستعمال الخطوات الأربع.

يعتمد حلّ المسألة في الرياضيات على أربع خطوات، هي:

افهم

- اقرأ المسألة بتمعن.
- ما المعطيات؟
- ما المطلوب إيجادها؟
- هل المعطيات كافية؟
- هل هناك معطيات زائدة؟

خطّ

- كيف ترتبط الحقائق بعضها ببعض؟
- اختر خطة لحلّ المسألة (قد يكون هناك عدّة خطط يمكنك الاختيار منها).
- قدّر الإجابة.

حلّ

- استعمل خطّتك لحلّ المسألة.
- إذا لم تنجح الخطة فراجعها، أو اختر خطة أخرى.
- ما الحلّ؟

تحقق

- هل تتوافق إجابتك مع المعطيات في المسألة؟
- هل إجابتك معقولة مقارنة بتقديرك لها؟
- إذا لم تكن الإجابة معقولة فاختر خطة أخرى وابدأ من جديد.



١. نَفْط: وصل إجمالي الطلب العالمي من النفط في عام ٢٠١٦م إلى قرابة ١٠٠ مليون برميل يوميًا. فإذا تزايد هذا الطلب سنويًا بمعدل ١,٥ مليون برميل يوميًا، ففي أي عام سيصل إجمالي الطلب العالمي إلى ١١٢ مليون برميل يوميًا؟

افهم

ما الذي تريد إيجاده؟

في أي عام سيصل إجمالي الطلب العالمي من النفط إلى ١١٢ مليون برميل يوميًا؟

ما المُعطيات التي تحتاج إليها لحل المسألة؟

معرفة إجمالي الطلب العالمي من النفط في عام ٢٠١٦م، ومعرفة الزيادة السنوية لذلك الطلب.

نَظِّم

أوجد كم برميلًا يلزم لوصول الطلب العالمي إلى ١١٢ مليون برميل يوميًا، ثم اقسمه على الزيادة السنوية، لتصل إلى عدد السنوات اللازمة لذلك.

حُل

التغير في إجمالي الطلب العالمي من النفط:

١١٢ مليونًا - ١٠٠ مليون = ١٢ مليون برميل يوميًا

عدد السنوات اللازمة لذلك = ١٢ مليونًا ÷ ١,٥ مليون = ٨ سنوات

يمكنك استعمال استراتيجية « إنشاء جدول »:

| العام | ٢٠١٦ | ٢٠١٧ | ٢٠١٨ | ٢٠١٩ | ٢٠٢٠ | ٢٠٢١ | ٢٠٢٢ | ٢٠٢٣ | ٢٠٢٤ |
|----------------|------|-------|------|-------|------|-------|------|-------|------|
| العدد بالمليون | ١٠٠ | ١٠١,٥ | ١٠٣ | ١٠٤,٥ | ١٠٦ | ١٠٧,٥ | ١٠٩ | ١١٠,٥ | ١١٢ |

١,٥+ ١,٥+ ١,٥+ ١,٥+ ١,٥+ ١,٥+ ١,٥+ ١,٥+

ومن ثم فإنه في عام ٢٠٢٤م سيصل إجمالي الطلب العالمي من النفط إلى ١١٢ مليون برميل يوميًا.

تحقق

٨ سنوات × ١,٥ مليون = ١٢ مليونًا
١٠٠ مليون + ١٢ مليونًا = ١١٢ مليونًا ✓

تحقق من فهمك:

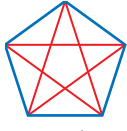
(أ) **حيتان:** تزداد كتلة مولود الحوت الأزرق حوالي ٩٠ كيلو جراماً يومياً. فكم كيلو جراماً تقريباً تزداد كتلته في الساعة؟



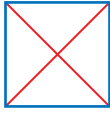
الربط مع الحياة: بلغ إنتاج الأقطار العربية المصدرة للنفط عام ٢٠١٥ قرابة ٢٣,٦ مليون برميل يوميًا.

استراتيجيات ومهارات حل المسألة

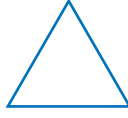
- التخمين والتحقق
- استعمال الأشكال البيانية
- البحث عن نمط
- الحل عكسيًا
- إنشاء قائمة
- حذف بعض الحالات
- الرسم
- تقدير إجابات معقولة
- تمثيل المسألة
- استعمال التبرير المنطقي
- حل مسألة أبسط
- إنشاء نموذج
- إنشاء جدول



٥ أضلاع
له ٥ أقطار



٤ أضلاع
له قطران



٣ أضلاع
ليس له أقطار

هندسة: القطر هو قطعة مستقيمة تصل بين رأسين غير متجاورين في مضلع، كما هو مبين في الأشكال المجاورة. ما عدد أقطار مضلع له ٧ أضلاع؟

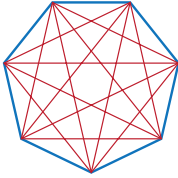
افهم نعرف عدد الأقطار في كل من المضلعات التي لها ٣ و ٤ و ٥ أضلاع. **نظم** نظم المعطيات في جدول، لتكتشف نمطاً، ثم وسعه حتى تجد عدد أقطار المضلع الذي له ٧ أضلاع.

حل يربط الجدول التالي عدد أضلاع المضلع مع عدد أقطاره:

| الأضلاع | ٣ | ٤ | ٥ | ٦ | ٧ |
|---------|-----|---|---|---|----|
| الأقطار | صفر | ٢ | ٥ | ٩ | ١٤ |

٢+ ٣+ ٤+ ٥+

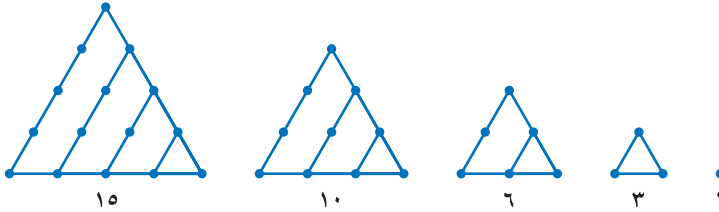
لذا فهناك ١٤ قطرًا للشكل الذي له ٧ أضلاع.



تحقق تأكد من صحة حلّك بالرسم.

تحقق من فهمك:

(ب) **الهندسة:** تُسمّى الأعداد التي يمكن ترتيبها بنقط على شكل مثلث «الأعداد المثلثية»، ويبيّن الشكل أدناه الأعداد المثلثية الخمسة الأولى. اكتب أول ثمانية أعداد مثلثية، ثم اكتشف قاعدة النمط في تلك الأعداد.



تأكد

استعمل الخطوات الأربع لحلّ كلّ مسألة ممّا يأتي:

١ تحليل الجدول: يبين الجدول المجاور مساحات ستّ جُزر تمثل جُزر فرسان الواقعة في جنوب غرب المملكة. كم مرة تقريباً تكبر مساحة جزيرة السقيد جزيرة زفاف؟

٢ جبر: ما العددان التاليان في النمط أدناه؟

١، ١، ٢، ٦، ٢٤، ١٠٠، ٤٠٠

| المساحة (كلم²) | الجزيرة |
|----------------|--------------|
| ٣٦٩ | فرسان الكبرى |
| ٣٠ | زفاف |
| ١٥٦ | السقيد |
| ١٢,٥ | دمسك |
| ١,٦ | سلوبه |
| ١٤,٢ | قمح |

تدرّب وحلّ المسائل

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر المثال |
|---------|-------------|
| ٤، ٣ | ١ |
| ٨ - ٥ | ٢ |

استعمل الخطوات الأربع لحلّ كلّ من المسائل التالية:

٣ **طيور:** تحرّك معظم العصفائر الطنّانة أجنتها حوالي ٥٠ مرّة في الثانية، فكم مرّة في الدقيقة يحرك العصفور الطنّان جناحيه؟

٤ **رحلة مدرسية:** لاشتراك في نزهة مدرسية، يدفع الطالب ٦ ريالات للمواصلات، و٥,٧٥ ريالات ثمن وجبة خفيفة. فإذا اشترك في النزهة ٦٥ طالباً، فما مجموع ما دفعه الطلاب؟

٥ **هندسة:** ما الشكلان التاليان في النمط أدناه؟



٦ **جبر:** ما العددان التاليان في النمط أدناه؟

٩، ٢٧، ٨١، ٢٤٣، ٧٢٩، ،

تحليل الجداول: للإجابة عن السؤالين ٧، ٨ استعمل

الجدول الذي يبيّن جزءاً من مواعيد مغادرة ووصول خطّ دائري لحافلات تنطلق من محطة في أطراف المدينة متّجهة إلى مركزها.

| المغادرة | الوصول |
|-------------|-------------|
| ٦:٣٠ صباحاً | ٦:٥٠ صباحاً |
| ٧:١٥ صباحاً | ٧:٣٥ صباحاً |
| ٨:٠٠ صباحاً | ٨:٢٠ صباحاً |
| ٨:٤٥ صباحاً | ٩:٠٥ صباحاً |
| ٩:٣٠ صباحاً | ٩:٥٠ صباحاً |

٧ كم دقيقة تفصل بين مواعدين متتابعين لوصول حافلة إلى مركز المدينة؟

٨ إذا أراد شخص أن يصل إلى مركز المدينة قبل الساعة الثانية عشرة ظهراً، فما آخر موعد يستقلّ فيه الحافلة من المحطة؟

٩ **إدارة الوقت:** يصل أحمد إلى المركز الرياضي الساعة السابعة مساءً للتدرب. وقبل ذهابه، عليه أن يحلّ واجباته المنزلية في الرياضيات والعلوم والدراسات الاجتماعية. فإذا كان يستغرق حلّ كلّ منها ٣٠ دقيقة، ويستغرق الطريق حوالي ٢٠ دقيقة، فما آخر وقت يمكن أن يبدأ فيه أحمد حلّ واجباته؟



- ١٠ **تحدّ:** استعمل الأرقام ٥، ٦، ٧، ٨ لتكوّن عددين، كلٌّ منهما مكوّن من رقمين مختلفين، ويكون ناتج ضربهما أكبر ما يمكن.
- ١١ **مسألة مفتوحة:** اكتب مسألة واقعية يمكن حلّها بجمع العددين ٧٩، ٤٢، ثمّ بضرب العدد الناتج في ٣.

١٢ **اكتب:** وضح أهمية التخطيط قبل حلّ المسألة.

تدريب على اختبار

- ١٤ يريد سليمان الذهاب في رحلة إلى البري قطع خلالها مسافة ٣٨٠ كيلومتراً، إذا كان سعر اللتر الواحد من البنزين ٦,٠ ريالاً، فما المعلومات التي يحتاج إليها سليمان لمعرفة كم لتراً من البنزين سيحتاج في الرحلة؟
- (أ) عدد مرات الوقوف في المحطات لتعبئة خزان السيارة بالبنزين.
- (ب) الزمن المستغرق في الرحلة.
- (ج) المسافة التي تقطعها السيارة لكل لتر من البنزين.
- (د) عدد الكيلومترات التي يقطعها في الساعة الواحدة.

- ١٣ يوضح الجدول أدناه أسعار بعض الأدوات المدرسية في مكتبة بالريالات، إذا كان مع محمد ٣ ريالات، فماذا يستطيع أن يشتري؟

| قلم رصاص | قلم حبر | مسطرة | ممحاة |
|----------|---------|-------|-------|
| ١,٢٥ | ٢,٥ | ١,٥ | ٠,٧٥ |

- (أ) قلم رصاص وقلم حبر.
- (ب) قلم حبر وممحاة.
- (ج) قلم رصاص ومسطرة وممحاة.
- (د) قلم رصاص ومسطرة.

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الضرب:

- ١٥ 10×10
- ١٦ $3 \times 3 \times 3$
- ١٧ $5 \times 5 \times 5 \times 5$
- ١٨ $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$





القوى والأسس

١ - ٢

استعد

رسائل نصية: افترض أنك بعثت رسالة نصية

إلى أحد أصدقائك وقام هذا الصديق بإرسال الرسالة نفسها إلى اثنين من أصدقائه بعد دقيقة واحدة، وتكرر النمط كما هو مبين في الجدول.

١ كيف يتضاعف عدد الرسائل في الجدول؟

٢ ما عدد الرسائل النصية المرسلة بعد

٤ دقائق؟

٣ ما العلاقة بين عدد الاثنيات وعدد الدقائق؟

فكرة الدرس:

استعمل القوى والأسس.

المفردات:

العوامل

الأس

الأساس

القوى

تربيع

تكعيب

قيمة

الصيغة القياسية

الصيغة الأسية

عندما يُضرب عدنان أو أكثر أحدهما في الآخر لتكوين ناتج ضرب معين فإن هذه الأعداد تُسمى **عوامل**. وإذا استعمل العامل نفسه في الضرب فيمكنك استعمال الأسس لكتابة حاصل الضرب بصورة مختصرة. ويبيّن **الأس** عدد المرات التي استعمل فيها الأساس عاملاً. ويُقصد **بالأساس** العامل المتكرر في عملية الضرب.

| القوة | قراءتها |
|-------|--|
| ٢٥ | العدد خمسة مرفوعاً للقوة الثانية أو خمسة تربيع أو ٥ أس ٢. |
| ٣٤ | العدد أربعة مرفوعاً للقوة الثالثة أو أربعة تكعيب أو ٤ أس ٣. |
| ٤٢ | العدد اثنان مرفوعاً للقوة الرابعة أو ٢ أس ٤. |

$$١٦ = ٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢ = ٢^٤ \rightarrow \text{الأس}$$

↑
الأساس

تُسمى الأعداد التي يُعبّر عنها باستعمال الأسس **قوى**.

كتابة القوى على صورة ضرب العامل في نفسه

مثالان

اكتب كل قوة على صورة ضرب العامل في نفسه:

٢٣

٧٠

استعمل العدد ٣ عاملاً مرتين

استعمل العدد ٧ عاملاً خمس مرات.

$$٣ \times ٣ = ٢٣$$

$$٧ \times ٧ \times ٧ \times ٧ \times ٧ = ٧٠$$

تحقق من فهمك:

اكتب كل قوة على صورة ضرب العامل في نفسه:

٩٠ (ج)

١٣ (ب)

٦٤ (أ)



يمكنك إيجاد قيمة القوى بضرب العوامل. وتُسمَّى الصيغة التي تكتب فيها الأعداد دون استعمال الأسس **الصيغة القياسية**.

مثالان **كتابة القوى بالصيغة القياسية**

احسب قيمة كل مما يأتي:

○ ۲ ۳

٢ = ٢ × ٢ × ٢ × ٢ × ٢ استعمال العدد ٢ عاملاً ٥ مرات

۳۲ = بالضرب

۳ Σ 

$$4 \times 4 \times 4 = 4^3$$

استعمل العدد 4 عاملاً 3 مرات

٦٤ = بالضرب

تحقق من فهمك:

احسب قيمة كل مما يأتي:

٢١٠ (د)

٣٧ (هـ)

(و) ۵

وَتُسَمَّى الصِّيغَةُ الَّتِي تُكْتَبُ فِيهَا الْأَعْدَادُ بِاسْتِعْمَالِ الْأَسْسِ **الصِّيغَةُ الْأُسِّيَّةُ**.

مثال

٥ اكتب $3 \times 3 \times 3 \times 3$ بالصيغة الأسية.

العدد ٣ هو الأساس واستعمل عاملاً أربع مرات؛ لذا فالأس هو ٤.

$$^{\xi} \mathfrak{W} = \mathfrak{W} \times \mathfrak{W} \times \mathfrak{W} \times \mathfrak{W}$$

تحقق من فهمك:

(ز) اكتب $12 \times 12 \times 12 \times 12 \times 12$ بالصيغة الأسية.

تأكّد

المثالان ٢، ١ اكتب كل قوة على صورة ضرب العامل في نفسه:

۳۹

٤٣

0 1 2

المثالان ٣، ٤ احسب قيمة كل مما يأتي:

Σ 2 Σ

۲۷۵

316

٧ يبلغ عدد طلاب مدرسة ٦٤ طالبا، اكتب هذا العدد بالصيغة القياسية.

اكتب ناتج الضرب بالصيغة الأسية:

المثال ٥

O X O X O X O X O

1 x 1 x 1 x 1 



تَدْرِبْ وحلّ المسائل

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ١١ - ١٣ | ١، ٢ |
| ١٤ - ١٩ | ٣، ٤ |
| ٢٠ - ٢٣ | ٥ |

اكتب كلَّ قوَّة على صورة ضرب العامل في نفسه:

Σ 10 13 39 12 01 11

احسب قيمة كل مما يأتي:

١٠ ١٧ ١١ ١٦ ١٢ ١٥ ١٣ ١٤

٢٨ مواصلات: يُعدُّ قطار ماجليف في الصين من أسرع القطارات لنقل المسافرين في

العالم؛ إذ يبلغ متوسط سرعته ٣ °مياً في الساعة. اكتب هذه السرعة بالصيغة القياسية.

١٩ بناء: تكلفة إنشاء بناية ٦١٠ ريال. اكتب التكلفة بالصيغة القياسية.

اكتب ناتج الضرب بالصيغة الأسية:

$1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1 \times 1$ 
 $3 \times 3 \times 3$ 

$V \times V \times V \times V$  $V \times V \times V \times V \times V$ 

احسب قيمة كل مما يأتي:

٢٤ القوة الرابعة للعدد ستة ٢٥ ٦ تكعيب ٢٦ تسعة تربيع

٢٧ أعداد: اكتب $5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5 \times 5$ بالصيغة الأسية.

٢٨ تقنية: يُستعمل الجيجابايت وحدة لقياس سعة مخزن البيانات في الحاسوب.

والجيجابايت الواحد يساوي 2^{30} بايت من البيانات. استعمل الآلة الحاسبة لإيجاد

ما يساويه ٢ جيجابايت بالصيغة القياسية.

رتَّب القوى التالية من الأصغر إلى الأكبر:

۳ ۱۷ ، ۱۰ ۴ ، ۱۴ ۱ ، ۰ ۶ ۲۹

0 3, 2 6, 2 10, ^ 2 3.

۲۷، ۱۱۲، ۶۴، ۳۵



مسائل

مهارات التفكير العليا

٣٢ **مسألة مفتوحة:** اختر عددًا يقع بين ١٠٠٠، ٢٠٠٠ يمكن التعبير عنه كقوة.

٣٣ **تحذّر:** اكتب قوتين مختلفتين لهما القيمة نفسها.

٣٤ **اكتشف المختلف:** ما العدد الذي يختلف عن الأعداد الثلاثة الأخرى؟

وضّح إجابتك.

$$\begin{aligned} ١٦ &= ٤^٢ \\ ٨ &= ٢^٣ \\ ٤ &= ٢^٢ \\ ٢ &= ٢^١ \\ ١ &= ٢^٠ \end{aligned}$$

١٠٠٠

٥٧٦

٣٦١

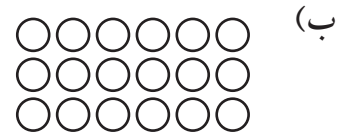
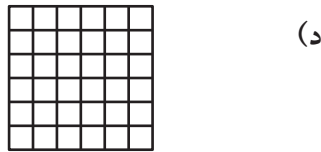
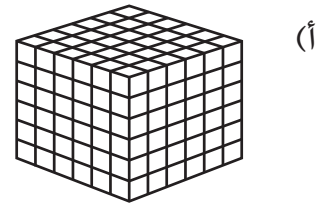
١٢١

٣٥ **الكتب:** حلّل النمط العددي المجاور. ما قيمة ٢؟ لماذا؟

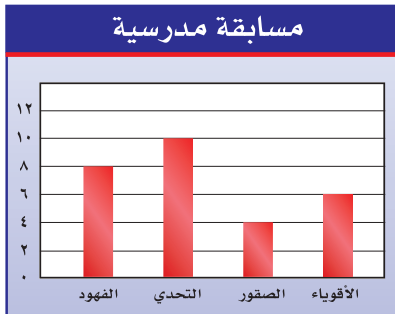
استنتج قيمة ٢-١.

تدريب على اختبار

٣٦ أي نموذج مما يأتي يمثل $٦^٣$ ؟



مراجعة تراكمية



٣٧ **مسابقات:** التمثيل المجاور يوضح عدد النقاط التي حصل عليها

كل فريق في مسابقة مدرسية. كم يزيد عدد نقاط فريق

التحدي على عدد نقاط فريق الأقوياء؟ (الدرس ١ - ١)

٣٨ **حلول:** لإعداد قالب حلوى استغرقت مريم ٢٥ دقيقة في تحضيره و ٤٥ دقيقة بوضعه في الفرن، إذا انتهت من

إعداده الساعة الخامسة مساءً، ففي أي ساعة بدأت العمل في إعدادها؟ (الدرس ١ - ١)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج كل مما يأتي:

٤٢ $٤ \div ٣٦$

٤١ ٦×٥

٤٠ $٦ - ١٠$

٣٩ $٨ + ١٣$





ترتيب العمليات

٣ - ١

استعد

مكتبة: اشترى سعيد دفترًا وأربعة أقلام. فإذا كان سعر الدفتر ٦ ريالًا، وسعر القلم ٣ ريالًا، فما مقدار ما دفعه سعيد؟
لقد قام كلٌّ من سليمان وخالد بحساب ما دفعه سعيد على النحو التالي:

طريقة خالد
 $30 = 3 \times 10 = 3 \times (4 + 6)$ ريالًا

طريقة سليمان
 $18 = 12 + 6 = 3 \times 4 + 6$ ريالًا

١ ما الفرق بين طريقة كلٍّ من سليمان وخالد؟

٢ من كان حسابه صحيحًا؟

٣ اكتب رأيك في الخطوة الأولى لإيجاد قيمة $3 \times 4 + 6$.

المقدار $3 \times 4 + 6$ هو **عبارة عددية**. ولإيجاد قيمتها، نستعمل **ترتيب العمليات**.
تؤكد قواعد ترتيب العمليات أن للعبارة العددية قيمة واحدة فقط.

فكرة الدرس:

أحسب قيمة عبارة عددية
باستعمال ترتيب العمليات.

المفردات:

العبارة العددية

ترتيب العمليات

مفهوم أساسي

ترتيب العمليات

- (١) احسب قيمة المقادير داخل الأقواس.
- (٢) احسب قيمة جميع القوى.
- (٣) اضرب أو اقسّم بالترتيب من اليمين إلى اليسار.
- (٤) اجمع أو اطرح بالترتيب من اليمين إلى اليسار.

استعمال ترتيب العمليات

مثالان

١ احسب قيمة: $5 + (12 - 3)$ ، وعلل كل خطوة في الحل.

$$5 + (12 - 3) = 9 + 5 = 14$$

اطرح أولاً؛ وذلك لأن $12 - 3$ موجودة بين قوسين
اجمع ٥ و ٩

٢ احسب قيمة: $8 - 3 \times 2 + 7$ ، وعلل كل خطوة في الحل.

$$8 - 3 \times 2 + 7 = 8 - 6 + 7 = 2 + 7 = 9$$

اضرب ٣ في ٢
اطرح ٦ من ٨
اجمع ٢ و ٧

تحقق من فهمك:

احسب قيمة العبارتين التاليتين، وعلل كل خطوة في الحل:
(أ) $39 \div (4 + 9)$
(ب) $10 + 8 \div 2 - 6$

يمكن استعمال الأقواس للدلالة على عملية الضرب، بالإضافة إلى استعمال الرمز « \times » للدلالة عليها أيضًا، فمثلاً $2(5 + 3)$ تعني $(5 + 3) \times 2$

استعمال ترتيب العمليات

مثالان

٣ احسب قيمة: $14 + 3(2 - 7)$ ، وعلل كل خطوة من خطوات الحل.

$$14 + 3(2 - 7) = 14 + 3(5) \quad \text{اطرح 2 من 7؛ لأنها بين قوسين}$$

$$14 + 15 = \quad \text{اضرب 3 في 5}$$

$$29 = \quad \text{اجمع العددين 14 و 15}$$

٤ احسب قيمة: $5 \times 3^2 - 7$ ، وعلل كل خطوة من خطوات الحل.

$$5 \times 3^2 - 7 = 5 \times 9 - 7 \quad \text{أوجد قيمة } 3^2$$

$$5 \times 9 - 7 = 45 - 7 \quad \text{اضرب 5 في 9}$$

$$38 = \quad \text{اطرح 7 من 45}$$

إرشادات للدراسة

لا تعتمد على الآلة الحاسبة في ترتيب العمليات. وعند استعمالها يمكنك إدخال الأعداد والعمليات فيها بالترتيب من اليمين إلى اليسار.

تحقق من فهمك:

احسب قيمة كل من العبارات التالية، وعلل كل خطوة من خطوات الحل:

$$\text{جـ) } 20 - 2(1 - 4) \times 3$$

$$\text{د) } 6 + 8 \div 2 + 2(3 - 1)$$

$$\text{هـ) } (5 - 1) \div 4$$

مثال من واقع الحياة

| المادة | الكمية | سعر الوحدة |
|----------|--------|------------|
| ورق زينة | 3 | ريالان |
| ألعاب | 2 | 7 ريالان |
| بالونات | 4 | 5 ريالان |

٥ **نقود:** اشترت ليلي ورق زينة وألعاباً وبالونات. استعمل البيانات في الجدول المجاور، لتجد مقدار ما دفعته ليلي.

التعبير اللفظي ثمن أوراق الزينة + ثمن الألعاب + ثمن البالونات

$$3 \times 2 + 2 \times 7 + 4 \times 5 \quad \text{العبارة العددية}$$

$$3 \times 2 + 2 \times 7 + 4 \times 5 = 6 + 14 + 20 \quad \text{اضرب من اليمين إلى اليسار}$$

$$40 = \quad \text{اجمع}$$

دفعت ليلي 40 ريالاً.

تحقق من فهمك:

استعمل البيانات في الجدول السابق:

و) ما ثمن 12 ورقة من أوراق الزينة و 4 ألعاب و 3 بالونات؟





احسب قيمة كل من العبارات التالية، وعلّل كلّ خطوة في الحلّ:

$$9 + 6 \times 2 - 14 \quad \textcircled{3}$$

$$(4 - 9) \div 25 \quad \textcircled{2}$$

$$(2 - 5) + 8 \quad \textcircled{1}$$

المثالان ١، ٢

$$2(1 - 4) \div 45 \quad \textcircled{6}$$

$$3 \times 4 - 5 \times 8 \quad \textcircled{5}$$

$$4 \times 3 - (3 - 6)2 + 17 \quad \textcircled{4}$$

المثالان ٣، ٤

المثال ٥ **٧ نقود:** اشترت سلمى ٣ كيلوجرامات من التفاح و٢ كيلوجرام من البرتقال،

و٢ كيلوجرام من الموز و٧ كعكات. فإذا كان ثمن الكيلوجرام من التفاح والبرتقال والموز، هو: ٧، ٤، ٥ ريالات على الترتيب، وكان ثمن الكعكة الواحدة ٣ ريالات. فكم ريالاً دفعت سلمى؟

تدرّب وحلّ المسائل

احسب قيمة كلّ من العبارات التالية، وعلّل كلّ خطوة في الحلّ:

$$7 + 1 - 2 \div 4 \quad \textcircled{10}$$

$$7 \div 14 + 2 \times 3 \quad \textcircled{9}$$

$$9 \div (2 - 11) \quad \textcircled{8}$$

$$9 \times 4 + (1 - 4)2 + 6 \quad \textcircled{13}$$

$$26 + 6 \times 2 \div 8 \quad \textcircled{12}$$

$$2 + 3 \times 5 \quad \textcircled{11}$$

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ١٠-٨ | ٢، ١ |
| ١٣-١١ | ٤، ٣ |
| ١٤ | ٥ |

| المادة | الكمية | سعر الوحدة |
|-------------|--------|------------|
| فستان | ١ | ٢٠٠ ريال |
| حذاء | ١ | ٥٠ ريالاً |
| ربطات شعر | ٣ | ١٠ ريالات |
| جوارب ملونة | ٦ | ٥ ريالات |

١٤ اشترت سعاد فستاناً وحذاءً، و٣ ربطات شعر، و٦ جوارب ملوّنة. استعمل الجدول المجاور لتجد مجموع ما دفعته سعاد.

احسب قيمة كلّ من العبارتين الآتيتين، وعلّل كلّ خطوة في الحلّ:

$$2, 7 + (3, 8 + 5, 2) \times 3 \quad \textcircled{15}$$

$$1, 8 + (3, 2 - 4) - 9 \times 7 \quad \textcircled{16}$$

أدخل الأقواس في كل مما يلي لتحصل على جملة عددية صحيحة:

$$6 = 2 - 3 \times 2 - 8 \quad \textcircled{17}$$

$$5 = 2 \times 8 - 9 + 3 \quad \textcircled{18}$$

$$9 = 3 \div 12 \div 36 \quad \textcircled{19}$$



٢٠ **اكتشف الخطأ:** حسب كل من سمير وسامي المقدار $١٦ - ٢٤ \div ٦ \times ٢$.
فأيهما كان على صواب؟ وضح إجابتك.



سامي

$$\begin{aligned} ٢ \times ٦ \div ٢٤ - ١٦ \\ ١٢ \div ٢٤ - ١٦ = \\ ١٤ = ٢ - ١٦ = \end{aligned}$$



سمير

$$\begin{aligned} ٢ \times ٦ \div ٢٤ - ١٦ \\ ٢ \times ٤ - ١٦ = \\ ٨ = ٨ - ١٦ = \end{aligned}$$

٢١ **اكتب** مسألة من واقع الحياة تحتاج في حلها إلى ترتيب العمليات.

تدريب على اختبار

٢٤ قام يونس بالخطوات أدناه لحساب قيمة العبارة

$$٤ \text{ س} + ٤ \div ٤ \text{ عندما س} = ٧$$

$$٤ \text{ س} + ٤ \div ٤ \text{ عندما س} = ٧$$

$$٢٨ = ٧ \times ٤$$

$$٣٢ = ٤ + ٢٨$$

$$٨ = ٤ \div ٣٢$$

أي مما يأتي كان على يونس القيام به؛ لحساب قيمة العبارة بصورة صحيحة؟

(أ) قسمة $(٤ + ٢٨)$ على (٤×٢٨)

(ب) قسمة $(٤ + ٢٨)$ على $(٤ + ٢٨)$

(ج) جمع $(٤ \div ٢٨)$ إلى ٢٨

(د) جمع ٤ إلى $(٤ \div ٢٨)$

٢٢ احسب قيمة: $٣ + ٣ \div ٩ + ٢٣$

(أ) ٣ (ب) ٩

(ج) ١٥ (د) ١٨

٢٣ أحضر المعلم إلى الصف عبوتين في كل منهما

٢٤ قلمًا، وثلاث عبوات في كل منها ١٥ قلمًا.

أي مما يأتي لا يمثل مجموع عدد الأقلام في العبوات جميعها؟

(أ) $٣ + (٢٤)٢$

(ب) $٢٤ \times ٢ + ١٥ \times ٣$

(ج) $(١٥ + ٢٤) \times ٥$

(د) $٢٤ + ٢٤ + ١٥ + ١٥ + ١٥$

مراجعة تراكمية

اكتب كل قوة على صورة ضرب العامل في نفسه: (الدرس ١-٢)

٢٧ ٨°

٢٦ ٣٣

٢٥ ٢٧

٢٨ **إنترنت:** يقوم مستعملو الإنترنت كل يوم بإجراء ٢° مليون عملية بحث في محركات البحث الشائعة، ما عدد

عمليات البحث هذه؟ (الدرس ١-٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

٢٩ **مهارة سابقة:** لوحة تتكون من ١٢١ مربعًا، كم مربعًا في ٨ لوحات؟ (الدرس ١-١)





استراتيجية حل المسألة

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية «التخمين والتحقق»

١ - ٤

أُخْمِنُ وَآتَحَقِّقُ



سعد: يتقاضى محل لغسيل السيارات ١٠ ريالات مقابل غسيل السيارة الصغيرة، و ٢٠ ريالاً مقابل غسيل السيارة الكبيرة.
في أحد الأيام تم غسيل ١٠ سيارات بقيمة إجمالية ١٤٠ ريالاً.
مهمتك: استعمل استراتيجية «التخمين والتحقق» لإيجاد عدد السيارات التي تم غسيلها من كل نوع.

| | |
|------|--|
| افهم | تعلم أن غسيل السيارة الصغيرة يكلف ١٠ ريالات، وغسيل الكبيرة يكلف ٢٠ ريالاً. |
| خطّط | خمن ثم تحقق، عدّل التخمين حتى تتوصل إلى الإجابة الصحيحة. |
| حلّ | <p>خمن</p> <p>غسيل ٥ سيارات صغيرة و ٥ كبيرة: $٥ + (١٠) = ٢٠$ ريالاً أكثر من ١٤٠</p> <p>قلّل عدد السيارات الكبيرة.</p> <p>غسيل ٧ سيارات صغيرة و ٣ كبيرة: $٧ + (١٠) = ٢٠$ ريالاً أقل من ١٤٠</p> <p>قلّل عدد السيارات الصغيرة.</p> <p>غسيل ٦ سيارات صغيرة و ٤ كبيرة: $٦ + (١٠) = ٢٠$ ريالاً صحيح ✓</p> <p>لذا، فقد تم غسيل ٦ سيارات صغيرة و ٤ كبيرة.</p> |
| تحقق | تكلفة غسيل ٦ سيارات صغيرة: ٦٠ ريالاً، وتكلفة غسيل ٤ سيارات كبيرة: ٨٠ ريالاً وبما أن $٦٠ + ٨٠ = ١٤٠$. إذن التخمين صحيح. |

حل الاستراتيجية

١ وضح سبب ذكر نتائج كل تخمين.

٢ **الكتب** مسألة يمكن حلّها باستعمال استراتيجية «التخمين والتحقق»، ثم اكتب الخطوات التي يجب اتباعها للتوصل إلى الإجابة الصحيحة.



مسائل متنوعة

استعمل استراتيجيات «التخمين والتحقق» لحلّ المسائل ٣ - ٦:

٣ **رياضة:** سعر تذكرة الدخول للمهرجان الرياضي ٣ ريالات للصغار، و٧ ريالات للكبار. فإذا كان عدد الصغار الذين حضروا المهرجان مثلي عدد الكبار، وكان دخل المهرجان ١٦٢٥ ريالاً، فكم كان عدد كلّ من الصغار والكبار الذين حضروا المهرجان؟

٤ **أعداد:** ضرب عدد في ٦، ثم أضيف إلى ناتج الضرب ٤، فكان الناتج ٨٢، فما العدد؟

٥ **تحليل الجداول:** يريد سالم نقل بعض أشرطة الفيديو على أقراص مدمجة، فإذا كانت سعة القرص ٦٠ دقيقة، فما الأشرطة التي يمكن نقلها من الجدول أدناه، بحيث تستوعب الحد الأعلى من سعة القرص؟

| الشريط | الزمن |
|---------------|---------------------|
| مسابقة ثقافية | ٢٥ دقيقة و ١٥ ثانية |
| تلاوة قرآن | ١٨ دقيقة و ١٠ ثوان |
| رحلة علمية | ١٥ دقيقة و ٢٠ ثانية |
| محاضرة | ١٩ دقيقة و ٢٠ ثانية |

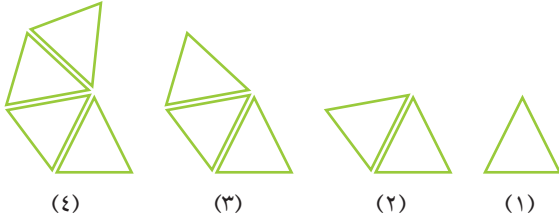
٦ **نقود:** مع رقية ١٩٥ ريالاً من الفئات التالية: ٥ ريالات، و ١٠ ريالات، و ٥٠ ريالاً. فإذا كان معها أعداد متساوية من الفئات المختلفة، فما عدد الأوراق من كلّ فئة؟

استعمل الاستراتيجيات المناسبة لحلّ المسائل ٧ - ١١:

من استراتيجيات حلّ المسألة:
• التخمين والتحقق
• البحث عن نمط

٧ **جسور:** استعملت أسلاك معدنية طولها ١٢٨٠٠٠ كلم لدعم أحد الجسور، وهذا يزيد بمقدار ٨٤٨٠ كلم على ثلاثة أمثال محيط الأرض عند خط الاستواء. فما طول محيط الأرض عند خط الاستواء؟

٨ **هندسة:** ما الشكلان التاليان في النمط أدناه؟



٩ **فواكه:** تضع مَنى ٤ تفاحات و ٣ برتقالات في كلّ طبق. فإذا كان لديها ٢٤ تفاحة و ١٨ برتقالة، فكم طبقاً تملك؟

١٠ **ترفيه:** يضمّ قطار في مدينة الألعاب ٨ عربات، يتسع كلّ منها لأربعة ركّاب. فكم رحلة سيقوم بها القطار لنقل ١٠٥٦ راكباً؟

١١ **أعداد:** ثلاثة أعداد محصورة بين العددين ١، ٩، وناتج ضربها يساوي ٣٦. ما هذه الأعداد؟



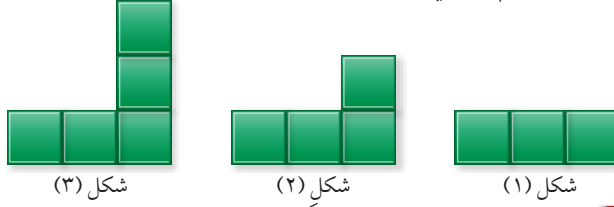


الجبر: المتغيرات والعبارات الجبرية

٥ - ١

نشاط

يمثل الرسم التالي نمطاً من المربّعات:



شكل (٣)

شكل (٢)

شكل (١)

١ ارسم الأشكال الثلاثة التالية في هذا النمط.

٢ ما عدد المربّعات في كلّ شكل؟ دَوِّن بياناتك في الجدول التالي:

| رقم الشكل | ١ | ٢ | ٣ | ٤ | ٥ | ٦ |
|---------------|---|---|---|---|---|---|
| عدد المربّعات | ٣ | ٤ | ٥ | | | |

٣ ما عدد المربّعات في الشكل العاشر؟

٤ أوجد العلاقة بين رقم الشكل وعدد المربّعات.

توصّلت، من خلال النشاط السابق، إلى أنّ عدد المربّعات في الشكل يزيد بمقدار ٢ على رقمه. ويمكنك استعمال متغير لتمثيل رقم الشكل. **المتغير** هو رمز يمثل كمية غير معلومة.

$$\text{رقم الشكل} \leftarrow ٢ + ن$$

عدد المربّعات

ويُسمّى فرع الرياضيات الذي يتعامل مع عبارات تحتوي متغيرات **الجبر**. كما يُسمّى المقدار $٢ + ن$ **عبارة جبرية**؛ لأنه يحتوي رموزاً وأعداداً وعملية حسابية واحدة على الأقل.

حساب قيمة عبارة جبرية

مثال

١ احسب قيمة: $٣ + ن$ إذا كانت $ن = ٤$

عوّض عن $ن$ بـ ٤

اجمع العددين ٣، ٤

$$٣ + ٤ = ٣ + ن$$

$$٧ =$$

تحقق من فهمك:



احسب قيمة كلّ من العبارات التالية، إذا كانت $هـ = ٨$ ، $د = ٥$:

(ب) $١٥ - هـ$

(أ) $٣ - هـ$

غالبًا ما تُحذف إشارة الضرب في العبارات الجبرية، وفيما يلي أمثلة على ذلك:

$$\begin{array}{ccc} \text{م ن} & \text{٩ س ن} & \text{د ٦} \\ \uparrow & \uparrow & \uparrow \\ \text{م ضرب ن} & \text{٩ ضرب س ضرب ن} & \text{٦ ضرب د} \end{array}$$

يُسمَّى العدد المضروب في رمز المتغيّر **مُعَامِلًا**.
فمثلاً ٦ هو المُعَامِل في ٦ د.

مثال حساب قيمة عبارة جبرية

٢ احسب قيمة: ٨ - ٢ ل إذا كانت و = ٥ ، ل = ٣

$$\begin{array}{l} \text{٨ - ٢ ل} = ٨ - (٥) ٢ = (٣) \\ \text{عوض عن و بـ ٥ ، وعن ل بـ ٣ في العبارة الجبرية} \\ \text{اضرب أولاً} \\ ٦ - ٤٠ = \\ \text{اطرح ٦ من ٤٠} \\ ٣٤ = \end{array}$$

تحقق من فهمك:

احسب قيمة كلٍّ من العبارات التالية، إذا كانت هـ = ٦ ، ب = ٤ :

$$\begin{array}{l} \text{(د) ٩ هـ - ٦ ب} \quad \text{(هـ) } \frac{\text{هـ ب}}{٢} \quad \text{(و) ٢ هـ + ٢} \end{array}$$

مثال من واقع الحياة

٣ **صحة:** احسب الحد الأدنى لمعدّل نبضات قلب سعد، إذا كان عمره ١٥ عامًا، مستعملًا العلاقة الواردة في يمين الصفحة.

$$\begin{array}{l} \text{عوض عن ع بـ ١٥} \\ \text{اطرح ١٥ من ٢٢٠} \\ \text{اضرب ٣ في ٢٠٥} \\ \text{اقسم ٦١٥ على ٥} \\ \frac{(١٥ - ٢٢٠) ٣}{٥} = \frac{(٢٠٥) ٣}{٥} = \frac{٦١٥}{٥} = ١٢٣ \end{array}$$

ومن ثم فإنّ الحدّ الأدنى لمعدّل نبضات قلب سعد في أثناء التدريب هو ١٢٣ نبضة في الدقيقة.

تحقق من فهمك:

(ز) **قياس:** لإيجاد مساحة مثلث، يمكنك استعمال العلاقة $\frac{ق \times ع}{٢}$ ، حيث ق هي طول القاعدة، وع هي الارتفاع. ما مساحة مثلث طول قاعدته ٨ سم، وارتفاعه ٦ سم؟



الربط مع الحياة:

يستعمل المدربون الرياضيون العلاقة $\frac{(ع - ٢٢٠) ٣}{٥}$ لإيجاد الحد الأدنى لمعدّل دقات القلب في الدقيقة في أثناء التدريب، حيث ع هي عمر المتدرب.

المثال ١

احسب قيمة كل عبارة مما يأتي، إذا كانت $أ = ٣$ ، $ب = ٥$:

١ $٧ + أ$ ٢ $ب - ٨$ ٣ $ب - أ$

المثالان ٢، ٣

احسب قيمة كل عبارة مما يأتي، إذا كانت $م = ٢$ ، $ن = ٦$ ، $ب = ٤$:

٤ $٧ م - ٢ ن$ ٥ $\frac{٣ + ٤ ب}{١١}$ ٦ $١٥ م - ٢$

تدرّب وحلّ المسائل

احسب قيمة كل عبارة مما يأتي، إذا كانت $د = ٢$ ، $هـ = ٨$ ، $ف = ٤$ ، $ز = ١$:

٧ $٩ + د$ ٨ $١٠ - هـ$

٩ $٤ + ف$ ١٠ $٨ - ز$

١١ $\frac{د}{٥}$ ١٢ $\frac{١٦}{ف}$

١٣ $\frac{٢٥ + د٥}{٥}$ ١٤ $٤ - هـ$

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ١٤ - ٧ | ٢ - ١ |
| ١٩ - ١٥ | ٣ |

١٥ **علوم:** تُستعمل العبارة $\frac{٣٢}{٢} ن$ لحساب المسافة بالأقدام التي يقطعها جسم عندما

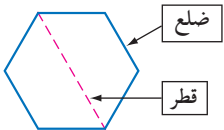
يسقط من علوّ بعد ن ثانية. احسب المسافة التي يقطعها جسم بعد ٢ ثانية.

١٦ **صحة:** تُستعمل العبارة $\frac{ك}{١٣}$ لحساب كمية الدم في جسم شخص، مقدّرة باللترات، حيث ك هي كتلة الشخص بالكيلوجرامات. فما كمية الدم الموجودة في جسم شخص كتلته ٦٠ كيلوجرامًا؟

احسب قيمّ العبارات التّالية، إذا كانت $س = ٢$ ، $ص = ١$ ، $ع = ٦$ ، $٢ = ٠$:

١٧ $س + ص - ع$ ١٨ $٦، ١٤ - (س + ص + ع)$ ١٩ $س + ع + ص$

٢٠ **هندسة:** لإيجاد عدد أقطار أي مضلّع، تُستعمل العبارة $\frac{ن(ن-٣)}{٢}$ ، حيث ن عدد أضلاع المضلع. فما عدد أقطار مضلّع له ١٠ أضلاع؟



٢١ **تحدّ:** أعطِ قيمًا للمتغيّرين س، ص، بحيث تكون قيمة العبارة $5س + 3أكبر$ من قيمة العبارة $2ص + 14$.

٢٢ **اكتب:** بيّن هل الجملة التالية صحيحة أحيانًا، أم صحيحة دائمًا، أم غير صحيحة أبدًا، وعلّل إجابتك: س - 3 و ص - 3 صورتان للعبارة نفسها.

تدريب على اختبار

٢٤ إذا كان مع سعود س ورقة نقدية من فئة ١٠ ريالات و ص ورقة من فئة ٥ ريالات و ع ورقة من فئة الريال، فأأي عبارة مما يأتي تُعبر عن مجموع ما مع سعود؟

- (أ) $5س + 10ص + ع$
(ب) $10س + 5ص + ع$
(ج) $10س + ص + ع5$
(د) $5س + 5ص + 10ع$

٢٣ أي عبارة مما يأتي تمثل ثمن ب دفترًا وجد قلمًا، إذا كان ثمن الدفتر الواحد ٩٥، ٧ ريالات، و ثمن القلم الواحد ٩٥، ٤ ريالات؟

- (أ) $7, 95ب + 4, 95ج$
(ب) $7, 95ب - 4, 95ج$
(ج) $12, 9(ب + ج)$
(د) $12, 9(ب \times ج)$

مراجعة تراكمية

٢٥ **تسوق:** توضع كل ٨ قطع أو ١٢ قطعة من الحلوى في عبوة، إذا أراد سلمان شراء ٤٤ قطعة حلوى، فكم عبوة سوف يشتري؟ استعمل استراتيجية التخمين والتحقق. (الدرس ١ - ٤)

احسب قيمة كلٍّ من العبارات التالية: (الدرس ١ - ٣)

٢٩ $5 \div (3 + 17)$

٢٨ $(1 - 8) 2 \times 4$

٢٧ $3 \div 9 + 9$

٢٦ $2 - (5) 6$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: حدّد الجملة الخطأ والجملة الصحيحة في كل مما يأتي: (الدرس ١ - ٣)

٣٢ $104 = 7 \times 6 + 24$

٣١ $1 = 4 \times 5 \div 20$

٣٠ $9 = (3) 2 - 10$



اختبار منتصف الفصل

الدروس من ١-١ إلى ٥-١

الفصل

١

١٢ قياس: مستطيل مساحته ١٠٤ سم^٢ ومحيطه ٤٢ سم.

أوجد بعديه باستعمال استراتيجية

التخمين والتحقق. (الدرس ١ - ٤)

١٣ اختيار من متعدد: اشترت فاطمة عددًا من

القصص وعددًا من الدفاتر، إذا كان ثمن القصة

الواحدة ١٠ ريالات وثمان الدفاتر الواحد ٧ ريالات،

فأي عبارة مما يأتي تمثل ثمن القصص والدفاتر

جميعها؟ (الدرس ١ - ٥)

(أ) ١٠ س × ٧ ص

(ب) $\frac{١٠ \text{ س}}{٧ \text{ ص}}$

(ج) ١٠ س + ٧ ص

(د) ١٠ س - ٧ ص

أوجد قيمة كل عبارة مما يأتي إذا كانت

س = ١٢، ص = ٤، ع = ٨: (الدرس ١ - ٥)

١٤ س - ٥

١٥ ٣ ص + ١٠ ع

١٦ $\frac{٢(٨ + \text{ص})}{\text{س}}$

١٧ صحة: تمثل العبارة ١١٠ + $\frac{١}{٢}$ قياس ضغط

الدم للشخص تقريبًا، حيث أ تمثل عمر الشخص.

قدر قياس ضغط الدم لشخص عُمره ١٦ سنة.

(الدرس ١ - ٥)

١ اختيار من متعدد: يخطط فريق الدراجات

الهوائية لقطع ١٨٠٠ كيلومتر، إذا كان معدل ما

يقطعون ١٥ كيلومتر في الساعة. فما المعلومات التي

يحتاجون إليها لمعرفة عدد الأيام التي سوف يكملون

بها المسافة؟ (الدرس ١ - ١)

(أ) عدد الدراجات التي يستعملونها.

(ب) عدد الساعات التي سيقطعونها كل يوم.

(ج) عدد الطرق الوعرة التي سيقطعونها.

(د) سرعتهم في الدقيقة الواحدة.

اكتب كل قوّة على صورة ضرب العامل في نفسه:

(الدرس ١ - ٢)

٣ ٦٩

٤ ٤٠

٤ الخليج العربي: تبلغ مساحة الخليج العربي

٣٠ ألف كيلومتر مربع تقريبًا. اكتب هذه المساحة

بالصيغة القياسية. (الدرس ١ - ٢)

٥ حديقة الحيوان: يقدر عُمر حديقة الحيوان في

الرياض بـ $٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢ \times ٢$ سنة. اكتب هذا

العمر بالصيغة الأسّيّة. (الدرس ١ - ٢)

رتّب القوَى التالية من الأصغر إلى الأكبر: (الدرس ١ - ٢)

٦ $٢٣، ١٧، ٧٢$

٧ $٣٣، ٢١٢، ٨٢$

احسب قيمة كل من العبارات التّالية: (الدرس ١ - ٣)

٨ $(٥ \times ٢ + ٢٣) - ٢٥$ **٩** $\frac{٢(٣ - ٧)}{٢٢}$

١٠ $٣٠ - ٢٣ \times ٢$ **١١** $٢ \times ٣ + ٤ \div ٢٠$



وزارة التعليم

Ministry of Education

٢٠٢٣/١٤٤٥ : اختبار منتصف الفصل



الجبر: المعادلات

٦ - ١

استعد

الرياضة: يبين الجدول المجاور نتائج ٦ فصول في الدوري المدرسي للكرة الطائرة.

١ إذا لعب كل فصل ١٤ مباراة، فما عدد

المباريات التي خسرها كل فصل؟

٢ اكتب قاعدة لتجد عدد المباريات التي خسرها الفصل.

٣ إذا كانت ف تمثل عدد مرّات الفوز، و س

تمثل عدد مرّات الخسارة، فاكتب القاعدة في السؤال «٢» أعلاه مستعملًا أعدادًا ومتغيّرات وإشارة المساواة.

| كرة الطائرة | | |
|-------------|-----|--------------------------|
| الفصل | فوز | خسارة |
| أ | ٨ | <input type="checkbox"/> |
| ب | ٤ | <input type="checkbox"/> |
| ج | ٨ | <input type="checkbox"/> |
| د | ٢ | <input type="checkbox"/> |
| هـ | ٥ | <input type="checkbox"/> |
| و | ٤ | <input type="checkbox"/> |



فكرة الدرس:

أكتب معادلات وأحلها ذهنيًا.

المفردات:

المعادلة

الحل

حل المعادلة

تحديد المتغير

تدل إشارة المساواة على أن المقدار الذي عن يمينها مساوٍ للمقدار الذي عن يسارها.

$$٢ + ٢ + ١٣ = ١٧ \quad ١٢ = (٤) ٣ \quad ١ - ٨ = ٧ \quad \text{فمثلاً}$$

المعادلة جملة تحتوي على عبارتين تفصل بينهما إشارة المساواة «=». لا يمكن التحقق من صحّة أو خطأ معادلة تحتوي متغيّرًا حتى يتمّ التعويض عن المتغيّر بعدد. وتُسمّى القيمة العددية للمتغيّر التي تجعل المعادلة صحيحة **الحل**. وتسمّى عملية إيجاد الحل **حل المعادلة**. ويمكن حلّ بعض المعادلات ذهنيًا.

حل المعادلة ذهنيًا

مثال

١ حلّ المعادلة $١٨ = ١٤ + ن$ ذهنيًا.

$$١٨ = ١٤ + ن$$

اكتب المعادلة

$$١٨ = ١٤ + ٤$$

تعرف أن $١٤ + ٤ = ١٨$

$$١٨ = ١٨$$

بسّط

ن = ٤ إذن، الحل هو ٤

تحقق من فهمك:

حلّ المعادلات التالية ذهنيًا:

$$٢٠ = ٥ - أ \quad ب) ٨ = ص \div ٣$$

$$٥٦ = ع \div ٧$$



وزارة التعليم

Ministry of Education

2023 - 1445

الحل عكسياً :

عوض عن كل قيمة للمتغير
س في المعادلة لتعرف أي
الخيارات تجعل الطرف الأيمن
مساوياً للطرف الأيسر.

مثال من اختبار

٢ يقود محمود دراجته مسافة ٣ كيلومترات يومياً. وتُستعمل المعادلة $36 = 3y$ لإيجاد عدد الأيام اللازمة ليقطع بدراجته مسافة ٣٦ كيلومتراً. فكم يوماً يحتاج إليها محمود ليقطع تلك المسافة؟

أ) ١٠ ب) ١٢ ج) ١٥ د) ٢٠

اقرأ :

حل المعادلة $36 = 3y$ لتجد عدد الأيام اللازمة ليقطع محمود ٣٦ كيلومتراً بدراجته.

حل :

$$36 = 3y \quad \text{اكتب المعادلة}$$

$$36 = 12 \times 3 \quad \text{تعرف أن } 36 = 12 \times 3$$

$$y = 12 \quad \text{إذن الجواب هو (ب).}$$

تحقق من فهمك :

د) عند خالد ١٦ جورياً، تقل بمقدار ٣ عمّا عند أخيه يوسف. وتُستعمل المعادلة $3 - 16 = 3y$ لإيجاد عدد جوارب يوسف. فما عدد الجوارب عنده؟

أ) ١٣ ب) ١٥ ج) ١٨ د) ١٩

تُسمى عملية اختيار متغير ليمثل كمية غير معلومة **تحديد المتغير**.

مثال من واقع الحياة

٣ **حيتان**: تهاجر بعض أنواع الحيتان كل شتاء حوالي ٢٤٠٠ كيلومتر لتصل إلى المحيط الهندي. فإذا قطع أحد الحيتان مسافة ٨٠٠٠ كيلومتر، فكم كيلومتراً قطع ذلك الحوت أكثر من المسافة الاعتيادية؟

الهجرة الاعتيادية + الكيلومترات الزائدة = المسافة المقطوعة.

التعبير اللفظي

لتكن ك عدد الكيلومترات التي قطعها الحوت زيادة على المسافة الاعتيادية

المتغير

المعادلة

$$8000 = 2400 + ك$$

اكتب المعادلة

$$8000 = 2400 + ك$$

تعرف أن $8000 = 2400 + 5600$

$$8000 = 2400 + 5600$$

ك = ٥٦٠٠ أي أن الحوت قطع مسافة ٥٦٠٠ كيلومتر زيادة.

تحقق من فهمك :



هـ) صرف الصيدلي لجمال علاجين بمبلغ ٩,٥٥ ريالاً. فإذا كان ثمن أحدهما ٥,٤٠ ريالاً، فما ثمن الآخر؟



المثال ١

حلّ المعادلات التالية ذهنيًا:

١) $٧٥ = ٧٢ + و$ ٢) $٢٠ = ١٨ - ص$ ٣) $٦ = \frac{٥}{٩}$

المثال ٢

٤) **اختيار من متعدد:** سجّل سليم وعمر ٢٨ نقطة في مباراة كرة سلة، سجّل سليم منها ٧ نقاط. حلّ المعادلة $٧ + س = ٢٨$ ، لإيجاد قيمة س التي تمثل عدد النقاط التي سجّلها عمر مما يأتي:

أ) ١٤ ب) ٢١ ج) ٢٣ د) ٣٥

المثال ٣

٥) **نقود:** اشترت هند دفترًا وعلبة ألوان بقيمة ٥, ٧ ريالًا. فما ثمن الدفتر إذا كان ثمن علبة الألوان ٢٥, ٤ ريالًا؟

تدرّب وحلّ المسائل

حلّ المعادلات التالية ذهنيًا:

٦) $١٣ = ٧ + ب$ ٧) $٢٠ = ١٤ - ص$ ٨) $٧٧ = ٧ + ت$
٩) $\frac{٣٠}{٦} = ن$ ١٠) $\frac{٥}{٤} = ١٦$ ١١) $١٢ = ع \div ٨٤$

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ١١ - ٦ | ١ |
| ١٢ | ٢ |
| ١٣ | ٣ |

١٢) **نقود:** يتقاضى عامل ٩ ريالًا في الساعة، حلّ المعادلة $٩ س = ٦٣$ لإيجاد عدد الساعات (س) التي يعملها ليجمع ٦٣ ريالًا.

١٣) **رياضة:** ركض ياسر يومي الاثنين والثلاثاء ٣, ٧ كيلومترات. فإذا ركض ٥, ٢ كيلومتر يوم الثلاثاء، فكم كيلومترًا ركض يوم الاثنين؟

١٤) **حيوانات:** الفرق بين سرعة النعامة وسرعة الدجاجة، ٤٨ كلم/س؛ إذ تستطيع النعامة أن تركض بسرعة ٦٤ كلم/س. اكتب معادلة لتجد قيمة (ع) التي تمثل سرعة الدجاجة، ثم حلّها.

حلّ المعادلات التالية ذهنيًا:

١٥) $١٠, ٥ + ج = ١٠, ٠$ ١٦) $١, ٢ - م = ٤, ٢$ ١٧) $١٣, ٤ - هـ = ٩, ٠$

مسائل مهارات التفكير العليا

١٨ **اكتشف الخطأ:** حلّ كلٌّ من عماد وسعيد المعادلة: $و - ٣٥ = ٧٠$ كما هو مبين أدناه، فأَيُّهما كان حلّه صحيحًا؟ وضح إجابتك.



لسعيد

$$١٠٥ = ٧$$



عهاد

$$٣٥ = ٧$$

١٩ **اكتب** وضح المقصود بعبارة «حلّ المعادلة».

تدريب على اختبار

٢١ **إجابة قصيرة:** ما قيمة هـ التي تجعل المعادلة هـ $\div ٤ = ٣٢$ صحيحة؟

٢٢ حل المعادلة م $+ ٨ = ١٥$ هو:

(أ) ٢٣

(ب) ٨

(ج) ٢٢

(د) ٧

٢٠ بين الشكل المجاور المسافة بين العلا وينبع والمسافة بين العلا وجدة. أي معادلة مما يأتي يمكنك استعمالها؛ لإيجاد المسافة بين ينبع وجدة؟

(أ) $٦٨٢ = س + ٣٦٥$

(ب) $٦٨٢ = س - ٣٦٥$

(ج) $٦٨٢ \times س = ٣٦٥$

(د) $\frac{س}{٣٦٥} = ٦٨٢$

مراجعة تراكمية

٢٣ **جبر:** احسب قيمة: $٣م + ن^٢$ إذا كانت $م = ٢$ ، $ن = ٣$ (الدرس ١ - ٥)

احسب قيمة كل من العبارات التالية: (الدرس ١ - ٣)

٢٦ $١ + ٢(٥ - ٨)$

٢٥ $٥ \times ١٣ - ٦$

٢٤ $١١ \times ٦ \div ٣ + ٩$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج كلٍّ مما يأتي: (الدرس ١ - ٣)

٢٩ $١٢ \times (٨ + ٦)$

٢٨ $(٢ \times ٥)(٣ \times ٥)$

٢٧ $(١٠ + ٤) \times ٢$





الجبر: الخصائص

٧ - ١

| مدينة الألعاب | |
|---------------|---------------|
| رسم الدخول | تذكرة الألعاب |
| ١٢ ريالاً | ٨ ريالاً |

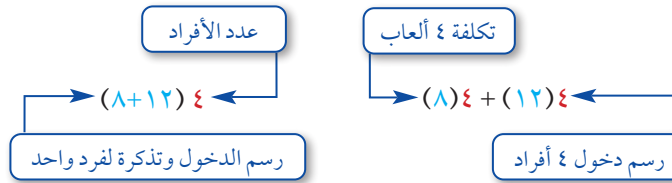
استعد

ترفيه: يبين الجدول قيمة التذكرة ورسم الدخول إلى مدينة الألعاب.

١ ما مقدار ما يدفعه رب أسرة مكونة من ٤ أفراد للدخول إلى مدينة الألعاب وشراء التذاكر؟

٢ صف الطريقة التي استعملتها لإيجاد المبلغ الكلي الذي سيدفعه رب الأسرة.

هناك طريقتان لإيجاد المبلغ:



العبارتان $4(12) + 4(8)$ و $4(12 + 8)$ عبارتان متكافئتان؛ لأن لهما القيمة نفسها وهي ٨٠ ريالاً. وهذا ما توضحه خاصية توزيع عملية الضرب على الجمع.

مفهوم أساسي

خاصية توزيع الضرب على الجمع

التعبير اللفظي: لضرب مجموع عددين في عدد، يُضرب كل عدد بين القوسين في العدد خارجهما.

| أمثلة: | أعداد | جبر |
|-----------------------|-------|-----------------------|
| $3(6 + 4) = (6 + 4)3$ | | $أ(ب + ج) = (ب + ج)أ$ |
| $5(3 + 7) = (3 + 7)5$ | | $أ(ب + ج) = (ب + ج)أ$ |

مثالان استعمال خاصية التوزيع

استعمل خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل من العبارتين التاليتين، ثم احسب قيمتهما:

| | | | |
|---|-----------------------|------|--------------------------|
| ١ | $5(2 + 3)$ | ٢ | $3(4) + 7(3)$ |
| | $5(2 + 3) = (2 + 3)5$ | | $3(4) + 7(3) = (4 + 7)3$ |
| | $10 + 15 =$ | اجمع | $3(11) =$ |
| | $25 =$ | اضرب | $33 =$ |

تحقق من فهمك:

استعمل خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل من العبارتين التاليتين، ثم احسب قيمتهما:

أ) $6(4 + 1)$ ب) $6(9) + 6(3)$

مثال من واقع الحياة

رياضة: يستغرق سباق رالي حائل الدولي ٥ أيام، فإذا علمت أن متسابقاً قطع ما معدله ٣٥٠ كيلومتراً يومياً، فكم كيلومتراً قطع في السباق؟

استعمل خاصيّة التوزيع لإيجاد ٣٥٠×٥ ذهنياً.

$$٥ (٣٥٠) = ٥ (٣٠٠ + ٥٠) \quad \text{اكتب } ٣٥٠ \text{ كناتج جمع } ٥٠ + ٣٠٠$$

$$٥ (٣٠٠) + ٥ (٥٠) = \text{خاصيّة التوزيع}$$

$$١٥٠٠ + ٢٥٠ = \text{اضرب}$$

$$١٧٥٠ = \text{اجمع}$$

يقطع المتسابق ١٧٥٠ كيلومتراً.

تحقق من فهمك:

(ج) إذا وفرّ عبد الله ١٥٠ ريالاً شهرياً، فما مجموع ما يوفره في ٥ أشهر؟ وضح إجابتك.



الربط مع الحياة:

يقام رالي حائل الدولي سنوياً في منطقة حائل وتحت إشراف الاتحاد الدولي للسيارات، ويصاحب الرالي العديد من الفعاليات والبرامج السياحية والتراثية والثقافية والاجتماعية والأسرة والطفل والأسر المنتجة وعروض الحرف والصناعات اليدوية.

ملخص المفهوم

خصائص عمليتي الجمع والضرب

لا يتغير مجموع عددين أو ناتج ضربهما بتبديل ترتيبهما.

| خاصيّة الإبدال | في الجمع | في الضرب |
|-----------------|---------------------------|----------|
| $أ + ب = ب + أ$ | $أ \times ب = ب \times أ$ | |
| $٢ + ٣ = ٣ + ٢$ | $٤ \times ٣ = ٣ \times ٤$ | |

مجموع ثلاثة أعداد أو ناتج ضربها لا يتغير بتغيير العددين اللذين نبدأ بهما.

| خاصيّة التجميع | $(أ + ب) + ج = أ + (ب + ج)$ | $(أ \times ب) \times ج = أ \times (ب \times ج)$ |
|----------------|-----------------------------|---|
| | $(٥ + ٤) + ٦ = ٥ + (٤ + ٦)$ | $(٤ \times ٢) \times ٣ = ٤ \times (٢ \times ٣)$ |

مجموع أي عدد والصفر يساوي العدد نفسه، وناتج ضرب أي عدد في واحد يساوي العدد نفسه.

| خاصيّة العنصر المحايد | $أ + صفر = أ$ | $أ \times ١ = أ$ |
|-----------------------|---------------|------------------|
| | $٦ = ٠ + ٦$ | $٧ = ١ \times ٧$ |

استعمل خصائص العمليات لحساب قيمة عبارة ذهنياً

مثال

أوجد $٢٥ \times ١٢ \times ٤$ ، وعلل كلّ خطوة من خطوات الحل.

$$٢٥ \times ١٢ \times ٤ = ٢٥ \times ٢٥ \times ٤ \quad \text{خاصيّة الإبدال لعملية الضرب}$$

$$١٢ \times (٢٥ \times ٤) = \quad \text{خاصيّة التجميع لعملية الضرب}$$

$$١٢٠٠ = ١٢ \times ١٠٠ = \quad \text{اضرب } ١٠٠ \text{ في العدد } ١٢، \text{ ذهنياً}$$

إرشادات للدراسة

في الحساب الذهني .
ابحث عن عددين يكون
رقم أحاد ناتج جمعها أو
ضربها يساوي صفراً .

تحقق من فهمك:

أوجد قيمة كل مما يأتي، وعلّل كل خطوة من خطوات الحل:

(د) $(5 \times 7) \times 40$ (هـ) $1 + (15 + 89)$

تأكد

المثالان ٢، ١ استعمال خاصيّة التوزيع لإعادة كتابة كل من العبارات التالية، ثمّ احسب قيمها:

١ $7(4 + 3)$ ٢ $5(2 + 6)$ ٣ $3(9) + 3(6)$

المثال ٣ **حساب ذهني:** ثمن وجبة غداء ١٢ ريالاً، وثمان العصور ٥ ريالاً. استعمال ذهنيًا خاصيّة التوزيع، لحساب تكلفة ٤ وجبات و ٤ عصائر، ووضّح إجابتك.

المثال ٤ احسب قيم كل مما يأتي ذهنيًا، وعلّل خطوات الحل:

٥ $44 + (23 + 16)$ ٦ $50 \times (33 \times 2)$

تدرّب وحلّ المسائل

استعمل خاصيّة التوزيع لإعادة كتابة كل من العبارات التالية، ثمّ احسب قيمها:

٧ $2(7 + 6)$ ٨ $5(9 + 8)$ ٩ $4(3) + 4(8)$

حساب ذهني: استعمال خاصيّة التوزيع لحلّ السؤالين ١٠، ١١:

١٠ يبلغ المعدل الشهري لدخل متجر صغير ٧٢٠٠ ريال، كم يبلغ دخله في ٦ أشهر؟

١١ **سفر:** يزور مدينة باريس الفرنسية قرابة ٢٧ مليون شخص سنويًا. كم شخصًا سيزور باريس في الأعوام الخمسة القادمة؟

احسب قيمة كل من العبارات التالية ذهنيًا، وعلّل كل خطوة من خطوات الحل:

١٢ $91 + (9 + 15)$ ١٣ $17 + (31 + 13)$ ١٤ $85 + (46 + 15)$
١٥ $5 \times (12 \times 30)$ ١٦ $2 \times (50 \times 16)$ ١٧ $8 \times (3 \times 5)$

تطبق خاصية التوزيع على الطرح أيضًا، استعمال خاصيّة التوزيع لإعادة كتابة كل من العبارات التالية، ثمّ احسب قيمها:

١٨ $7(9) - 7(3)$ ١٩ $12(8) - 12(6)$ ٢٠ $9(7) - 9(3)$

جبر: استعمال خاصيّة أو أكثر لإعادة كتابة كل من العبارات التالية بصورة مكافئة لا تتضمن أقواسًا:

٢١ $4 + (1 + 3)$ ٢٢ $6(ج + ١)$ ٢٣ $3(ف + ٤)$

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ٩ - ٧ | ٢، ١ |
| ١١، ١٠ | ٣ |
| ١٧ - ١٢ | ٤ |

مسائل مهارات التفكير العليا

٢٤ **حسّ عددي:** هل الجملة: $4 \times 35 + 18 = 4 \times (35 + 18)$ صحيحة أم غير صحيحة؟ اشرح إجابتك.

٢٥ **الكتب:** مسألة من واقع الحياة يمكن حلّها باستعمال خاصيّة التوزيع، ثمّ حلّها.

تدريب على اختبار

٢٧ أي عبارة مما يأتي يمكن كتابتها على الصورة $2(5 + 1)$ ؟

(أ) $5 + 2$

(ب) $10 + 1$

(ج) $7 + 2$

(د) $10 + 2$

٢٦ أي عبارة مما يأتي يمكن كتابتها على الصورة $6(8 + 9)$ ؟

(أ) $9 \times 8 + 6 \times 8$

(ب) $8 \times 6 + 9 \times 6$

(ج) $8 \times 6 \times 9 \times 6$

(د) $8 + 6 \times 9 + 6$

مراجعة تراكمية

حل كلاً من المعادلات الآتية: (الدرس ١ - ٦)

٣٠ هـ $11 = 3 \div$

٢٩ م $5 = 35$

٢٨ $4 - 7 =$

٣١ ما قيمة: $(9 - 14)$ ؟ (الدرس ١ - ٣)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: احسب قيمة كل عبارة مما يأتي: (الدرس ١ - ٥)

٣٤ م $3 - 3$ عندما $2 =$

٣٣ ل $5 - 8$ عندما $8 =$

٣٢ س 2 عندما $4 =$





الجبر: المعادلات والدوال

٨ - ١

استعد

| العدد | العدد $9 \times$ | التمن |
|-------|------------------|-------|
| ١ | 9×1 | ٩ |
| ٢ | | |
| ٣ | | |
| ٤ | | |

مجلات: افترض أن ثمن النسخة الواحدة من مجلة ٩ ريالاً.

١ أكمل الجدول لتجد ثمن شراء: ٢، ٣، ٤ مجلات.

٢ صف النمط في الجدول الذي يبين ثمن المجلات وعددها.

فكرة الدرس:

أنشئ جدول دالة، وأكتب معادلة.

المفردات:

الدالة

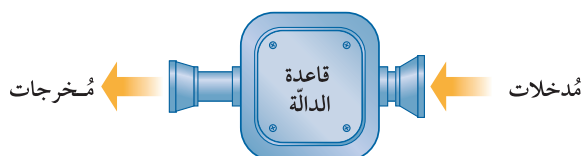
قاعدة الدالة

جدول الدالة

المجال

المدى

العلاقة التي تعيّن لكل قيمة من المُدخلات قيمةً واحدةً فقط من المُخرجات تُسمّى **دالة**. وتُسمّى الصيغة التي تستعملها لتعويض قيمة من المُدخلات للحصول على قيمة من المُخرجات باستعمال عملية أو أكثر **قاعدة الدالة**.



ويمكنك تنظيم المُدخلات والمُخرجات وقاعدة الدالة في جدول يسمى **جدول الدالة**. تُسمّى مجموعة قيم المُدخلات **المجال**، وتُسمّى مجموعة قيم المُخرجات **المدى**.

إنشاء جدول دالة

مثال

| المُدخلات | قاعدة الدالة | المُخرجات |
|-----------|---------------|---------------|
| رقم الشهر | اضرب في ٢٠ | التوفير الكلي |
| ١ | 1×20 | ٢٠ |
| ٢ | 2×20 | ٤٠ |
| ٣ | 3×20 | ٦٠ |
| ٤ | 4×20 | ٨٠ |

١ **نقود:** يوفر جعفر من مصروفه الشهري ٢٠ ريالاً. أنشئ جدول دالة يبين مجموع ما يوفره جعفر بعد شهر، وشهرين و ٣ و ٤ أشهر، ثم عيّن مجال الدالة ومداه.

المجال: {١، ٢، ٣، ٤}

المدى: {٢٠، ٤٠، ٦٠، ٨٠}

تحقق من فهمك:

أ) إذا كان ثمن الكتاب الواحد ٧ ريالاً، فأنشئ جدول دالة يبين تكلفة شراء كل من: كتاب واحد، وكتابين و ٣ و ٤ كتب. ثم حدّد مجال الدالة ومداه.

غالبًا ما تُكتب الدوال على صورة معادلات بمتغيّرين؛ يمثّل أحدهما المُدخلات، ويمثّل الآخر المُخرجات. ومعادلة الدالة في المثال ١، هي:

$$\text{ص} = ٢٠ \text{س}$$

قاعدة الدالة: اضرب في ٢٠

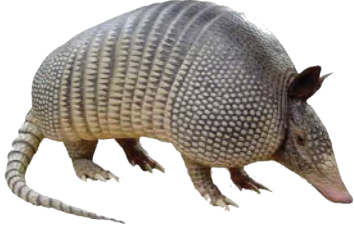
المُخرجات: التوفير الكلي

المُدخلات: عدد الأشهر

إرشادات للدراسة

عند استعمال الرمزين س و ص في معادلة، فغالبًا ما تدل س على المُدخلات، و ص على المُخرجات.

مثالان من واقع الحياة



٢ حيوانات: ينام حيوان المدرّع ١٩ ساعة يوميًا.
اكتب معادلة، لتبيّن عدد الساعات س التي ينامها حيوان المدرّع في ي يومًا.

| المُدخلات | قاعدة الدالة | المُخرجات |
|------------|----------------------|-------------------------|
| عدد الأيام | اضرب في ١٩ | عدد الساعات التي ينامها |
| ١ | ١٩×١ | ١٩ |
| ٢ | ١٩×٢ | ٣٨ |
| ٣ | ١٩×٣ | ٥٧ |
| ي | $١٩ \times \text{ي}$ | ١٩ ي |

التعبير اللفظي عدد ساعات النوم يساوي عدد الأيام مضروبًا في ١٩ ساعة يوميًا

المتغير ي يمثّل عدد الأيام
س يمثّل عدد الساعات

المعادلة س = ١٩ ي

٣ كم ساعة ينام حيوان المدرّع في ٤ أيام؟

$$\begin{aligned} \text{س} &= ١٩ \text{ ي} \\ \text{س} &= ١٩ \times ٤ \\ \text{س} &= ٧٦ \end{aligned}$$

اكتب المعادلة

عوّض عن ي بـ ٤

اضرب

ومن ثم ينام حيوان المدرّع ٧٦ ساعة في ٤ أيام.

تحقق من فهمك:

نبات: اكتشف عالم نبات أنّ نوعًا معيّنًا من نبات الخيزران ينمو بمعدّل ٩ سنتيمترات في السّاعة.

(ب) اكتب معادلة بمتغيّرين لتبيّن مقدار نموّ هذا النوع من نبات الخيزران بالسنتيمترات في س ساعة.

(ج) استعمل هذه المعادلة لتجد مقدار نمو النبتة في ٦ ساعات.



الربط مع الحياة

كيف يستعمل عالم النبات الرياضيات؟
يجمع عالم النبات بيانات وإحصاءات عن نباتات ثم يدرسها، ويخلص إلى نتائج حولها.



المثال ١

أكمل الجدولين الآتيين ثم حدّد مجال الدالة ومداها:

١ ص = ٣ س

| ص | س | ٣ س |
|---|---|--------------|
| ٣ | ١ | 1×3 |
| | ٢ | 2×3 |
| | ٣ | 3×3 |
| | ٤ | |

٢ ص = ٤ س

| ص | س | ٤ س |
|---|-----|-----------------------|
| | صفر | $4 \times \text{صفر}$ |
| | ١ | 1×4 |
| | ٢ | |
| | ٣ | |

٣ شعر: يحفظ محمد ٦ أبيات شعرية يوميًا. أنشئ جدول دالة يبيّن عدد الأبيات التي يحفظها بعد يوم ويومين و ٣ و ٤ أيام، ثم عيّن مجال الدالة ومداها.

٤ رياضة: تبلغ السرعة القصوى لسيارة سباق ٢٣١ كيلومترًا في الساعة. اكتب معادلة بمتغيّرين تبين العلاقة بين عدد الكيلومترات ك التي يمكن أن تقطعها سيارة السباق في س ساعة. ثم استعملها لإيجاد المسافة التي تقطعها هذه السيارة في ٣ ساعات.

تدرّب وحلّ المسائل

أكمل جداول الدوالّ الآتي، ثم حدّد مجال كل دالة ومداها:

٥ ص = ٢ س

| ص | س | ٢ س |
|-----|---|-----------------------|
| صفر | ١ | $2 \times \text{صفر}$ |
| | ٢ | 1×2 |
| | ٣ | |
| | ٤ | |

٦ ص = ٦ س

| ص | س | ٦ س |
|---|---|-----|
| | ١ | |
| | ٢ | |
| | ٣ | |
| | ٤ | |

٧ ص = ٩ س

| ص | س | ٩ س |
|---|---|-----|
| | ١ | |
| | ٢ | |
| | ٣ | |
| | ٤ | |

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ٨ - ٥ | ١ |
| ٩ | ٣، ٢ |

٨ طباعة: تستطيع عير أن تطبع ٦٠ كلمة في الدقيقة. أنشئ جدول دالة يوضّح عدد الكلمات التي يمكن أن تطبعها في: ٥ و ١٠ و ١٥ و ٢٠ دقيقة.

٩ اتصالات: تطلب شركة الهاتف المحمول من العميل رسوم خدمة قدرها ٤٥ ريالًا كل شهر. اكتب معادلة بمتغيّرين تبين مجموع رسوم الخدمة لمدة س شهرًا، ثم استعملها لتجد مجموع الرسوم لمدة ٦ أشهر.



أكمل الجدولين الآتيين، ثم حدّد مجال كلّ دالّة ومداها:

١١ ص = س + ٢٥, ٠

| ص | س + ٢٥, ٠ | س |
|---|-----------|---|
| | | ١ |
| | | ٢ |
| | | ٣ |
| | | ٤ |

١٠ ص = س - ١

| ص | س - ١ | س |
|---|-------|---|
| | | ١ |
| | | ٢ |
| | | ٣ |
| | | ٤ |

قياس: استعمل المُعطيات التّالية لحلّ السّؤالين ١٢، ١٣:

العلاقة التي تبين المساحة (م) لمستطيل طوله ٦ سنتمترات، وعرضه (ع) هي $م = ٦ \times ع$.

١٢ أنشئ جدول دالّة يبين مساحة المستطيل إذا كان عرضه ٢، ٣، ٤، ٥ سنتمترات.

١٣ ادرس النمط في جدولك، ثمّ بيّن كيف تتغيّر مساحة مستطيل طوله ٦ سنتمترات إذا ازداد عرضه ستمتراً واحداً.

| الكوكب | السرعة (كلم/ثانية) |
|---------|--------------------|
| عطارد | ٤٨ |
| الأرض | ٣٠ |
| المشتري | ١٣ |
| زحل | ١٠ |
| نبتون | ٨ |

تحليل الجدول: لحلّ الأسئلة ١٤-١٦، استعمل الجدول المجاور الذي يبيّن سرعات بعض الكواكب في أثناء دورانها حول الشمس:

١٤ ما المعادلة التي يمكن استعمالها لتبيّن عدد الكيلومترات التي يقطعها كوكب الأرض في ن ثانية؟

١٥ اكتب معادلة تبين عدد الكيلومترات ك التي يقطعها كوكب المشتري في ن ثانية.

١٦ استعمل معادلتك لتوضيح كيفية إيجاد المسافة التي يقطعها كوكب المشتري في دقيقة واحدة.

تحدّ: اكتب معادلة للدالّة المبيّنة في كلّ جدول ممّا يأتي:

١٩

| ص | س |
|---|---|
| ٣ | ١ |
| ٥ | ٢ |
| ٧ | ٣ |
| ٩ | ٤ |

١٨

| ص | س |
|----|---|
| ٦ | ٢ |
| ١٢ | ٤ |
| ١٨ | ٦ |
| ٢٤ | ٨ |

١٧

| ص | س |
|---|---|
| ٣ | ١ |
| ٤ | ٢ |
| ٥ | ٣ |
| ٦ | ٤ |

٢٠ **مسألة مفتوحة:** اكتب مسألة من واقع الحياة يمكن أن تمثّل بالمعادلة $ص = ٣ \times س$.

٢١ **اكتب:** وضح العلاقة بين المُدخلات والمُخرجات وقاعدة الدالّة.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢٢ يبين الجدول أدناه، عدد الصناديق وكتلتها بالكيلوجرام.

| عدد الصناديق (س) | الكتلة (ص) |
|------------------|------------|
| ١ | ٦ |
| ٢ | ١٢ |
| ٣ | ١٨ |
| ٤ | ٢٤ |

أي دالة مما يأتي تمثل هذا الجدول؟

- أ) ص = ٤س ب) ص = ٥س
ج) ص = ٦س د) ص = ١٢س

٢٣ إذا كان ثمن القلم ٣ ريال، فأي جدول مما يأتي يمثل ذلك؟

| عدد الأقلام | الثمن بالريال |
|-------------|---------------|
| ٣ | ٣ |
| ٦ | ٦ |
| ٩ | ٩ |
| ٣ | ٣ |

| عدد الأقلام | الثمن بالريال |
|-------------|---------------|
| ٣ | ١ |
| ٦ | ٢ |
| ٩ | ٣ |
| ٣ | ٣ |

| عدد الأقلام | الثمن بالريال |
|-------------|---------------|
| ٣ | ١ |
| ٦ | ٢ |
| ٩ | ٣ |
| ٣ | ٣ |

| عدد الأقلام | الثمن بالريال |
|-------------|---------------|
| ٣ | ١ |
| ٦ | ٢ |
| ٩ | ٣ |
| ٣ | ٣ |

مراجعة تراكمية

٢٤ علوم: معدل سرعة الصوت في الماء هو 5×10^3 قدم لكل دقيقة. اكتب هذا المعدل بالصيغة القياسية. (الدرس ١ - ٢)

استعمل خاصية التوزيع لإعادة كتابة كل من العبارات التالية، ثم احسب قيمتها: (الدرس ١ - ٧)

٢٦ $4(4 + 12)$

٢٥ $5(7 + 9)$

٢٨ $10(6) - 10(5)$

٢٧ $8(7) - 8(2)$

٢٩ نقود: يوفر سمير ٥ ريالات يوميًا. فكم ريالًا يوفر في أسبوعين؟ (الدرس ١ - ١)



اختبار الفصل

احسب قيمة كلٍّ من العبارتين الآتيتين ذهنيًا:

١٤) $13 + (17 + 34)$ ١٥) $50 \times (2 \times 17)$

استعمل خاصية أو أكثر لإعادة كتابة كل من العبارات التالية بصورة مكافئة لا تتضمن أقواسًا:

١٦) $3(س + ٤)$ ١٧) $٤(٢ ص)$

١٨) $١ + (٤ + ٥)$ ١٩) $٦(٢ + ف) + ٧$

أكمل الجدولين الآتين، ثم حدّد مجال كل دالة ومداهما:

٢١)

| ص | س | ١ + س |
|---|---|-------|
| | ٠ | |
| | ١ | |
| | ٢ | |
| | ٣ | |

٢٠)

| ص | س | ٣ + س |
|---|---|-------|
| | ١ | |
| | ٢ | |
| | ٣ | |
| | ٤ | |

٢٢) **سفر:** قاد سالم سيارته عدة ساعات بسرعة معدّلها

١١٠ كيلومترات في الساعة. أنشئ جدول دالة لتبيّن

المسافة التي يقطعها بعد ٢ و ٣ و ٤ و ٥ ساعات. ثمّ

حدّد مجال الدالة ومداهما.

نقود: استعمل المُعطيات التالية لحلّ السؤالين ٢٣، ٢٤:

يبيع خالد تمورًا فاخرة. فإذا كان يربح في علبة التمور الواحدة ١٢ ريالًا.

٢٣) اكتب معادلة بمتغيّرين لتبيّن العلاقة بين عدد اللعب

(ع) ومقدار ما يكسبه من الريالات (ر).

٢٤) احسب ما يكسبه خالد إذا باع ١٢ علبة.

١) **تجارة:** يدير حسن مطعمًا صغيرًا لصنع الفطائر،

إذا كان إيجار المحل ٢٠٠ ريال يوميًا، ويعمل به

٣ عمال، الأجرة اليومية لكل منهم ٥٠ ريالًا، وينتج

في اليوم ٨٠ فطيرة تكلفه الواحدة ٥ ريالات، فكم

ريالًا يدفع حسن في اليوم؟

اكتب كل قوّة فيما يلي على صورة ضرب العامل في نفسه:

٢) $٣^٥$ ٣) $١٥^٤$

٤) **قياس:** يريد ماجد أن يقوم بطلاء جدار بيته بعده ٣

أمتار، ٧ أمتار. فإذا كانت علبة الدهان تكفي لطلاء

٢٠ مترًا مربعًا، فهل تكفي علبة واحدة لطلاء هذا

الجدار؟ علّل إجابتك.

٥) **اختيار من متعدد:**

ما قيمة $٨ + (١٢ \div ٣) - ٣ \times ٥$ ؟

(أ) ٦٠٣ (ب) ١٣٥

(ج) ٢٧ (د) ١٩

احسب قيمة كلٍّ من العبارات الآتية، إذا كانت

س = ١٢، ص = ٥، ع = ٣:

٦) س - ٩ ٧) ٨ ص ٨) $\frac{س \times ع}{ص + ١٣}$

٩) توفّر هدى ٥٤ ريالًا شهريًا لتشتري ساعة يد جديدة.

كم ريالًا توفّر هدى بعد ٧ أشهر؟ استعمل خاصية

التوزيع، ووضّح إجابتك.

حلّ كلًّا من المعادلات الآتية ذهنيًا:

١٠) $٩ + م = ١٦$ ١١) $١٤ - د = ٣٧$

١٢) $\frac{٩٦}{ت} = ٣٢$ ١٣) $٦ س = ١٢٦$



الاختبار التراكمي (١)

اختيار من متعدد

القسم ١

اختر الإجابة الصحيحة:

١ إذا كان سعر بيع النسخة من كتاب ٥, ٤ ريالات، ويبيع منه ٣٥ نسخة يوم الاثنين، و٥٢ نسخة يوم الثلاثاء، فما المعلومة التي تحتاج إليها لإيجاد مقدار الربح من مبيعات هذا الكتاب يومي الاثنين والثلاثاء؟

(أ) عدد الكتب المباعة يوم الأربعاء.

(ب) عدد الكتب المباعة يومي الاثنين والثلاثاء.

(ج) مجموع عدد الكتب المباعة.

(د) تكلفة النسخة الواحدة من الكتاب.

٢ يبين الجدول أدناه عدد الفطائر التي باعها مقصف مدرسة خلال أسبوع. أي مما يأتي لا يتوافق مع البيانات الواردة في الجدول؟

| اليوم | السبت | الأحد | الاثنين | الثلاثاء | الأربعاء |
|-------------|-------|-------|---------|----------|----------|
| عدد الفطائر | ٦٨ | ٨٩ | ٤٥ | ٩٥ | ٣٣ |

(أ) عدد الفطائر المباعة يوم الإثنين $\frac{1}{3}$ عدد الفطائر المباعة يوم الأحد تقريباً.

(ب) عدد الفطائر المباعة يوم الثلاثاء ٣ أضعاف عدد الفطائر المباعة يوم الأربعاء تقريباً.

(ج) مجموع عدد الفطائر المباعة خلال الأسبوع ٣٣٠ فطيرة.

(د) عدد الفطائر المباعة يوم السبت يزيد ٥٨ فطيرة على عدد الفطائر المباعة يوم الأربعاء.

٣ ما قيمة 3° ؟

(أ) ٢٤٣ (ب) ١٢٥

(ج) ١٥ (د) ٥

٤ اكتب $4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4$ بالصيغة الأسية.

(أ) ٤٦ (ب) ٦٤

(ج) ٤٤ (د) ٣٤

٥ يسير أسامة بسيارته بمعدل ٧٥ كلم/س يوم السبت، و٨٥ كلم/س يوم الأحد، و٨٠ كلم/س يوم الاثنين. إذا كانت (ل) ترمز إلى عدد الساعات التي يقطعها يوم السبت، وترمز (م) إلى عدد الساعات التي يقطعها يوم الأحد، وترمز (ع) إلى عدد الساعات التي يقطعها يوم الاثنين، فأَي مما يأتي يمثل مجموع المسافات التي يقطعها أسامة في الأيام الثلاثة؟

(أ) $٨٠ + ٨٥ + ٧٥$ ع

(ب) $٨٥ + ٧٥ + ٨٠$ ع

(ج) $٧٥ + ٨٥ + ٨٠$ ع

(د) $٧٥ + ٨٠ + ٨٥$ ع

٦ إذا كانت ٧٥, ٤, ٩٥, ٥ ص تمثل بالريالات سعر (س) كيلوجراماً من الموز، و(ص) كيلوجراماً من التفاح. فما ثمن ٣ كيلوجرامات من الموز و ٥ كيلوجرامات من التفاح؟

(أ) ٤١, ٦ ريالاً (ب) ٤٤ ريالاً

(ج) ١٠, ٧ ريالات (د) ٥٣, ٥ ريالاً



وزارة التعليم

Ministry of Education

2023 - 1445

١٣ ما قيمة هـ التي تجعل المعادلة هـ $\div 6 = 8$ صحيحة؟

١٤ استعمل خاصية التوزيع لإعادة كتابة العبارة $4(5 + 3)$ ، ثم احسب قيمتها.

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤالين الآتيين موضعاً خطوات الحل:

| س | ٤س | ص |
|---|----|---|
| ٣ | | |
| ٤ | | |
| ٥ | | |
| ٦ | | |

١٥ أكمل الجدول المجاور، ثم حدد مجال الدالة ص = ٤س ومداها.

استعمل استراتيجية «التخمين والتحقق».

١٦ أوجد عددين حاصل ضربهما ٣٠ والفرق بينهما ١٣.



أدرب

من خلال الإجابة عن الأسئلة؛ حتى أعزز ما تعلمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

للاطلاع

أنا طالبٌ معدٌّ للحياة، ومنافسٌ عالمياً.

٧ احسب قيمة: $5 \times 2 + 6 \div 48$.

(أ) ١٨ (ب) ٢٠

(ج) ٣٠ (د) ٥٠

٨ حل المعادلة $15 = س + 5$ ذهنياً.

(أ) ٥ (ب) ١٠

(ج) ١٥ (د) ٢٠

٩ احسب قيمة $8 + (18 + 22)$.

(أ) ٤٨ (ب) ٣٨

(ج) ٥٦ (د) ٥٨

١٠ إذا كان ثمن عبوة عصير ٥، ٢ ريال، فما ثمن ٦ عبوات من النوع نفسه؟

(أ) ٨، ٥ ريالات (ب) ١٢ ريالاً

(ج) ١٥ ريالاً (د) ١٧، ٥ ريالاً

١١ ما العدد الأكبر بين الأعداد: ٢، ٣، ٢٧، ٣٤؟

(أ) ٢ (ب) ٢٧

(ج) ٣ (د) ٣٤

الإجابة القصيرة

القسم ٢

أجب عن الأسئلة الآتية:

١٢ احسب قيمة العبارة، وبرر كل خطوة؟

$$7 + (5 + 4) \div 3$$

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجب عن السؤال

فراجع الدرس

| | | | | | | | | | | | | | | | |
|------|-------|-------|-------|-------|------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| ١٦ | ١٥ | ١٤ | ١٣ | ١٢ | ١١ | ١٠ | ٩ | ٨ | ٧ | ٦ | ٥ | ٤ | ٣ | ٢ | ١ |
| ٤-١٦ | ١٥-١٤ | ١٣-١٢ | ١٢-١١ | ١١-١٠ | ١٠-٩ | ٩-٨ | ٨-٧ | ٧-٦ | ٦-٥ | ٥-٤ | ٤-٣ | ٣-٢ | ٢-١ | ١-٠ | ٠-١ |

وزارة التعليم

Ministry of Education

٢٠٢٥ الفصل ١ : الاختبار التراكمي (١٤٤٥هـ)

الأعداد الصحيحة

الفكرة العامة

- أجمعُ الأعداد الصحيحة، وأطرحها، وأضربها، وأقسمها لحل المسائل ذات العلاقة، وأبرر الحل.

المفردات:

العدد الصحيح (٥٠)

التمثيل البياني لعدد صحيح (٥٠)

مثال من واقع الحياة:

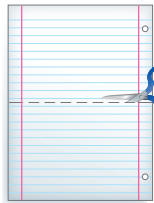
برج المملكة: وُضِعَتْ أساسات برج المملكة بالرياض على عمق حوالي ٣٠ مترًا تحت مستوى سطح الأرض.

المَطْوِيَّاتُ

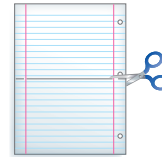
مُنَظَّمُ أَفْكَارٍ

الأعداد الصحيحة: اعمل هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك.

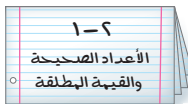
ابدأ بورقتين A4.



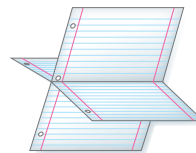
٢ اطو الورقة الثانية من المنتصف،
بشي القمّة باتجاه القاعدة، وقصّ
على طول الثنية في المنتصف فقط
بين الهامشين.



١ اطو الورقة الأولى من المنتصف
بشي القمّة باتجاه القاعدة، وقصّ
على طول الثنية من الحواف إلى
الهوامش.



٤ سمّ كل جزء بإعطائه رقم
الدرس وعنوانه.



٣ أدخل الورقة الأولى
في الورقة الثانية وافتح
الطيّات (الثنيات).



التهيئة

أجب عن الاختبار التالي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

اختبار للتدريب

مراجعة للتدريب

مثال ١: ضع إشارة < أو > في \bullet لتصبح ٣, ١٤ \bullet ٣, ٤١
جملة صحيحة.

رتب العددين رأسياً ابتداءً من الفاصلة العشرية

٣, ١٤
٣, ٤١
↑

الأرقام في المنزلة العشرية غير متساوية؛ فالعشر أقل من ٤ أعشار؛ إذن $٣, ١٤ > ٣, ٤١$.

ضع إشارة < أو > في \bullet ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة: (مهارة سابقة):

١ ١٤٥٨ \bullet ١٥٤٨ ٢ ٣٦ \bullet ٣٤

٣ ١, ٠٢ \bullet ١, ٢٠ ٤ ٧٦, ٧ \bullet ٧٧, ٦

٥ نقود: يتقاضى ماهر في عمله ٦٥, ٧٥ ريالاً عن كل يوم، بينما يتقاضى مازن ٦٥, ٥ ريالاً. أيهما يتقاضى أكثر؟ (مهارة سابقة):

مثال ٢: احسب قيمة العبارة ١١ - أ + ب، إذا كانت أ = ٢، ب = ٨

١١ - أ + ب = ١١ - ٢ - ٨ عوض عن أ بـ ٢، وعن ب بـ ٨
٨ + ٩ = ا طرح ٢ من ١١
١٧ = ا جمع

احسب قيمة كل عبارة فيما يأتي، إذا كانت أ = ٧، ب = ٢، ج = ١١: (مهارة سابقة):

٦ أ + ٨ ٧ أ + ب + ج

٨ ج - ب ٩ أ - ب + ٤

١٠ درجة الحرارة: بلغت درجة الحرارة في الساعة الثامنة صباحاً ١٦°س، ثم ارتفعت ٩ درجات بعد الظهر. كم أصبحت درجة الحرارة بعد الظهر؟ (مهارة سابقة):

مثال ٣: احسب قيمة العبارة $١٦ \div ٢ + م$ ، إذا كانت م = ٣، ن = ٨

$١٦ \div ٢ + م = ١٦ \div ٢ + ٣$ عوض عن م بـ ٣ وعن ن بـ ٨
 $٣ + ١٦ \div ٢ = ٣ + ٨$ احسب قيمة ٨
 $٣ + ٨ = ١١$ ا قسم ١٦ على ٢
 $١١ = ٣ + ٨$ ا جمع

احسب قيمة كل عبارة فيما يأتي، إذا كانت س = ٩، ص = ٤: (مهارة سابقة):

١١ ٦ س ص ١٢ ص $\div ٢ - ١$

١٣ س + ٥ \times ص ١٤ س $\div ٢ + (٥ + ص)$

١٥ طيران: تُعطى المسافة التي تقطعها طائرة في الزمن ن ساعة، وبسرعة ع كيلومتر لكل ساعة بالعلاقة التالية:
ف = ع ن، حيث ف المسافة بالكيلومتر. أوجد المسافة التي تقطعها طائرة خلال زمن قدره ٤ ساعات، وبسرعة ٤٧٥ كيلومتراً في الساعة. (مهارة سابقة):





الأعداد الصحيحة والقيمة المطلقة

١ - ٢

استعد



إنشاءات هندسية: الأساسات هي القاعدة السفلى التي تركز عليها البناية. إذا صُبَّت أساسات بناية على عمق ٥ أمتار دون مستوى الشارع فإن (٥-) تعني خمسة أمتار تحت مستوى الشارع.

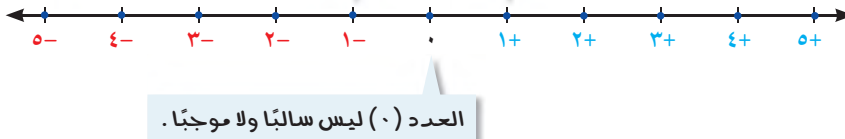
١ ماذا تمثل القيمة -١٠؟

٢ إذا كان ارتفاع البناية ٢٠ مترًا فوق مستوى الشارع، فكيف يمكنك تمثيل هذه القيمة؟

تُسمَّى الأعداد، مثل: ٢٠، -٥ أعدادًا صحيحة. فالعدد الصحيح هو أي عدد من المجموعة: {...، ٤، ٣، ٢، ١، ٠، -١، -٢، -٣، -٤، ...}

الأعداد الصحيحة السالبة هي
أعداد صحيحة أقل من (٠)،
وتُكتب مسبقة بإشارة (-).

الأعداد الصحيحة الموجبة هي
أعداد صحيحة أكبر من (٠)، وتُكتب
مسبوقة بإشارة (+) أو بدونها.



فكرة الدرس:

أقرأ الأعداد الصحيحة وأكتبها،
وأجد القيمة المطلقة لعدد.

المفردات:

العدد الصحيح

العدد الصحيح الموجب

العدد الصحيح السالب

التمثيل البياني لعدد صحيح

القيمة المطلقة

قراءة الرياضيات:

المجموعة:

القوسان { } يستعملان للدلالة على مجموعة.
والنقاط ... تعني أن الأعداد تستمر دون توقف.

مثالان من واقع الحياة

طقس: اكتب عددًا صحيحًا لكل مما يلي:

١ معدّل درجة الحرارة أقل من الطبيعي بـ ٥ درجات.

بما أن معدّل درجة الحرارة أقل من الطبيعي، فإن العدد الصحيح هو -٥.

٢ معدّل هطول الأمطار ١٢ سنتيمترًا فوق الطبيعي.

بما أن معدل هطول الأمطار فوق الطبيعي، فإن العدد الصحيح هو +١٢ أو ١٢.

تحقق من فهمك:

اكتب عددًا صحيحًا لكل مما يأتي:

أ) ٦ درجات فوق الطبيعي. ب) ٥ سم دون الطبيعي.

إرشادات للدراسة:

أقل من الطبيعي،

فوق الطبيعي

في السؤالين ١، ٢

أقل من الطبيعي تعني أقل

من المعدل المعتاد في مثل

هذا الوقت من السنة.

فوق الطبيعي تعني أكثر

من المعدل المعتاد في مثل

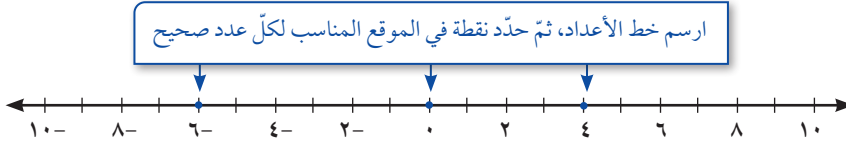
هذا الوقت من السنة.

يمكن أن تمثل عددًا صحيحًا بيانيًا على خط الأعداد بتعيين نقطة في الموقع المناسب.

تمثيل الأعداد الصحيحة بيانياً

مثال

مثّل مجموعة الأعداد الصحيحة $\{0, -6, 4\}$ بيانياً على خط الأعداد.



تحقق من فهمك:

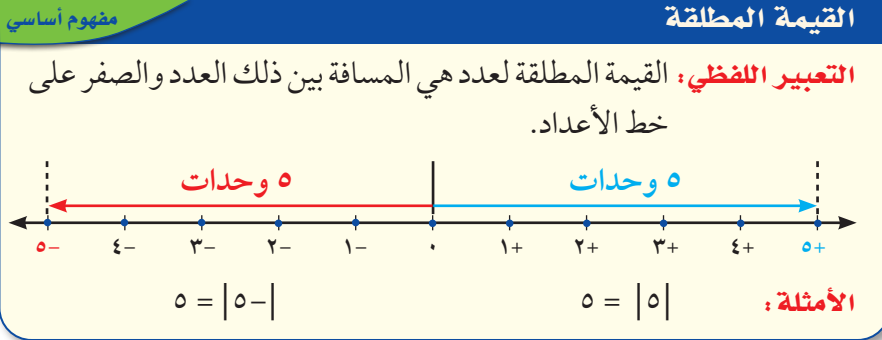
مثّل كل مجموعة أعداد صحيحة مما يأتي بيانياً على خط الأعداد:
(ج) $\{-7, -8, -2\}$ (د) $\{-7, -3, -10, -4\}$

على خط الأعداد المرسوم أدناه، لاحظ أن كلاً من العددين الصحيحين -5 و 5 يبعدان 5 وحدات عن الصفر، على الرغم من أنهما يقعان في جهتين مختلفتين منه. الأعداد التي تبعد المسافة نفسها عن الصفر على خط الأعداد لها **القيمة المطلقة** نفسها.

قراءة الرياضيات:

القيمة المطلقة:

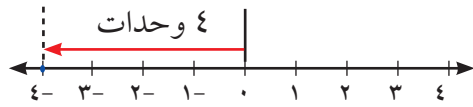
$|-5|$ هي القيمة المطلقة لـ -5 مسافة خمسة.



مثالان إيجاد قيمة عبارة

أوجد قيمة كلٍّ من العبارتين الآتيتين:

$|-4|$



النقطة -4 على خط الأعداد تبعد 4 وحدات عن الصفر
إذن $|-4| = 4$

$|-5| - |2|$

$5 - 2 = 3$

تحقق من فهمك:

أوجد قيمة كلٍّ من العبارات الآتية:
(هـ) $|-8|$ (و) $|-3| + 2$

(ز) $|-6| - 5$

إرشادات للدراسة

ترتيب العمليات

إشارة القيمة المطلقة تُعامل مثل الأقواس، فهنا لحساب $|-5| - |2|$ أوجد القيمة المطلقة قبل الطرح.



المثالان ٢، ١ اكتب عددًا صحيحًا لكلّ مما يأتي:

١ خسارة ٣ ريالات ٢ ٣ درجات مئوية تحت الصفر

٣ توفير بمقدار ١٦ ريالًا ٤ ٢٥٠ م فوق سطح البحر

٥ **هندسة:** صبّت أساسات برج العرب بدبي على عمق ٤٠ مترًا تحت قاع البحر، اكتب عددًا صحيحًا يمثل هذا العمق.

مثّل بيانًا كلّ مجموعة مما يأتي على خط الأعداد:

٦ {١١، -٥، -٨} ٧ {٢، -١، -٩، ١}

المثالان ٤، ٥ أوجد قيمة كل عبارة فما يأتي:

٨ $|٩ - |$ ٩ $|٧| + ١$ ١٠ $|٦ - | + |١ - |$

تدرّب وحلّ المسائل

اكتب عددًا صحيحًا لكلّ مما يأتي:

١١ مكسب ٩ ريالات ١٢ سحب بنكي بمقدار ١٠٠٠ ريال

١٣ ١٣ س تحت الصفر ١٤ ٤٨ مترًا فوق سطح البحر

١٥ مصعد يرتفع ١٧ طابقًا ١٦ لا ربح ولا خسارة في أول صفقة

مثّل بيانًا كلّ مجموعة مما يأتي على خط الأعداد:

١٧ تصلّ خسائر البلدان؛ بسبب مشكلة تعاطي المخدرات إلى ٤٠ مليارًا.

١٨ {٣، -١، ٠} ١٩ {-٥، -١، ١٠، -٩}

أوجد قيمة كل عبارة مما يأتي:

٢٠ $|١٠|$ ٢١ $|١٢ - |$ ٢٢ $٥ - |٧ - |$

٢٣ $|٥ - | + |٩ - |$ ٢٤ $|٥| \times ٢ \div |١٠ - |$ ٢٥ $|٤ - | - ٣ \div |٢٧|$

٢٦ **رياضة:** يهبط غواص مسافة ٣ م، ويرتفع زميله ٢ م. في أيّ الحالتين تكون القيمة المطلقة أكبر؟ وضح ذلك.

٢٧ **علوم:** إذا دلكت بالونًا بشعرك ووضعت على الجدار فإنّه يلتصق به. افترض أن عدد



الشحنات الموجبة على الجدار ١٧، وعدد الشحنات السالبة على البالون

اكتب عددًا صحيحًا لكلّ منهما.

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ١٦-١١ | ٢، ١ |
| ١٨، ١٧ | ٣ |
| ٢٤-١٩ | ٥، ٤ |



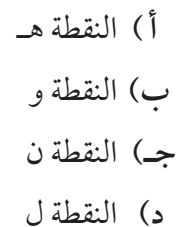
الربط مع الحياة:

يتوقع أن يخسر أي مجتمع مليارات بسبب مشكلات تعاطي المخدرات، وما تحدّثه من تعطل للإنتاجية وخسائر مختلفة.

٢٨ استدلال: إذا كان $|س| = ٣$ ، فما قيمة س؟

٣٠ | الكتب موقفاً من الواقع تستعمل فيه أعداداً صحيحة سالبة، ووضّح معنى العدد السالب في هذا الموقف.

٣١ أي النقاط التالية لإحداثها أكبر قيمة مطلقة؟



٣٢ أي المواقف الحياتية الآتية ليس صحيحًا؟

- (أ) يُعَبَّرُ عن إيداع ١٠٠ ريال في البنك بالعدد + ١٠٠
(ب) يُعَبَّرُ عن خسارة ١٥ نقطة في مسابقة بالعدد - ١٥
(ج) يُعَبَّرُ عن وصول غواصة إلى عمق ٣٠٠ قدم تحت
سطح الماء بالعدد + ٣٠٠
(د) يُعَبَّرُ عن درجة الحرارة ٢٠ تحت الصفر بالعدد - ٢٠

أكمل كلاً من الجدولين الآتيين، ثم حدّد مجال الدالة ومداها. (الدرس ١ - ٨)

۳۴ ص = ۹ س

| ص | س ۹ | س |
|---|-----|---|
| | | ۰ |
| | | ۱ |
| | | ۲ |
| | | ۳ |

۳۳ ص = س - ۴

| ص | س - ۴ | س |
|---|-------|---|
| | | ۴ |
| | | ۵ |
| | | ۶ |
| | | ۷ |

٣٥ حل المعادلة $٨, ٨ = ١, ٢$ (الدرس ١ - ٦)

مهارة سابقة: ضع إشارة < أو > أو = في ● ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة:

1.01 1.01 ۳۹

၈၃, ၇ ● ၈၇, ၃



٦ ١٦ ٣٦

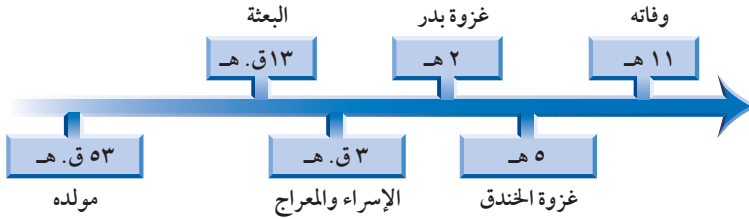


مقارنة الأعداد الصحيحة وترتيبها

٢ - ٢

استعد

تاريخ: يبين الخط الزمني التالي بعض أحداث سيرة النبي ﷺ.



فكرة الدرس:

أقارن الأعداد الصحيحة وأرتبها.

- ١ كانت الهجرة الأولى للحبشة في السنة ٨ قبل الهجرة، فهل كانت قبل الإسراء والمعراج أم بعده؟
- ٢ إذا علمت أن غزوة أحد كانت في السنة الثالثة من الهجرة، فما الحدثان اللذان تقع غزوة أحد بينهما؟

عندما يتم تمثيل عددين بيانياً على خط الأعداد، فإن العدد الذي يقع إلى اليسار يكون دائماً أقل من العدد الواقع إلى اليمين، فالعدد الأيمن دائماً أكبر من العدد الأيسر.

مقارنة الأعداد الصحيحة

النموذج:

التعبير اللفظي: ٤- أقل من ٢- ، ٢- أكبر من ٤-

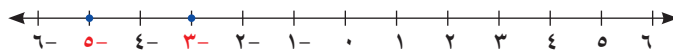
الأمثلة: ٤- < ٢- ، ٢- > ٤-

المقارنة بين عددين صحيحين

مثال

١ ضع إشارة < أو > في • لتصبح ٥- • ٣- جملة صحيحة.

مثل كلاً من العددين الصحيحين بيانياً على خط الأعداد:



بما أن ٥- يقع إلى يسار ٣-، فإن ٥- > ٣-

تحقق من فهمك:

ضع إشارة < أو > في • ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة:

١٠- • ١٣-

١- • ٥

٤- • ٨

مثال من اختبار

٢ أملك قائمة تمثل درجات حرارة سُجّلت في ٤ عواصم لدول عربية في أحد أيام فصل الشتاء. أيّ ممّا يأتي يمثل ترتيب درجات الحرارة من الأعلى إلى الأدنى؟

| العاصمة | درجة الحرارة |
|---------|--------------|
| الرياض | ١٩ |
| عمان | ٦- |
| المنامة | ٢٢ |
| بيروت | ١٢- |

(أ) ١٩، ١٢، ٢٢، ٦-

(ب) ٢٢، ١٢، ١٩، ٦-

(ج) ١٢، ١٩، ٦، ٢٢

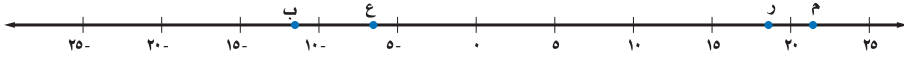
(د) ١٢، ٢٢، ١٩، ٦-

اقرأ:

لترتيب الأعداد الأربعة مثلها بياناً على خط الأعداد.

حل:

ارمز إلى الرياض بالرمز ر، وإلى عمان ع، والمنامة م، وبيروت ب:



رتّب الأعداد من الأعلى إلى الأدنى بقراءتها على خط الأعداد من اليمين إلى اليسار: ٢٢، ١٩، ٦، ١٢، إذن الإجابة الصحيحة هي د.

تحقق من فهمك:

تمثل القوائم التالية الأرباح والخسائر الأسبوعية بالآلاف لمحل تجاري. أيها مرتّب من الأصغر إلى الأكبر؟

(ب) ٥، ٢، ٠، ١، ٣-

(أ) ٣، ١، ٠، ٢، ٥

(د) ٥، ٣، ٠، ٢، ١-

(ج) ٥، ٢، ٠، ٣، ١-

تاكد

ضع إشارة > أو < في • ليصبح كل ممّا يأتي جملة صحيحة:

١٠ - ٠ •

٨ - ٢ •

٦ - ٤ •

رتّب الأعداد الصحيحة في كلّ مجموعة من الأصغر إلى الأكبر:

{١٨، ١٩، ١٠، ١٦، ١٢} •

{٤، ٠، ٢، ٩، ١٣} •

٦ اختيار من متعدّد: تم رصد درجات الحرارة الدنيا في بعض المدن في العالم.

أيّ المجموعات التالية يمثل هذه الدرجات مرتّبة من الأبرد إلى الأدفأ؟

(ب) {١٢، ١٩، ٣٦، ٤٠، ١٢}

(أ) {١٢، ٤٠، ٣٦، ١٩، ١٢}

(د) {٣٦، ١٢، ١٩، ٤٠، ١٢}

(ج) {٤٠، ٣٦، ١٩، ١٢، ١٢}

وزارة التعليم

Ministry of Education

الدرس ٢ - ٢ : مقارنة الأعداد الصحيحة وترتيبها

2020 1446

تدرّب وحلّ المسائل

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ١٢-٧ | ١ |
| ١٥-١٣ | ٢ |

ضع إشارة < أو > في \bullet ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة:

| | | |
|---------------------|---------------------|----------------------|
| ٩ \bullet ١٥- ٣٣- | ٨ \bullet ٢١- ١٢- | ٧ \bullet ٧- ٣- |
| ١٢ \bullet ١٢- ٨ | ١١ \bullet ٤- ٤ | ١٠ \bullet ١٧- ٢٠- |

رتّب الأعداد الصحيحة في كلّ مجموعة من الأصغر إلى الأكبر:

| | |
|---|----------------------------------|
| ١٤ \bullet {١٠، ٢٣-، ١٥-، ٨، ١٥، ١٢-} | ١٣ \bullet {٣-، ٥-، ٦، ١١، ٨-} |
|---|----------------------------------|

| المنطقة | العمق |
|-------------|--------|
| البحر | ٤٠٠٠ م |
| الهدال | ٦٠٠٠ م |
| منتصف الليل | ١٠٠٠ م |
| ضوء النهار | ٠ م |
| الفجر | ٢٠٠ م |

١٥ تحليل جداول: إذا كان قاع المحيط مقسّمًا إلى خمس

مناطق وفقًا للعمق الذي يخترقه ضوء الشمس، فرتّب هذه المناطق من الأقرب إلى الأبعد بالنسبة لسطح المحيط.

ضع إشارة < أو > أو = في \bullet ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة:

| | | |
|-----------------------|-----------------------|------------------------|
| ١٨ \bullet ٢٩- ٩٢ | ١٧ \bullet ١٢- ١٢ | ١٦ \bullet ٣٦- ٣٧- |
|-----------------------|-----------------------|------------------------|

| برودة الهواء | | | | | |
|-------------------------|-----|-----|----|----|---------------------------|
| درجة الحرارة (سيلييزية) | | | | | سرعة الرياح ميل / ساعة |
| ٥- | ٠ | ٥ | ١٠ | ١٥ | ٥ |
| ١٦- | ١١- | ٥- | ١ | ٧ | ١٠ |
| ٢٢- | ١٦- | ١٠- | ٤- | ٣ | ١٥ |
| ٢٦- | ١٩- | ١٣- | ٧- | ٠ | ٢٠ |
| ٢٩- | ٢٣- | ١٥- | ٩- | ٢- | |

١٩ طقس: اخترع مؤشر برودة الهواء

عام ١٩٣٩ م. مستعملًا الجدول المجاور، في أيّ الحالتين يشعر الفرد بالبرودة أكثر: عند درجة حرارة ١٠°س بسرعة ١٥ ميلًا / ساعة، أم عند درجة حرارة ٥°س بسرعة ١٠ أميال / ساعة؟

حدّد ما إذا كانت كلّ جملة مما يأتي صحيحة أم خاطئة، وإذا كانت خاطئة، فغيّر أحد العددين لتصبح الجملة صحيحة:

| | | | |
|------------------------|----------------------|---------------------|---------------------|
| ٢٣ \bullet ٨- < ١٠ | ٢٢ \bullet ٥ > ٦ | ٢١ \bullet ٧- > ٠ | ٢٠ \bullet ٨- < ٥ |
|------------------------|----------------------|---------------------|---------------------|



مسائل مهارات التفكير العليا

٢٤ **حسن عددي:** إذا كان العدد صفر هو أكبر عدد صحيح في مجموعة مكونة من

خمسة أعداد صحيحة، فماذا تستنتج عن الأعداد الأربعة الأخرى؟

٢٥ **تحد:** ما أكبر قيمة ممكنة للعدد الصحيح n إذا كان $n > 0$ ؟

٢٦ **اكتب:** فكّر في طريقة لترتيب مجموعة من الأعداد الصحيحة السالبة من

الأصغر إلى الأكبر دون استعمال خط الأعداد. وضح طريقتك باستعمالها في

ترتيب الأعداد: -5 ، -8 ، -1 ، -3

تدريب على اختبار

٢٨ أيّ الجمل الآتية حول القيم الواردة في الجدول أدناه غير صحيحة؟

| المدينة | درجة الحرارة |
|---------|--------------|
| س | -16 |
| ص | -11 |
| ع | -12 |
| ل | -17 |
| هـ | -14 |

- (أ) درجة الحرارة في المدينة ل أقل منها في س
(ب) درجة الحرارة في المدينة س أقل منها في ص
(ج) درجة الحرارة في المدينة ع أكبر منها في هـ
(د) درجة الحرارة في المدينة هـ أقل منها في س

٢٧ تمثل القوائم الآتية النقاط التي كسبها وخسرهما يوسف في أثناء مسابقة ثقافية.

أيّ هذه القوائم مرتب من الأعلى إلى الأدنى؟

- (أ) -200 ، -400 ، 1000 ، 200
(ب) 200 ، -400 ، 1000 ، -600
(ج) 1000 ، -200 ، -400 ، 600
(د) -200 ، 600 ، -400 ، 1000

مراجعة تراكمية

اكتب عددًا صحيحًا لكلّ مما يأتي. (الدرس ١ - ٢)

٢٩ 9° س تحت الصفر ٣٠ قفز إلى أعلى ٢ متر.

أشجار: للسؤالين ٣١، ٣٢ استعمل المعلومات الآتية: (الدرس ١ - ٨)
قدّر سعيد أنه يستطيع أن يزرع ٦ أشجار كل ساعة.

٣١ اكتب معادلة بمتغيرين تمثل العدد الكلي للأشجار س التي يزرعها سعيد بعد (ن) ساعة.

٣٢ كم شجرة يزرع سعيد في ٤ ساعات؟

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: مثل كل نقطة مما يأتي على خط أعداد رأسي مدرج من -10 إلى $+10$. (الدرس ١ - ٢)



٣٣ -٧

٣٥ -٤

٣٤ ٠

٣٣ -٣



المستوى الإحداثي

٣ - ٢



استعد

نظام تحديد الموقع هو نظام جغرافي يعتمد على الأرقام الصناعية، وفيما يلي خريطة تمثل جزءاً من إحدى المدن.

١ افترض أن علياً انطلق من الجامعة وتحرك

٣ مربعات في اتجاه الشمال، فما اسم الشارع الذي سيصل إليه؟

٢ استعمل الكلمات: شمال، جنوب، شرق، غرب لكتابة إرشادات للتحرك من الحديقة إلى الفندق.

فكرة الدرس:

أمثل نقاطاً في المستوى الإحداثي.

المفردات:

المستوى الإحداثي

الربع

محور السينات

محور الصادات

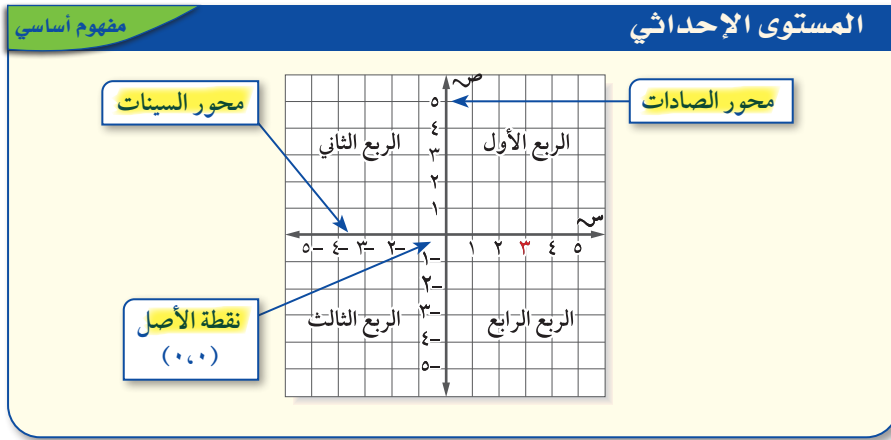
نقطة الأصل

الزوج المرتب

الإحداثي السيني

الإحداثي الصادي

يتم تعيين المدن والشوارع على شبكة نظام تحديد الموقع. وفي الرياضيات تُستعمل شبكة تُسمى **المستوى الإحداثي** لتعيين النقاط. ويتكوّن المستوى الإحداثي من تقاطع خطيّ أعداد متعامدين، يقسمان المستوى إلى أربع مناطق تُسمى **أرباعاً**.



والزوج المرتب هو زوج من الأعداد، مثل (٣، ٢)، يعبر عن نقطة على المستوى الإحداثي.

الإحداثي الصادي
يرتبط بالعدد الممثل على محور الصادات

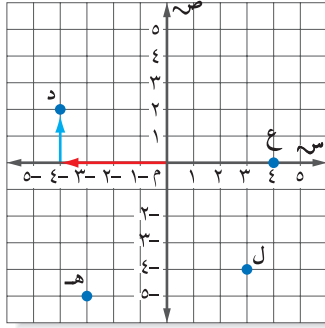
(٣، ٢)

الإحداثي السيني
يرتبط بالعدد الممثل على محور السينات

عند تعيين زوج مرتّب، فإنّ التحرك إلى اليمين أو إلى أعلى ابتداءً من نقطة الأصل $(0, 0)$ على المستوى الإحداثي يعبر عن الاتجاه الموجب، أمّا التحرك إلى اليسار أو إلى أسفل فيعبر عن الاتجاه السالب.

تسمية النقاط باستعمال الأزواج المرتبة

مثال



١ اكتب الزوج المرتّب الذي يعبر عن النقطة د، ثم حدّد الربع الذي تقع فيه النقطة.

- ابدأ من نقطة الأصل.
- تحرك يساراً على محور السينات لتحديد الإحداثي السيني للنقطة (د)، وهو في هذه الحالة -٤.
- تحرك إلى أعلى لإيجاد الإحداثي الصادي، وهو في هذه الحالة ٣.

إذن النقطة د تقابل الزوج المرتّب $(-4, 3)$ ، وهي تقع في الربع الثاني.

تحقق من فهمك:

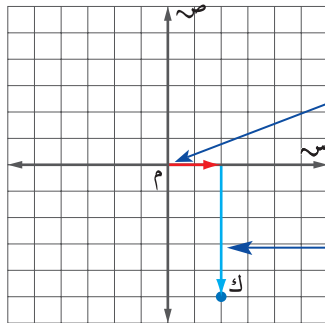
اكتب الزوج المرتّب المقابل لكل نقطة، ثم حدّد الربع الذي تقع فيه أو المحور الذي تقع عليه.

(أ) ل (ب) هـ (ج) ع

التمثيل البياني لزوج مرتّب

مثال

٢ مثل بيانياً النقطة ك $(5, -2)$ ، وسمّها.



ابداً بنقطة الأصل. الإحداثي السيني ٥، لذا تحرك وحدتين إلى اليمين.

بما أنّ الإحداثي الصادي -٥، تحرك ٥ وحدات إلى أسفل، وعيّن النقطة ك.

إرشادات للدراسة

تدريج:

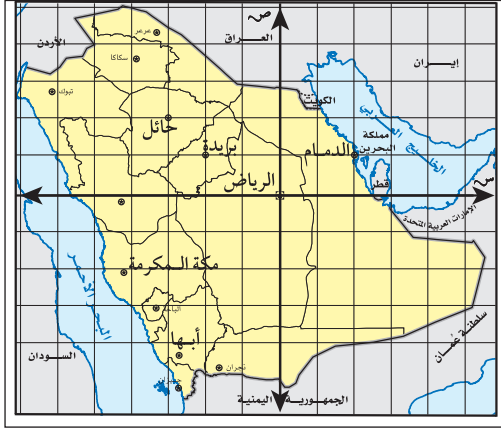
عندما لا تظهر أعداد على المحورين السيني والصادي فافترض أن طول ضلع كل مربع يمثل وحدة واحدة.

تحقق من فهمك:

ارسم المستوى الإحداثي على ورقة رسم بياني، ثم مثل النقاط التالية عليه، وسمّها:

(د) ل $(-4, 2)$ (هـ) ع $(-5, 3)$ (و) ن $(1, 0)$

مثال من واقع الحياة



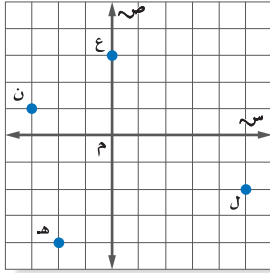
جغرافيا: يمكن تقسيم الخريطة إلى مستوى إحداثي، حيث يمثل محور السينات المسافة المقطوعة يميناً أو يساراً، ويمثل محور الصادات المسافة المقطوعة إلى أعلى أو إلى أسفل. ما المدينة التي تقع عند النقطة (٢، ١)؟ وفي أي ربع؟

ابدأ من نقطة الأصل، وتحرك وحدتين يميناً، ثم وحدة واحدة إلى أعلى، فتجد «مدينة الدمام» عند النقطة (٢، ١)، وهي في الربع الأول.

تحقق من فهمك:

- استعمل الخريطة أعلاه لحل ما يأتي:
- (ز) اكتب الزوج المرتب المقابل لمدينة حائل.
- (ح) ما المدينة التي تقع عند نقطة الأصل؟

تأكد



اكتب الزوج المرتب الذي يقابل كلًا من النقاط الآتية، ثم حدّد الربع الذي تقع فيه أو المحور الذي تقع عليه:

- ١ ع ٢ ن ٣ هـ ٤ ل

المثال ١

ارسم المستوى الإحداثي في ورقة رسم بياني، ثم مثل النقاط الآتية، وسمّها:

- ٥ ت (٣، ٢) ٦ ث (-٤، ٦) ٧ ط (-٥، ٠) ٨ غ (-١، ٢)

المثال ٢

جغرافيا: لحلّ السؤالين ٩، ١٠، استعمل الخريطة في المثال ٣.

٩ أي المدن تقع عند النقطة (-٢، ١)؟

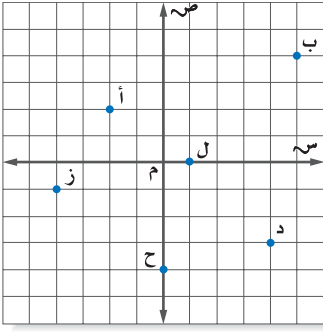
١٠ في أي ربع تقع مدينة أبها؟



تدرب وحل المسائل

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ١٦ - ١١ | ١ |
| ٢٤ - ١٧ | ٢ |
| ٢٦، ٢٥ | ٣ |



اكتب الزوج المرتب الذي يقابل كل نقطة من النقاط التالية، ثم حدّد الربع الذي تقع فيه أو المحور الذي تقع عليه:

أ ١١ ب ١٢ د ١٣

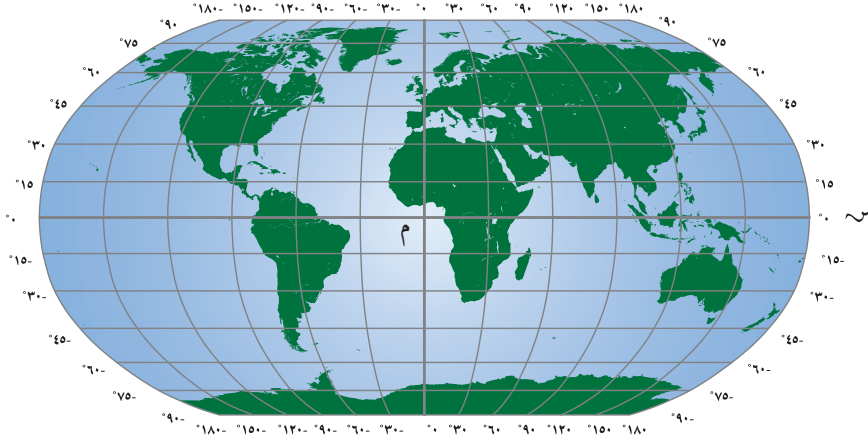
ز ١٤ ح ١٥ ل ١٦

ارسم المستوى الإحداثي في ورقة رسم بياني، ثم مثل كلاً من النقاط الآتية عليه، وسمّها:

١٧ ك (٦، ٥) ١٨ ن (١٠، ٢-) ١٩ س (٨، ٧-) ٢٠ ص (٠، ٣)

٢١ ر (٧-، ١-) ٢٢ ط (٦، ٠) ٢٣ خ (٠، ٤-) ٢٤ ي (٥-، ٠)

جغرافيا: يمكن تقسيم خريطة العالم بحسب المستوى الإحداثي، حيث (س، ص) يمثلان (درجات الطول، درجات العرض). استعمل خريطة العالم لحل السؤالين ٢٥، ٢٦:



٢٥ في أي قارة تقع النقطة (٣٠° طول، ١٥° عرض)؟

٢٦ أي القارات تقع كاملة في الربع الأول؟

٢٧ **هندسة:** مثل بيانياً أربع نقاط على المستوى الإحداثي بحيث تشكّل رؤوس مربع عند وصلها معاً، ثم حدّد الأزواج المرتبة المقابلة لها.

٢٨ **بحث:** استعمل الإنترنت أو أي مصدر آخر لتوضيح سبب تسمية المستوى الإحداثي في بعض الأحيان بالمستوى الديكارتي.

حدّد ما إذا كانت كل عبارة مما يأتي صحيحة دائماً أم صحيحة أحياناً أم غير صحيحة أبداً. وضح إجابتك بإعطاء مثال مضاد:

٢٩ كل من الإحداثيين السيني والصادي لنقطة تقع في الربع الثالث سالب.

٣٠ الإحداثي الصادي لنقطة تقع على محور الصادات سالب.

٣١ الإحداثي الصادي لنقطة تقع في الربع الثاني سالب.



مسائل

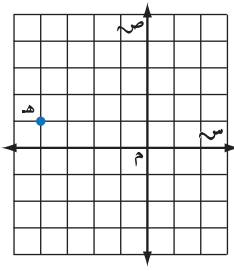
مهارات التفكير العليا

مسألة مفتوحة: اقترح طريقة تحدد من خلالها الربع الذي تقع فيه نقطة ما دون الاستعانة بالتمثيل البياني، ثم أعط مثالاً يوضح ذلك.

اكتب وضح لماذا يختلف موقع النقطة أ (١، ٢-) عن موقع النقطة ب (١، ٢-).

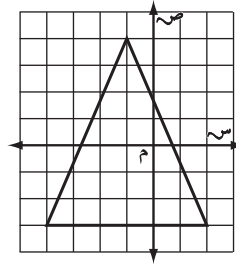
تدريب على اختبار

٣٥ ما إحداثيات النقطة هـ في الشكل أدناه؟



- أ) (١، ٤)
- ب) (١، ٤-)
- ج) (٤، ١)
- د) (٤-، ١)

٣٤ أي النقاط التالية تقع داخل المثلث المرسوم في



الشكل أدناه؟

- أ) (٢، ١-)
- ب) (١-، ٤-)
- ج) (٣، ١)
- د) (٢-، ٢)

مراجعة تراكمية

ضع إشارة < أو > أو = في ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة. (الدرس ٢-٢)

$40 - |40|$ **٣٩**

$15 - |14|$ **٣٨**

$30 - 26$ **٣٧**

$3 - 8$ **٣٦**

٤٠ أوجد القيمة المطلقة للعدد ١٠١- (الدرس ٢-١)

٤١ ماراثون: استعدادًا لسباق الماراثون، بدأ فهد بالركض ٨ كيلومترات كل يوم من أيام الأسبوع (من السبت إلى الأربعاء)، و١٢ كيلومترًا في كل من يومي الخميس والجمعة. كم كيلومترًا ركض فهد في الأسبوع كاملاً؟ (الدرس ١-١)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اجمع:

$5734 + 6003$ **٤٤**

$512 + 814$ **٤٣**

$246 + 138$ **٤٢**

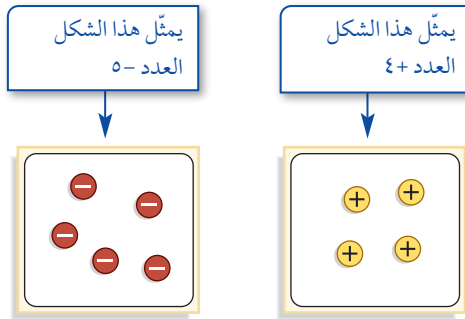




يمكنك استعمال قطع العدّ الموجبة والسالبة لتوضيح عملية الجمع على الأعداد الصحيحة؛ فالقطعة $+$ تمثل ١، والقطعة $-$ تمثل -١.

فكرة الدرس:

أستعمل قطع العدّ لتمثيل عملية جمع الأعداد الصحيحة.

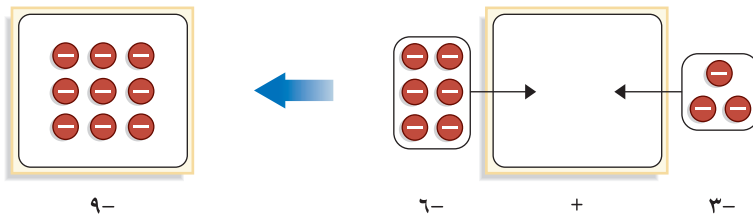


نشاط

١ استعمال قطع العدّ لإيجاد $(-٦) + (-٣)$

أوجد المجموع الكلي للقطع

ضم ٣ قطع سالبة
مع ٦ قطع سالبة



$$-٩ = (-٦) + (-٣)$$

تحقق من فهمك:

استعمل قطع العدّ أو الرسم لإيجاد المجموع في كل مما يأتي:

- (أ) $٦ + ٥$ (ب) $(-٥) + (-٣)$ (ج) $(-٤) + ٥$

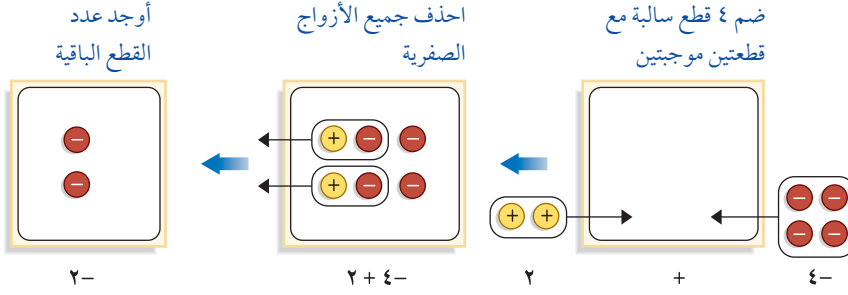
الخاصّيتان التاليتان مُهمّتان عند التعامل مع العمليات على الأعداد الصحيحة:

- عند ضمّ قطعة عد موجبة مع أخرى سالبة، فإنّ الناتج يُسمّى زوجاً صفرياً، وقيّمته صفر.
- يمكنك إضافة أو حذف زوج صفري من قطع العد الموجبة والسالبة؛ وذلك لأنّ إضافة الصفر أو حذفه لا يُغيّر من قيمة العدد.

نشاطان

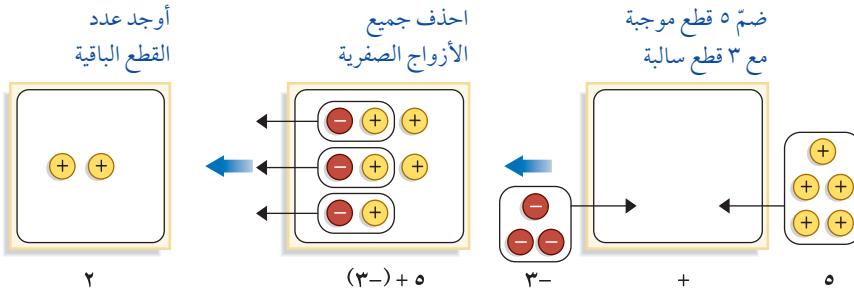
استعمل قطع العد لإيجاد المجموع في كل مما يأتي:

$$2 + 4 -$$



$$2 - = 2 + 4 -$$

$$(3-) + 5$$



$$2 = (3-) + 5$$

تحقق من فهمك:

استعمل قطع العد لإيجاد المجموع في كل مما يأتي:

$$(3-) + 8 \quad (و) \quad 7 + 2 - \quad (هـ) \quad (6-) + 3 \quad (د) \quad 5 + 6 -$$

حلّ النتائج:

١ اكتب جملة جمع يكون الناتج فيها موجباً، بحيث يكون أحد العددين موجباً والآخر سالباً.

٢ اكتب جملة جمع يكون الناتج فيها سالباً، بحيث يكون أحد العددين موجباً والآخر سالباً.

٣ **خمن:** ما القاعدة التي يمكنك استعمالها لتحديد كيفية إيجاد مجموع عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها؟ وعددين آخرين لهما إشارتان مختلفتان؟

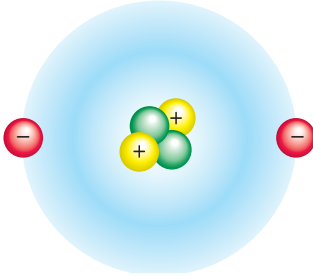




جمع الأعداد الصحيحة

٢ - ٤

استعد



علوم: تتكوّن الذرّات من شحنات سالبة (إلكترونات) وشحنات موجبة (بروتونات)، وتحتوي ذرّة الهيليوم على إلكترونين وبروتونين. ١ مثل عدد الإلكترونات في ذرّة الهيليوم بعدد صحيح.

٢ مثل عدد البروتونات في ذرّة الهيليوم بعدد صحيح.

٣ قيمة كلّ زوج «بروتون - إلكترون» تساوي صفرًا، فما الشحنة الكلية لذرّة الهيليوم؟

فكرة الدرس:

أجمع أعدادًا صحيحة.

المفردات:

المعكوس

النظير الجمعي

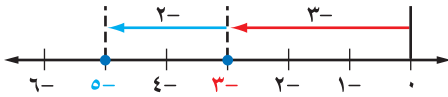
إنّ ضمّ البروتونات والإلكترونات في ذرّة ما يشبه جمع الأعداد الصحيحة.

جمع عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

مثال

١ أوجد ناتج $(-2) + (-3)$

استعمل خط الأعداد



• ابدأ من الصفر.

• تحرك ٣ وحدات إلى اليسار للوصول إلى -٣.

• تحرك من تلك النقطة إلى اليسار بمقدار وحدتين.

إذن $-5 = (-2) + (-3)$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

(ب) $(-10) + (-4)$

(أ) $(-5) + (-7)$

مما سبق يمكن التوصل إلى القاعدة التالية:

مفهوم أساسي

جمع عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

التعبير اللفظي: لجمع عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها، اجمع القيم

المطلقة للعددين. وعندها يكون المجموع:

• موجبًا إذا كان كلا العددين الصحيحين موجبًا.

• سالبًا إذا كان كلا العددين الصحيحين سالبًا.



$$-11 = (-4) + (-7)$$

$$11 = 4 + 7$$

الأمثلة:

مثال جمع عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

٢

$$\text{أوجد ناتج } ٢٦- + (١٧-)$$

كلا العددين سالب، لذا فالمجموع سالب

$$٤٣- = (١٧-) + ٢٦-$$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$(د) ٣٨ + ٢٣$$

$$(ج) ١٤- + (١٦-)$$

كل من العددين الصحيحين ٥-، ٥ هو **معكوس** للآخر؛ لأنهما يبعدان المسافة نفسها عن الصفر، ولكنهما يقعان في جهتين مختلفتين منه. ويسمى كل منهما أيضًا **النظير الجمعي** للآخر.

مفهوم أساسي

خاصية النظير الجمعي

التعبير اللفظي: مجموع أي عدد ونظيره الجمعي يساوي صفرًا.

$$٠ = ٩ + ٩-$$

$$٠ = (٥-) + ٥$$

الأمثلة:

يساعد خط الأعداد على جمع الأعداد الصحيحة المختلفة الإشارة.

مثالان جمع عددين صحيحين مختلفي الإشارة

٣

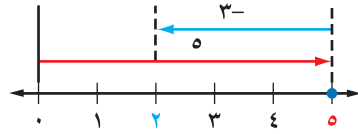
$$\text{أوجد ناتج } ٥ + (٣-)$$

استعمل خط الأعداد

• ابدأ من ٠

• تحرك ٥ وحدات إلى اليمين.

• تحرك ٣ وحدات إلى اليسار.



$$\text{إذن: } ٢ = (٣-) + ٥$$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$(و) ١٩ + ١٥-$$

$$(هـ) ٦ + (٧-)$$

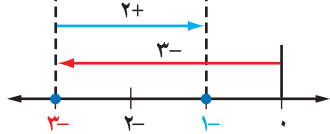
$$\text{أوجد ناتج } ٢ + ٣-$$

استعمل خط الأعداد

• ابدأ من ٠

• تحرك ٣ وحدات إلى اليسار.

• تحرك ٢ وحدتين إلى اليمين.



$$\text{إذن: } ١- = ٢ + ٣-$$

مفهوم أساسي

جمع عددين صحيحين مختلفي الإشارة

التعبير اللفظي: لجمع عددين صحيحين مختلفي الإشارة، ا طرح القيم المطلقة لهما، وعندها يكون المجموع:

• موجبًا إذا كانت القيمة المطلقة للعدد الموجب أكبر.

• سالبًا إذا كانت القيمة المطلقة للعدد السالب أكبر.

$$٥- = ٤ + ٩-$$

$$٥ = (٤-) + ٩$$

الأمثلة:

إرشادات للدراسة

ارجع إلى القبة البطاقة في الدرس ١-٢.

جمع عددين صحيحين مختلفي الإشارة

أمثلة

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$(-1) + 7$$

طرح القيم المطلقة $7 - 1 = 6$ ، بما أن القيمة المطلقة للعدد 7 أكبر، فالناتج موجب

$$3 + 8 -$$

طرح القيم المطلقة $8 - 3 = 5$ ، بما أن القيمة المطلقة للعدد 8 أكبر، فالناتج سالب

$$(-2) + (-15) + 2$$

$$(-15) + (-2) + 2 = (-2) + (-15) + 2$$

$$(-15) + [(-2) + 2] =$$

$$(-15) + 0 =$$

$$-15 =$$

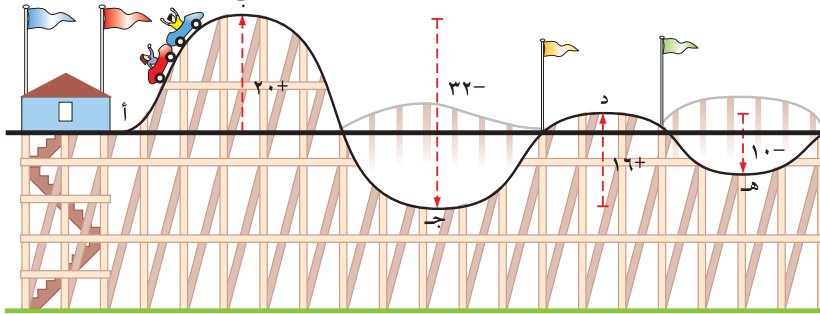
تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$6 + (-6) + (-14) \quad \text{ط} \quad 18 + 13 - \quad \text{ح} \quad (-12) + 10 \quad \text{ز}$$

مثال من واقع الحياة

لعبة القطار: يُبين الشكل التالي الارتفاعات المختلفة عند نقاط متعدّدة من لعبة القطار. اكتب جملة جمع لإيجاد ارتفاع النقطة د بالنسبة للنقطة أ.



$$(-32) + 16 + 20 = 16 + (-32) + 20$$

$$36 = 16 + 20 \quad (-32) + 36 =$$

$$4 =$$

طرح القيم المطلقة، بما أن القيمة المطلقة للعدد 36 أكبر، فالناتج موجب

الناتج عدد موجب؛ لذا فالنقطة د أعلى من النقطة أ بمقدار 4 م.

تحقق من فهمك:

(ي) طقس: إذا كانت درجة الحرارة 13°C ، وانخفضت بعد ساعة 6°C ، وارتفعت بعد ساعتين 4°C ، فاكتب جملة جمع لوصف هذه التغيرات، ثم أوجد الناتج، وفسره.

أوجد الناتج في كل مما يأتي:

٢ ٥ + ٤

١ ٦ - (٨ -)

الأمثلة ١-٦

٤ ٨ + ١٥ -

٣ ١٠ + ٣ -

المثال ٧

٦ (٩ -) + ٩ + ١٥

٥ (٣ -) + ٢٠ + ١٧ -

٧ **نقود:** يبلغ رصيد عائشة في البنك ٤٢٥ ريالاً، سحبت منه ٥٦ ريالاً، ثم أودعت ٢٣٥ ريالاً. اكتب جملة الجمع، ثم أوجد الناتج وفسره.

المثال ٨

تدرب وحل المسائل

أوجد الناتج في كل مما يأتي:

٩ ١١ + ١٧

٨ ٢٢ - (١٦ -)

١١ ١٠ + ١٢ -

١٠ (١٩ -) + ١٣

١٣ (٢٥ -) + ٢٥ + ٣٤ -

١٢ ١٢ + (٤ -) + ٨ -

إرشادات للأستاذة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ٨ | ٢، ١ |
| ١١، ١٠ | ٦ - ٣ |
| ١٣، ١٢ | ٧ |
| ١٥، ١٤ | ٨ |

في السؤالين ١٤، ١٥؛ اكتب جملة الجمع، ثم أوجد الناتج، وفسره:

١٤ **غوص:** عندما غاص مهندس مسافة ١٤ متراً تحت سطح الماء شاهد سمكة تعلوه ٣ أمتار.

١٥ **طيور:** هبط طائر بجع من ارتفاع ٢٠ متراً فوق سطح البحر، وغاص ٢٠ متراً ليلتقط سمكة.

١٦ **بنك:** يدخر خالد مبلغاً من المال لشراء دراجة

جديدة، ولديه الآن ٤٨ ريالاً.

اكتب الأعداد الصحيحة المناسبة في بعد كل

عملية إيداع أو سحب.

جبر: احسب قيمة كل عبارة، إذا كانت

س = ١٠، ص = ٧، ع = ٨ -

١٨ ع + (٥ -)

١٧ س + ١٤

٢٠ ع + س

١٩ س + ص

| إيداع | سحب | رصيد |
|-----------|-----------|------|
| ٤٢ ريالاً | | |
| | ٣٦ ريالاً | |
| ٢٨ ريالاً | | |
| | ١١ ريالاً | |
| ٣٦ ريالاً | | |



٢١ **اكتشف الخطأ:** يحاول كلٌّ من عمر وسعود إيجاد ناتج $-12 + 15$ ، فأَيُّهما إجابته صحيحة؟ وضح ذلك.



سعود

$$3 = -12 + 15$$



عمر

$$3 = -12 + 15$$

تحدّ: بسّط كلّاً ممّا يأتي:

٢٤ $-9 + م + (-6)$

٢٣ $س + (-5) + 1$

٢٢ $أ + (-8) + 8$

٢٥ **اكتب** وضح كيف يمكنك معرفة ما إذا كان ناتج الجمع موجباً، أم سالباً، أم مساوياً صفراً دون إجراء عملية الجمع.

تدريب على اختبار

٢٨ **درجة الحرارة:** كانت درجة الحرارة في مدينة

القريات 2° س تحت الصفر عند الساعة ٥ صباحاً،
ثم ارتفعت بمقدار 9° س عند الساعة ١٠ صباحاً،
ثم ارتفعت بمقدار 6° س عند الساعة الثالثة بعد
الظهر، فكم أصبحت درجة الحرارة في تمام الساعة
الثالثة بعد الظهر؟

أ) 13° س فوق الصفر ب) 17° س فوق الصفر
ج) 13° س تحت الصفر د) 17° س تحت الصفر

٢٦ **إجابة قصيرة** أوجد ناتج $-8 + (-11)$

٢٧ ما قيمة $-8 + 7 + (-3)$ ؟

أ) -18

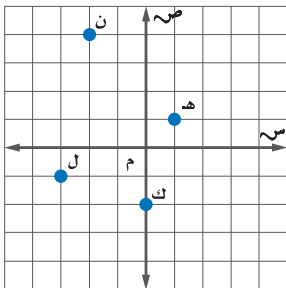
ب) -4

ج) 2

د) 18

مراجعة تراكمية

اكتب الزوج المرتب الذي يقابل كلّ نقطة من النقاط التالية، ثم حدّد الربع الذي تقع فيه أو المحور الذي تقع عليه: (الدرس ٢ - ٣)



هـ ٣٢

ل ٣١

ك ٣٠

ن ٢٩

٣٣ رتب الأعداد الصحيحة: $6, -3, 0, 4, -8, 1, -4$

من الأصغر إلى الأكبر. (الدرس ٢ - ٢)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اطرح:

٣٦ $3891 - 7000$

٣٥ $317 - 420$

٣٤ $125 - 287$



وزارة التعليم

Ministry of Education

٢٠٢٩ ١٤٤٥ الدرس ٢ - ٤ : جمع الأعداد الصحيحة

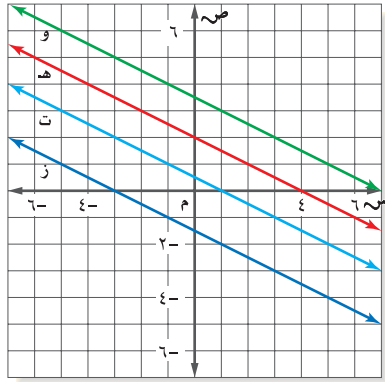
ارسم المستوى الإحداثي في ورقة رسم بياني، ثم مثل
كلًا من النقاط التالية عليه، وسمّها. (الدروس ٢-٣)

١٥ د (٤، ٣) ١٦ ف (٠، ٥)

١٧ و (١، ٢) ١٨ ح (٣، ٠)

١٩ اختيار من متعدد: أي خط مستقيم مما يأتي

تقع عليه النقطة (٤، ١)؟ (الدروس ٢-٣)



(أ) المستقيم و

(ب) المستقيم هـ

(ج) المستقيم ت

(د) المستقيم ز

اجمع: (الدروس ٢-٤)

٢٠ ٣ + ٤ + (٣-) ٢١ ٧ + (١١-)

٢٢ ٥ - (٦-) ٢٣ ٨ + (١-) + ١

٢٤ اختيار من متعدد: فتحت سعاد حسابًا جديدًا

في البنك وأودعت فيه ٢٠٠٠ ريال، ثم أودعت
١٥٠٠ ريال، وسحبت ٥٠٠ ريال. ما العبارة التي

تمثل المبلغ الموجود في حسابها الآن؟ (الدروس ٢-٤)

(أ) ٢٠٠٠ ريال + (١٥٠٠-) ريال + (٥٠٠-) ريال

(ب) ٢٠٠٠ ريال + (١٥٠٠-) ريال + (٥٠٠) ريال

(ج) ٢٠٠٠ ريال + (١٥٠٠) ريال + (٥٠٠) ريال

(د) ٢٠٠٠ ريال + (١٥٠٠) ريال + (٥٠٠) ريال

اكتب عددًا صحيحًا لكل مما يأتي: (الدروس ٢-١)

١ انخفاض ٤٥ مترًا.

٢ سحب بنكي مقداره ١٥٠ ريالًا.

٣ مكسب ٨ ريالات.

٤ دفع فاتورة قيمتها ٢٥ ريالًا.

٥ محيطات: أكثر نقطة في العالم انخفاضًا هي
أحدود ماريانا، وتقع غرب المحيط الهادئ على
عمق مقداره ١١ كيلومترًا تقريبًا تحت سطح البحر.
اكتب عددًا صحيحًا يمثل هذا العمق.

(الدروس ٢-١)

أوجد قيمة كل مقدار مما يأتي: (الدروس ٢-١)

٦ |١٦-| ٧ |٢٤|

٨ |٣|-|٩-| ٩ |١٣-| + |١-|

١٠ اختيار من متعدد: ترتب الأعداد
٤، ٧، ٣، ٢، ٩، ٨، ١ من الأصغر إلى الأكبر

على النحو: (الدروس ٢-٢)

(أ) ٩، ٤، ٢، ١، ٣، ٧، ٨-

(ب) ٧، ٨، ١، ٣، ٢، ٤، ٩-

(ج) ٨، ٧، ٣، ١، ٢، ٤، ٩-

(د) ٨، ٧، ١، ٢، ٣، ٤، ٩-

ضع إشارة > أو < أو = في ليصبح كل مما يأتي

جملة صحيحة. (الدروس ٢-٢)

١١ ٤ - ٤ ١٢ ٨ - ١١

١٣ |١٤-| ٣ | ١٢ - | ١٢ | ١٤



معمل الجبر

طرح الأعداد الصحيحة

استكشاف

٥ - ٢

تستعمل قطع العد الموجبة والسالبة لتوضيح عملية طرح الأعداد الصحيحة. تذكر أن للطرح معنى آخر وهو الحذف.

فكرة الدرس:

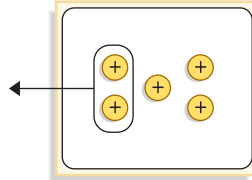
أستعمل قطع العد لتمثيل الطرح على الأعداد الصحيحة.

نشاطان

استعمل قطع العد الموجبة والسالبة لإيجاد ناتج الطرح:

$$٥ - ٢$$

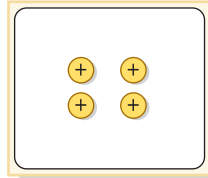
ضع ٥ قطع موجبة على اللوحة، ثم احذف منها اثنتين موجبتين



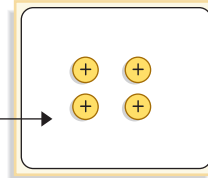
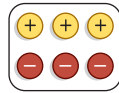
$$٣ = ٥ - ٢$$

$$٤ - (٣-) =$$

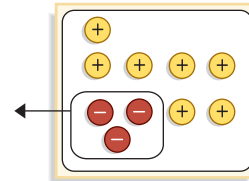
ضع ٤ قطع موجبة على اللوحة، واحذف منها ٣ سالبة. ولكن عدد القطع السالبة في هذه الحالة صفر



أضف ٣ أزواج صفرية إلى المجموعة



والآن يمكنك حذف ٣ قطع سالبة، وإيجاد العدد المتبقي من القطع



$$٧ = (٣-) - ٤$$

تحقق من فهمك:

استعمل قطع العد أو الرسم لإيجاد كلٍّ مما يأتي:

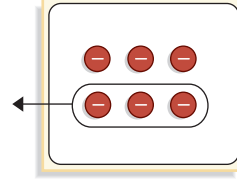
- أ) $٧ - ٦$ ب) $(٣-) - ٥$ ج) $(٣-) - ٦$ د) $(٣-) - ٥$

نشاطان

استعمل قطع العد الموجبة والسالبة لإيجاد ناتج الطرح:

$$6- - 3- =$$

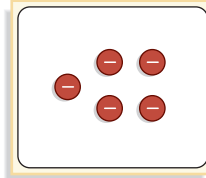
ضع ٦ قطع سالبة على اللوحة، ثم احذف منها ٣ سالبة



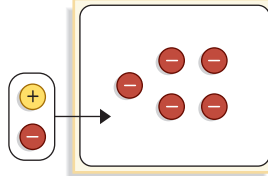
$$3- = 6- - 3-$$

$$1- 5-$$

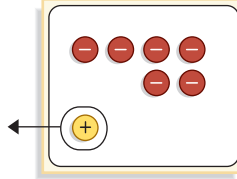
ضع ٥ قطع سالبة على اللوحة، ثم احذف منها واحدة موجبة، ولكن لا يوجد قطع موجبة



أضف زوجًا صفرًا إلى المجموعة



والآن يمكنك حذف قطعة واحدة موجبة وإيجاد العدد المتبقي



$$6- = 1- 5-$$

تحقق من فهمك:

استعمل قطع العد أو الرسم لإيجاد ناتج كلٍّ مما يأتي:

$$(9-) - 8- \quad (3-) - 7- \quad (7-) - 5-$$

حلّ النتائج:

١ اكتب جملة طرح يكون فيها ناتج الطرح موجبًا، مستعملًا أعدادًا صحيحة موجبة وسالبة.

٢ اكتب جملة طرح يكون فيها ناتج الطرح سالبًا، مستعملًا أعدادًا صحيحة موجبة وسالبة.

٣ **خمن:** ما القاعدة التي يمكنك استعمالها لتحديد إشارة ناتج الفرق بين عددين صحيحين؟

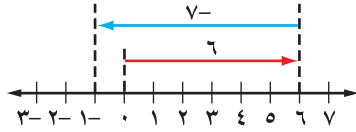


طرح الأعداد الصحيحة

٥ - ٢

نشاط

يمكنك استعمال خط الأعداد لتوضيح عملية الطرح.



١ اكتب جملة جمع تكافئ جملة الطرح الممثلة أعلاه.

استعمل خط الأعداد لإيجاد كلِّ ممَّا يلي، واكتب جملة جمع مكافئة لكلِّ منها:

٢ ٥ - ١ ٣ ١ - ٢ ٤ ٤ - ٣ ٥ ٥ - ٠

عند طرح العدد ٧ من العدد ٦، فإنَّ الناتج يكافئ ناتج جمع معكوسه وهو ٧ -.

$$1 - = (7 -) + 6 \quad \text{المعكوس}$$

$$1 - = 7 - 6 \quad \text{الناتج نفسه}$$

ممَّا سبق يمكن التوصل إلى القاعدة التالية:

مفهوم أساسي

طرح الأعداد الصحيحة

التعبير اللفظي: عند طرح عدد صحيح من آخر يتم إضافة معكوس ذلك العدد إلى الآخر.

الأمثلة: $17 = (10) + 7 = (10 -) - 7$ ، $5 - = (9 -) + 4 = 9 - 4$

مثالان طرح أعداد صحيحة موجبة

أوجد ناتج كلِّ ممَّا يأتي:

١ $13 - 8$

لطرح ٨ اجمع $(13 -)$ $(13 -) + 8 = 13 - 8$

بسط $5 - =$

٢ $7 - 10 -$

لطرح ١٠ اجمع $(7 -)$ $(7 -) + 10 - = 7 - 10 -$

بسط $17 - =$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كلِّ ممَّا يأتي:

أ) $12 - 6$

ب) $15 - 20 -$

ج) $26 - 22 -$

مثالان طرح أعداد صحيحة سالبة

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$٣ - ١ - (٢ -)$$

ل طرح -٢ اجمع ٢
بسط

$$٢ + ١ = (٢ -) - ١$$

$$٣ =$$

$$٤ - ١٠ - (٧ -)$$

ل طرح -٧ اجمع ٧
بسط

$$٧ + ١٠ - = (٧ -) - ١٠ -$$

$$٣ - =$$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$(٦ -) - ١٨ (و) (٥ -) - ١٥ (هـ) (١٢ -) - ٤ (د)$$

مثال إيجاد قيمة عبارة جبرية

جبر: احسب قيمة س - ص إذا كانت س = ٦ - ، ص = ٥ - .

عوض عن س بـ ٦ - وعن ص بـ ٥ -

ل طرح -٥ اجمع ٥
بسط

$$(٥ -) - ٦ - =$$

$$٥ + ٦ - =$$

$$١ - =$$

تحقق من فهمك:

احسب قيمة العبارات التالية إذا كانت أ = ٥ ، ب = ٨ - ، ج = ٩ - :

$$(ز) ب - ١٠ (ح) أ - ب (ط) ج - أ$$

مثال من واقع الحياة

فضاء: تتراوح درجات الحرارة على سطح القمر ما بين -١٧٣°س إلى ١٢٧°س .

أوجد الفرق بين الدرجتين العظمى والصغرى .

لإيجاد الفرق بين الدرجتين، نطرح درجة الحرارة الصغرى من درجة الحرارة العظمى .

$$١٢٧ - (١٧٣ -) = ١٢٧ + ١٧٣$$

$$٣٠٠ =$$

إذن الفرق بين درجتى الحرارة يساوي ٣٠٠°س .

تحقق من فهمك:

ي (جغرافيا: تنخفض أعمق نقطة في قاع البحر الميت عن مستوى سطح البحر

٧٩٩ متراً، وترتفع قمة الجبل الواقع إلى الشرق من البحر الميت ١٣٤٠ متراً فوق

مستوى سطح البحر . ما الفرق بين قمة الجبل وأعمق نقطة في قاع البحر للميت؟



الربط مع الحياة:

يبلغ متوسط درجة الحرارة على سطح القمر خلال النهار ١٠٧°س .

الأمثلة ٤-١

أوجد ناتج الطرح في كل مما يأتي:

١ ١٧ - ١٤ ٢ ٣٠ - ١٠ ٣ ٨ - ٤

٤ ١٤ - (١٠-) ٥ ٥ - (١٦-) ٦ ٣ - (١-)

جبر: احسب قيمة كل من العبارات الآتية إذا كانت ك = ٨ ، ل = ١٤ ، م = ٦ :

٧ ١٥ - م ٨ ل - م ٩ ك - ل

المثال ٥

١٠ علم الأرض: تتراوح درجات الحرارة على سطح البحر بين ٢° س إلى ٣١° س. أوجد الفرق بين درجتَي الحرارة الصغرى والعظمى.

المثال ٦

تدرب وحل المسائل

أوجد ناتج الطرح في كل مما يأتي:

١١ ١٠ - ٠ ١٢ ١٧ - ١٣ ١٣ ٥ - ٩

١٤ ٤ - (١٩-) ١٥ ١١ - (٤٢-) ١٦ ٢٧ - (١٩-)

١٧ ٥٢ - (٥٢-) ١٨ ١٥ - (١٤-) ١٩ ١٨ - (٢٠-)

جبر: احسب قيمة كل من العبارات التالية إذا كانت ف = ٦ ، ق = ٧ ، هـ = ٩ :

٢٠ ق - ٧ ٢١ ف - ٦ ٢٢ هـ - (٩-)

٢٣ هـ - ف ٢٤ ٥ - ف ٢٥ هـ - ف

٢٦ - ق + ف - هـ ٢٧ | ف - ق | ٢٨ هـ - ق - ف

٢٩ طائرة على ارتفاع ٤٥٠ مترًا فوق سطح البحر ، وغواصة على عمق ٢٦٠ مترًا تحت سطح البحر . أوجد البعد الرأسى بينهما.

جبر: إذا كانت س - ص = ٢ ، س + ص = ٨ فاحسب :

٣٠ س + (- ص) ٣١ س - (- ص)

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ١١ - ١٣ | ٢ ، ١ |
| ١٩ - ١٤ | ٤ ، ٣ |
| ٢٨ - ٢٠ | ٥ |
| ٢٩ | ٦ |



٣٢ **مسألة مفتوحة:** اكتب جملة طرح باستعمال الأعداد الصحيحة، ثم اكتب جملة جمع مكافئة لها، ووضح كيف يمكنك إيجاد ناتج الجمع.

٣٣ **اكتشف الخطأ:** أوجد راشد وحمد ناتج $15 - (-18)$ ، فأيهما على صواب؟ ولماذا؟



هدى

$$15 - (-18) = 33$$

$$15 - (-18) = 3$$



راشد

٣٤ **تحد:** صح أم خطأ؟ إذا كانت ن عددًا صحيحًا سالبًا، فإن $n - 0 = 0$

٣٥ **اكتب:** وضح كيف يُستعمل النظير الجمعي في الطرح.

تدريب على اختبار

٣٧ سافر عدنان من الرياض إلى بيروت، فإذا كانت درجة الحرارة الخارجية في مطار الملك خالد الدولي في الرياض 14°C ، وعند الوصول إلى مطار بيروت كانت درجة الحرارة 1°C . ما الفرق بين درجتي الحرارة في المدينتين؟

(أ) 13°C (ب) 15°C
(ج) 14°C (د) 14°C

٣٨ أي الجمل الآتية حول الأعداد الصحيحة ليست صحيحة دائمًا؟

- (أ) موجب - موجب = موجب
(ب) موجب + موجب = موجب
(ج) سالب + سالب = سالب
(د) موجب - سالب = موجب

مراجعة تراكمية

اجمع: (الدرس ٢ - ٤)

٤١ $4 + 18$

٤٢ $(-6) + 7$

٣٩ $(-9) + 2$

٣٨ $(-3) + 10$

٤٢ في أي ربع تقع النقطة $(5, -6)$ ؟ (الدرس ٢ - ٣)

٤٣ **أعداد:** ما العدد الذي إذا ضرب في ٢، ثم أضيف الناتج إلى ٧، فأصبح الناتج النهائي ٢٣؟ (الدرس ١ - ٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اجمع: (الدرس ٢ - ٤)

٤٥ $11 + (-11) + (-11)$

٤٤ $6 + (-6) + (-6) + (-6)$

٤٧ $8 + (-8) + (-8)$

٤٦ $2 + (-2) + (-2) + (-2)$



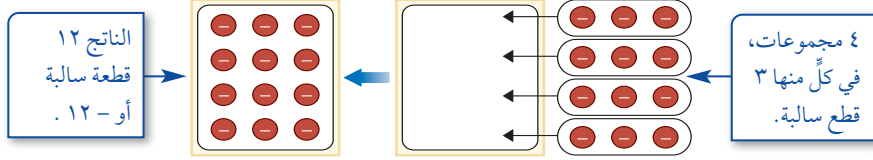


ضرب الأعداد الصحيحة

٦ - ٢

نشاط

يمكنك استعمال قطع العد الموجبة، والسالبة في ضرب الأعداد الصحيحة.



فكرة الدرس:

أجد ناتج ضرب أعداد صحيحة.

١ اكتب جملة ضرب تصف النموذج أعلاه.

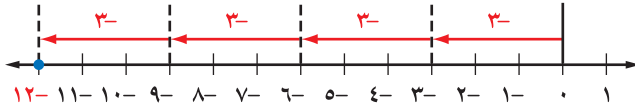
أوجد ناتج ضرب كل مما يأتي باستعمال قطع العد أو الرسم:

٢ $(-2) \times 3$ ٣ $(-3) \times 4$ ٤ $(-7) \times 1$ ٥ $(-2) \times 5$

تذكر أن الضرب هو عملية جمع متكرر فمثلاً

$(-3) \times 4 = (-3) + (-3) + (-3) + (-3)$ جمع ٣- أربع مرات

$12- =$



وباستعمال خاصية الإبدال، فإن $4 \times 3- = (-3) \times 4$

مفهوم أساسي

ضرب عددين صحيحين مختلفي الإشارة

التعبير اللفظي: ناتج ضرب عددين صحيحين مختلفي الإشارة هو عدد سالب.

الأمثلة: $35- = 7 \times 5-$ ، $24- = (-4) \times 6$

ضرب عددين صحيحين مختلفي الإشارة

مثالان

أوجد ناتج كل مما يأتي:

١ $(-5) \times 3$

العددان الصحيحان مختلفان في الإشارة، فالناتج سالب

$15- = (-5) \times 3$

٢ $8 \times 6-$

العددان الصحيحان مختلفان في الإشارة، فالناتج سالب

$48- = 8 \times 6-$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

أ $(-2) \times 9$

ب $(-7) \times 4$



إن ناتج ضرب عددين صحيحين موجبين هو عدد موجب. استعمل نمطاً مناسباً لإيجاد إشارة ناتج ضرب عددين صحيحين سالبين.

$$\begin{array}{l} 3+ \quad 6- = (3-) \times 2 \\ 3+ \quad 3- = (3-) \times 1 \\ 3+ \quad 0 = (3-) \times 0 \\ 3+ \quad 3 = (3-) \times (1-) \\ 3+ \quad 6 = (3-) \times (2-) \end{array}$$

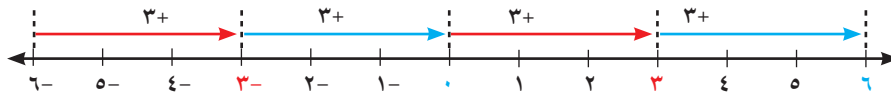
موجب \times سالب = سالب

سالب \times سالب = موجب

إرشادات للدراسة

الضرب في صفر:
عند ضرب أي عدد في صفر
يكون الناتج صفراً.

كل ناتج ضرب يزيد بمقدار 3 على ناتج الضرب السابق له، ويظهر هذا النمط كذلك جلياً على خط الأعداد.



مما سبق يمكن التوصل إلى القاعدة الآتية:

ضرب عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

مفهوم أساسي

التعبير اللفظي: ناتج ضرب عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها هو عدد موجب.

الأمثلة: $60 = (6-) \times 10-$ ، $12 = 6 \times 2$

أمثلة

ضرب عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

أوجد ناتج كل مما يأتي:

٣ $(9-) \times 11-$

العددان الصحيحان لهما الإشارة نفسها؛ إذن ناتج الضرب موجب $99 = (9-) \times 11-$

٤ $2(4-)$

العددان الصحيحان لهما الإشارة نفسها $(4-) \times (4-) = 2(4-)$

ناتج الضرب موجب $16 =$

٥ $(2-) \times (4-) \times 3-$

خاصية التجميع $(2-) \times [(4-) \times 3-] = (2-) \times (4-) \times 3-$

$12 = (4-) \times 3-$ $(2-) \times 12 =$

$24 = (2-) \times 12$ $24 =$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

(جـ) $12- \times (4-)$ (د) $(5-)$ (هـ) $(3-) \times (5-) \times 7-$

إرشادات للدراسة

ارجع إلى الأسس في
الدرس ١-٦.



مثال من واقع الحياة

٦. غواصات: تبدأ غواصة الغطس من سطح الماء بسرعة تبلغ ٣ أمتار في الدقيقة. ما العمق الذي ستصل إليه بعد ٧ دقائق؟

إذا كانت الغواصة تهبط بمعدل ٣ أمتار في الدقيقة، فإنها بعد ٧ دقائق ستصبح على عمق $7 \times (-3) = -21$ مترًا؛ إذن سوف تصل إلى عمق ٢١ مترًا تحت السطح.

تحقق من فهمك:

و) **نقود:** يخضم مصرف مبلغًا قدره ١٠ ريالات شهريًا من حساب علي لصالح جمعية الأيتام. ما العدد الصحيح الذي يعبر عن الخصم في سنة واحدة؟

تستعمل الأعداد السالبة عادةً في حساب قيم عبارات جبرية.

إيجاد قيم العبارات الجبرية

مثال

٧. **جبر:** احسب قيمة العبارة: s ص ع، إذا كانت $s = -3$ ، $v = 4$ ، $e = -1$

$$\begin{aligned} s \text{ ص ع} &= (-3) \times 4 \times (-1) \\ &= (-12) \times (-1) \\ &= 12 \end{aligned}$$

عوض عن s بـ -3 وعن v بـ 4 وعن e بـ -1
اضرب -3 في 4
اضرب -12 في -1

تحقق من فهمك:

ز) احسب قيمة العبارة: ab ج، إذا كانت $a = -7$ ، $b = -4$ ، $c = 2$

تأكد

أوجد ناتج كل مما يأتي:

١ $(-10) \times 6$ ٢ $(-11) \times (-4)$ ٣ -2×14

أوجد الناتج في كل مما يأتي:

٤ $-15 \times (-3)$ ٥ $-7 \times (-9)$ ٦ $(-8)^2$

٧ $(-3)^3$ ٨ $-1 \times (-3) \times (-4)$ ٩ $2 \times 4 \times 5$

١٠. **نقود:** لدى خالد ١٠٠ سهم في رأسمال شركة، فإذا انخفض سعر السهم بمقدار ٨ ريالات، فاكتب عبارة ضرب؛ لإيجاد المبلغ الذي يمثل الانخفاض في الأسهم جميعها. وضح إجابتك.

جبر: احسب قيمة العبارتين التاليتين إذا كانت $s = -1$ ، $v = 7$ ، $e = -10$:



١٢ $s \text{ ص ع}$

١١ 5 س



الربط مع الحياة:

الغواصة: سفينة متخصصة يمكنها أن تغوص تحت سطح الماء وتتحرك، ويمكنها كذلك أن تطفو. وتستعمل للأغراض العسكرية والسياحية والبحث العلمي، وقد تغوص إلى مسافة ٢٠٠٠ قدم تحت سطح الماء.

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|-----------|--------------|
| ٢٠، ١٥-١٣ | ٢، ١ |
| ١٩-١٦ | ٥، ٣ |
| ٢٨-٢١ | ٧ |
| ٣٠، ٢٩ | ٦ |

أوجد الناتج في كل مما يأتي:

- ١٣ $(١٢-) \times ٨$ ١٤ $٤ \times ١٥-$
 ١٥ $(٢-) \times ٢٥$ ١٦ $(٨-) \times ٢٠-$
 ١٧ $٢(٦-)$ ١٨ $٣(٥-)$
 ١٩ $(٨-) \times (٢-) \times ٤-$ ٢٠ $١٠ \text{ ضرب } ١٠-$

جبر: احسب قيم العبارات التالية، إذا كانت م = ٤ ، ن = ٨ ، ل = ٥ ، ز = ٣ - :

- ٢١ $٤- م$ ٢٢ $٣ ن$
 ٢٣ $ن ل$ ٢٤ $ن ز$
 ٢٥ $٧ م ز$ ٢٦ $٢- م ن$
 ٢٧ $ن ل ز$ ٢٨ $م ن ل$

في السؤالين ٢٩، ٣٠، اكتب عبارة ضرب تمثل الموقف، ثم أوجد الناتج وفسّر معناه:

٢٩ رياضة: يحرق محمد ٦٥٠ سُعرًا حراريًا عندما يركض ساعة واحدة. وقد ركض ٣ ساعات في أحد الأيام.

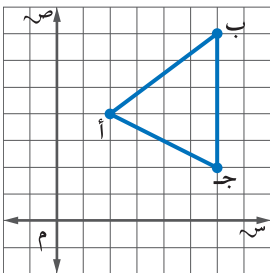
٣٠ بيئة: يرتطم الموج بساحل صخري مسببًا تآكلًا عمقه ٣ سم سنويًا على مدى ٨ سنوات.

جبر: احسب قيم العبارات التالية، إذا كانت أ = ٦ ، ب = ٤ - ، ج = ٣ ، د = ٩

- ٣١ $٣ أ -$ ٣٢ $ج د -$
 ٣٣ $٢ أ + ب$ ٣٤ $ب ٢ - ٤ أ ج$

٣٥ سيارة: يدفع مهند ٨٤٠ ريالًا كلّ شهر لتسديد قسط السيارة، ويدفع ما قيمته ٤٢٠ ريالًا مرتين

في السنة من أجل صيانتها. اكتب عبارة تتضمن عمليتي ضرب وجمع لوصف مجموع ما ينفقه على أقساط السيارة وصيانتها، ثم أوجد قيمته، ووضّح معناه.



هندسة: للسؤالين ٣٦، ٣٧، استعمل الرسم البياني المجاور:

٣٦ سمّ الأزواج المرتبة التي تمثّل النقاط أ، ب، ج. واضرب كلّاً

من الإحداثي السيني والإحداثي الصادي لكل منها في ١ - للحصول على ثلاثة أزواج مرتبة جديدة، ثم مثّلها لتحصل على مثلث جديد، ثم صف موقعه بالنسبة للمثلث الأصلي.

٣٧ إذا ضربت الإحداثيات الصادية لرؤوس المثلث الأصلي في

العدد ١ - ، ففي أيّ ربع يقع المثلث الجديد؟



مسائل مهارات التفكير العليا

- ٣٨ **مسألة مفتوحة:** اكتب جملة ضرب ناتجها -١٨.
- ٣٩ **حسّ عددي:** وضح كيف تحسب قيمة العبارة الآتية بأبسط صورة:
 $(9-)(6-)(15) \times (7-)(7+)$
- ٤٠ **تحدّ:** احسب قيمة $(-1)^{0^{\circ}}$. وضح إجابتك.
- ٤١ **اكتب:** وضح متى يكون ناتج ضرب ثلاثة أعداد صحيحة موجباً.

تدريب على اختبار

- ٤٢ **درجة الحرارة:** إذا بدأت درجة الحرارة بالانخفاض بمقدار درجتين كل ساعة ولمدة ٣ ساعات. فأأي العبارات الآتية لا تصف الانخفاض الكلي في درجة الحرارة بعد مرور ٣ ساعات؟
 أ) $2- (3)$ ب) $2- + 2- + 2- (2-)$
 ج) $2- 2- 2- (3)$ د) $2 (3)$
- ٤٣ ما الحد السابع في النمط؟
 ١، -٢، ٤، -٨، ١٦، ... ؟
 أ) -٦٤ ب) -٣٢
 ج) ٣٢ د) ٦٤

مراجعة تراكمية

- ٤٤ **درجة الحرارة:** بلغت أعلى درجة حرارة سجلت في منطقة تبوك ٤٦°س ، بينما كانت أدنى درجة فيها -٥°س . أوجد الفرق بين الدرجتين. (الدرس ٢-٥)

اطرح: (الدرس ٢-٥)

- ٤٥ $25- - (33-)$ ٤٦ $14- 6-$ ٤٧ $30- 9-$ ٤٨ $13- - (12-)$

احسب قيمة كل من العبارات التالية إذا كانت $- = ٤$ ، $ص = ٦$ ، $ع = ١$ (الدرس ٢-٤)

- ٤٩ $ص + (-2)$ ٥٠ $١- + ع$ ٥١ $١٥- + ص$ ٥٢ $ص + ص$

الاستعداد للدرس اللاحق

- ٥٣ **أعداد:** ما العدد الذي إذا ضرب في -٤ ، ثم أضيف إلى الناتج ١٥ كانت النتيجة النهائية ٣؟
 استعمل استراتيجية "التخمين والتحقق". (الدرس ١-٤)



استراتيجية حل المسألة

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية «البحث عن نمط».

٧ - ٢

البحث عن نمط



طلال: أدرّب على تنفيذ ركلات الجزاء كل يوم بعد المدرسة استعداداً لمباريات كرة القدم المدرسية. والآن يمكنني أن أسجل ثلاثة أهداف من كل ٥ ركلات.

مهمتك: البحث عن نمط لمعرفة عدد الأهداف التي يحرزها طلال من ٣٠ ركلة.

| | | | | | | | | | | | | | | | |
|--------|---|----|----|----|---|---------|---|---------|----|----|----|----|----|---|---------|
| افهم | يبلغ معدّل الأهداف التي يسجلها طلال ٣ من كلّ ٥ ركلات، والمطلوب معرفة عدد الأهداف التي يمكن أن يسجلها من ٣٠ ركلة. | | | | | | | | | | | | | | |
| نُطِّط | ابحث عن نمط، ثمّ وسّعهُ لإيجاد الحلّ. | | | | | | | | | | | | | | |
| حلّ | <table><tr><td>١٨</td><td>١٥</td><td>١٢</td><td>٩</td><td>٦</td><td>٣</td><td>الأهداف</td></tr><tr><td>٣٠</td><td>٢٥</td><td>٢٠</td><td>١٥</td><td>١٠</td><td>٥</td><td>الركلات</td></tr></table> | ١٨ | ١٥ | ١٢ | ٩ | ٦ | ٣ | الأهداف | ٣٠ | ٢٥ | ٢٠ | ١٥ | ١٠ | ٥ | الركلات |
| ١٨ | ١٥ | ١٢ | ٩ | ٦ | ٣ | الأهداف | | | | | | | | | |
| ٣٠ | ٢٥ | ٢٠ | ١٥ | ١٠ | ٥ | الركلات | | | | | | | | | |
| تحقق | يُسجل طلال أهدافاً أكثر بقليل من نصف عدد الركلات، وبما أنّ ١٨ أكثر بقليل من ١٥؛ إذن الإجابة معقولة. ✓ | | | | | | | | | | | | | | |

حلّ الاستراتيجية

١ وضح متى يمكن أن تستعمل استراتيجية البحث عن نمط في حلّ المسألة.

٢ صف كيف تحلّ المسألة باستعمال استراتيجية البحث عن نمط.

٣ اكتب مسألة يمكن حلّها بالبحث عن نمط.



استعمل استراتيجية «البحث عن نمط» لحل المسائل ٤-٦:

٤ **عرض:** يبين الشكل أدناه طريقة عرض سلعة غذائية.



يتكوّن العرض أعلاه من ٧ صفوف من الصناديق، ويمثّل هذا العرض أعلى ثلاثة صفوف. كم صندوقاً يوجد في العرض كاملاً؟

٥ **ادخار:** يدّخر محمد نقوداً لشراء آلة حاسبة، وبعد شهر واحد كان لديه ٥٠ ريالاً، وبعد شهرين ٨٥ ريالاً، وبعد ٣ شهور ١٢٠ ريالاً، وبعد ٤ أشهر ١٥٥ ريالاً. وكان محمد قد خطّط لادّخار النقود بالمعدّل السابق نفسه، فكم شهراً يستغرقه محمد لادّخار ٢٩٥ ريالاً؟

٦ **حشرات:** يبين الجدول أدناه عدد المرات التي يصفر فيها صرّار الليل في درجات حرارة مختلفة. ما عدد المرات التي سوف يصفر فيها صرّار الليل عند درجة حرارة ١٠°س؟

| درجة الحرارة | عدد مرات الصفر في الدقيقة |
|--------------|---------------------------|
| ٣٥° | ١٨٠ |
| ٣٠° | ١٦٠ |
| ٢٥° | ١٤٠ |
| ٢٠° | ١٢٠ |

استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ٧-١٣:

من استراتيجيات حل المسألة:

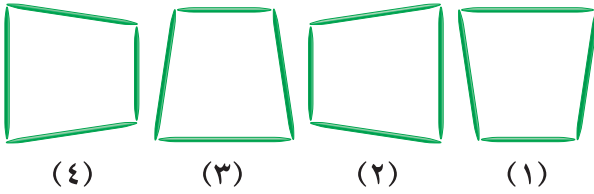
- التخمين والتحقق
- البحث عن نمط

٧ **نقود:** مع مها ست أوراق نقدية تكوّن ما مجموعه ٨٦ ريالاً. فما فئات هذه الأوراق؟

٨ **جغرافيا:** يبلغ أدنى مستوى لمنطقة منخفض

القطارة في مصر ١٣٣ متراً تحت سطح البحر، بينما يبلغ ارتفاع الجبل الأخضر في ليبيا ٦٢٤ متراً فوق مستوى سطح البحر. أوجد الفرق بين مستوييهما.

٩ **هندسة:** ما الشكل الخامس في النمط الآتي؟

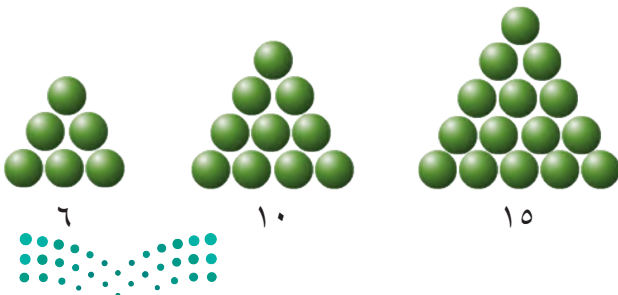


١٠ **جغرافيا:** تبلغ مساحة أراضي المملكة الأردنية الهاشمية ٨٩٢٨٧ كلم^٢. إذا كان معدّل عدد الأفراد الذين يسكنون في الكيلومتر المربع الواحد عام ٢٠٠٧ م يبلغ ٦٦ فرداً، فما عدد سكان المملكة الأردنية الهاشمية في عام ٢٠٠٧ م؟

١١ **نبات:** تنمو نبتة تباع الشمس ليصبح طولها ٢٥٢ سنتيمتراً في ٣ أشهر. ما معدّل نموّها في الشهر الواحد؟

١٢ **أعداد:** اكتب الأعداد الثلاثة التالية في النمط: ٤٨، ٤٢، ٣٦، ٣٠، ٢٤،

١٣ **هندسة:** ارسم الشكلين التاليين في النمط أدناه:



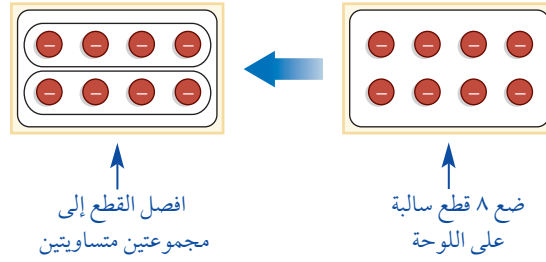


قسمة الأعداد الصحيحة

٨ - ٢

نشاط

يمكنك استعمال قطع العد لتوضيح عملية القسمة على الأعداد الصحيحة.
اتبع الخطوات التالية لإيجاد $8 \div 2$:

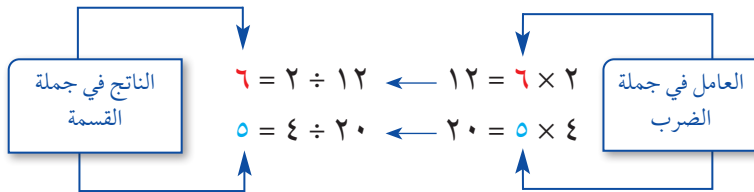


هناك ٤ قطع سالبة في كل مجموعة؛ إذن $8 \div 2 = 4$
أوجد ناتج القسمة باستعمال قطع العد أو الرسم:
١ $2 \div 6 =$ ٢ $3 \div 12 =$

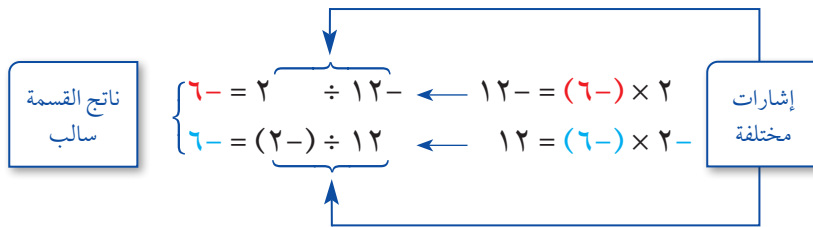
فكرة الدرس:

أجد ناتج قسمة عدد صحيح على آخر.

ترتبط قسمة الأعداد بعملية الضرب. فعند إيجاد ناتج قسمة عددين صحيحين يمكنك استعمال جملة الضرب المرتبطة معها.



بما أن جملتي الضرب والقسمة مترابطتان، فإنه يمكنك استعمالهما في إيجاد ناتج قسمة أعداد صحيحة ذات إشارات مختلفة.



مما سبق يمكن التوصل إلى القاعدة الآتية:

مفهوم أساسي

قسمة عددين صحيحين مختلفي الإشارة

التعبير اللفظي: ناتج قسمة عددين صحيحين مختلفي الإشارة يكون سالباً.

الأمثلة: $33 \div (-11) = -3$ ، $-8 \div 64 = -8$

قسمة عددين صحيحين مختلفي الإشارة

مثالان

أوجد ناتج كل مما يأتي:

$$١٠- \div ٨٠$$

العددان الصحيحان مختلفان في الإشارة

ناتج القسمة سالب

$$٨- = (١٠-) \div ٨٠$$

العددان الصحيحان مختلفان في الإشارة

ناتج القسمة سالب

$$\frac{٥٥-}{١١}$$

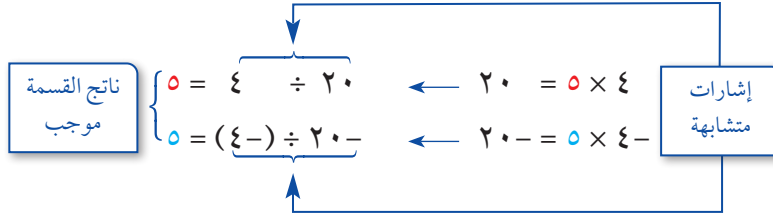
$$٥- = \frac{٥٥-}{١١}$$

تحقق من فهمك:

أوجد ناتج كل مما يأتي:

أ) $(٤-) \div ٢٠$ ب) $\frac{٨١-}{٩}$ ج) $١٥- \div ٤٥-$

يمكنك كذلك استعمال جملتي الضرب والقسمة لإيجاد ناتج قسمة أعداد صحيحة متشابهة في الإشارة.



ممّا سبق يمكن التوصل إلى القاعدة الآتية:

إرشادات للدراسة

قسمة الأعداد الصحيحة

اتباع قواعد ضرب الأعداد

الصحيحة عند قسمة

أعداد صحيحة لها الإشارة

نفسها أو مختلفة في

الإشارة.

مفهوم أساسي

قسمة عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

التعبير اللفظي: ناتج قسمة عددين صحيحين متشابهين في الإشارة يكون موجباً.

الأمثلة: $٣ = ١٥ \div ٥$ $٨ = (٨-) \div ٦٤-$

قسمة عددين صحيحين لهما الإشارة نفسها

مثالان

أوجد ناتج: $١٤- \div (٧-)$

العددان الصحيحان لهما الإشارة نفسها

ناتج القسمة موجب

$$٢ = (٧-) \div ١٤-$$

جبر: احسب قيمة: $١٦- \div س$ ، إذا كانت $س = ٤-$

$$١٦- \div س = (٤-) \div ١٦-$$

عوض عن س بـ ٤-

ناتج القسمة موجب

$$٤ =$$

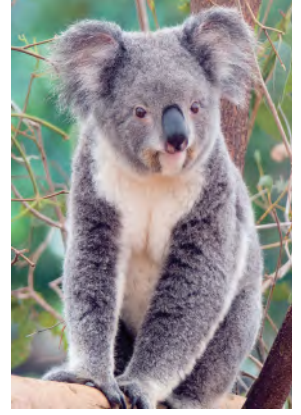
تحقق من فهمك:

أوجد ناتج:

د) $(٤-) \div ٢٤-$ هـ) $(٣-) \div ٩-$ و) $\frac{٢٨}{٧}$

ز) **جبر:** احسب قيمة: $أ \div ب$ ، إذا كانت $أ = ٦٣-$ ، $ب = ٩-$.

مثال من واقع الحياة



الربط مع الحياة:

يبلغ طول حيوان الكوالا الناضج من ٦٢ - ٧٥ سم، وتتراوح كتلته من ٧ - ١٤ كيلوجرامًا.

حيوانات: قبل عشر سنوات تقريبًا، قُدِّر عدد حيوانات الكوالا في أستراليا بما يقارب ١,٠٠٠,٠٠٠، ويقدر عددها الآن بحوالي ١٠٠,٠٠٠ كوالا. أوجد معدل التغير في عدد حيوانات الكوالا في السنة الواحدة، باستعمال العبارة $\frac{ج-ق}{١٠}$ ، حيث ج تمثل عددها الآن، ق تمثل عددها قبل ١٠ سنوات.

$$\frac{ج-ق}{١٠} = \frac{١٠٠٠٠٠٠ - ١٠٠٠٠٠}{١٠} = \frac{٩٠٠٠٠٠}{١٠} = ٩٠٠٠٠$$

عوض عن ج بـ ١,٠٠٠,٠٠٠، وعن ق بـ ١٠٠,٠٠٠

اقسم

إذن عدد حيوانات الكوالا يتغير بمعدل -٩٠,٠٠٠ حيوان سنويًا.

تحقق من فهمك:

(ح) **طقس:** معدل درجات الحرارة في القطب الشمالي في شهر يناير يساوي -٤، ٢٤ س. استعمل العبارة $\frac{١٦٠+٩س}{٥}$ لإيجاد هذه الدرجة بالفهرنهايت؛ حيث س تمثل الدرجة بالسيليزية.

| العمليات على الأعداد الصحيحة | ملخص المفهوم |
|------------------------------|--|
| العملية | القاعدة |
| الجمع | الإشارتان متشابهتان: اجمع القيمتين المطلقتين، وإشارة الناتج مشابهة لإشارة الأعداد الصحيحة. الإشارتان مختلفتان: اطرح القيمتين المطلقتين، وإشارة الناتج مشابهة لإشارة العدد ذي القيمة المطلقة الأكبر. |
| الطرح | اطرح عدد صحيح من آخر أضف معكوس ذلك العدد إلى العدد الآخر. |
| الضرب أو القسمة | الإشارتان متشابهتان: ناتج الضرب أو القسمة موجب. الإشارتان مختلفتان: ناتج الضرب أو القسمة سالب. |

تأكد

أوجد ناتج القسمة في كل مما يأتي:

$$\begin{array}{lll} ١) ٣٢ \div (-٨) & ٢) -١٦ \div ٢ & ٣) \frac{٤٢}{٧-} \\ ٤) -٣٠ \div (-٥) & ٥) ٥٥ \div ١١ & ٦) \frac{١٦-}{٤-} \end{array}$$

جبر: احسب قيمة كل عبارة، إذا كانت س = ٨، ص = -٥

$$٧) ١٥ \div ص \quad ٨) س \div (-١٠)$$

٩) درجة الحرارة: إذا كانت درجة الحرارة المسجلة في مكة المكرمة في أحد الأيام تساوي ١٠٢° فهرنهايت، استعمل العبارة $\frac{٥(ف-٣٢)}{٩}$ لإيجاد درجة الحرارة المقابلة لها بالسيليزية، وقرب الناتج إلى أقرب منزلة عشرية، حيث ف الدرجة بالفهرنهايت

لها بالسيليزية، وقرب الناتج إلى أقرب منزلة عشرية، حيث ف الدرجة بالفهرنهايت

تدرّب وحلّ المسائل

أرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ١٣-١٠ | ٢، ١ |
| ١٧-١٤ | ٣ |
| ٢٥-١٨ | ٤ |
| ٢٧، ٢٦ | ٥ |

أوجد ناتج القسمة في كلّ مما يأتي:

١١ $36 \div 4$

١٠ $50 \div (-5)$

١٣ $\frac{26}{13}$

١٢ $\frac{22}{2}$

١٥ $100 \div (-10)$

١٤ $15 \div (-3)$

١٦ اقسم 200 على 100

١٧ أوجد ناتج قسمة 65 على 13

جبر: احسب قيمة كلّ عبارة، إذا كانت $r = 12$ ، $s = -4$ ، $t = -6$

١٩ $r \div s$

١٨ $12 - r$

٢١ $\frac{t - r}{3}$

٢٠ $r \div s$

٢٣ $\frac{12 - (-r)}{3}$

٢٢ $\frac{s + 3}{5}$

٢٥ $s^2 \div t$

٢٤ $\frac{r}{t^2}$

٢٦ نقود: بلغ الدخل الكلي لعماد خلال العام الماضي 145600 ريال، في حين بلغت

نفقاته 150640 ريالاً. استعمل العبارة $\frac{n - d}{12}$ لإيجاد المعدّل الشهري للفرق بين

الدخل والنفقات، حيث د تمثل الدخل الكلي، ن تمثل النفقات الكلية.

٢٧ علوم: تتأثر درجة غليان الماء بالتغير في الارتفاع. استعمل العبارة $\frac{2 - f}{3}$ لإيجاد

عدد الدرجات بالفهرنهايت التي تتغير بها درجة غليان الماء على ارتفاع مقداره 1500 متر،

حيث ف تمثل الارتفاع بالأمتار.

٢٨ علوم: ملأ أحد الطلاب وعاءً سعته 500 ملل بماءٍ مقطر، ووعاءً آخر سعته 600 ملل

بماءٍ مالِح. إذا تبخرت كمية الماء المقطر جميعها في 4 أيام، بينما تبخرت كمية الماء

المالِح في 5 أيام. فهل تبخر الماء المقطر بشكل أسرع من الماء المالِح أم لا؟ وضح

إجابتك.



٢٩ **مسألة مفتوحة:** اكتب جملة قسمة يكون فيها ناتج القسمة مساويًا -١٢.
٣٠ **اكتشف المختلف:** حدّد العبارة المختلفة عن العبارات الثلاث الأخرى، وعلّل إجابتك.

$$٤ \div ٤٨ -$$

$$(٤-) \div ١٦$$

$$(٤-) \div ٣٢ -$$

$$١١ \div ٦٦ -$$

٣١ **تحدّ:** رتب جميع قواسم العدد -٢٠ من الأصغر إلى الأكبر.
٣٢ **اكتب:** احسب قيمة $٢ - (٢ + ٢) \div ٢$ ، وعلّل كلّ خطوة في الحلّ.

تدريب على اختبار

٣٤ رصد عبد العزيز درجة حرارة الهواء الخارجي في أحد الأيام، فوجد أنها انخفضت خلال ٤ ساعات بمقدار ٨° س. فما معدل انخفاضها في الساعة الواحدة؟

(ب) ٤° س

(أ) ٢° س

(د) ٨° س

(ج) ٦° س

٣٣ ما ناتج $١٨ \div (٣-)$ ؟

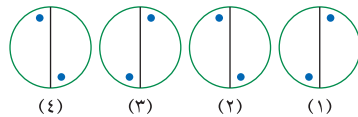
(أ) ٦ -

(ب) $\frac{1}{6}$ -

(ج) ٦

(د) ١٥

مراجعة تراكمية



٣٥ ما الشكل الخامس في النمط المجاور؟ (الدرس ٢ - ٧)

أوجد الناتج: (الدرس ٢ - ٦)

$$٣٧ - ٢٠ - (٣-)$$

$$٣٦ - ١٤ - (٢-)$$

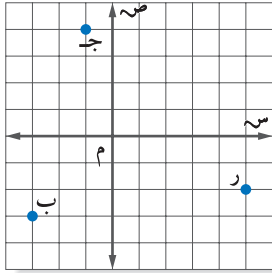
$$٣٩ - ٩ - ٢$$

$$٣٨ - ٥ - (٧)$$

٤٠ أوجد ناتج ٦ - (١٢-) (الدرس ٢ - ٥)



اختبار الفصل



اكتب الزوج المرتب لكل نقطة مُمثّلة على المستوى الإحداثي المجاور، ثم سمّ الربع الذي تقع فيه:

٩ ب ١٠ ج ١١ ر

أوجد الناتج في كلِّ مما يأتي:

- ١٢ (٩-) + ١٢ ١٣ ٤-٣-
١٤ (٢٠-) - ٧- ١٥ (٣-) × ٧-
١٦ (١١-) × ٥ ١٧ (٩-) ÷ ٣٦-
١٨ (٧-) + ١٥- ١٩ (٤-) + (٦-) + ٨

٢٠ اختيار من متعدد: وضع خالد جدولاً لمدة

٦ أسابيع لممارسة المشي، فإذا استمرّ النمط

المُمثّل في الجدول، فما عدد الساعات التي يمشيها

في الأسبوع السادس؟

| الأسبوع | ١ | ٢ | ٣ |
|-------------|---|---|----|
| عدد الساعات | ٤ | ٧ | ١٠ |

(أ) ١٥ ساعة (ب) ١٩ ساعة

(ج) ١٨ ساعة (د) ٢٢ ساعة

احسب قيمة كلِّ من العبارتين الآتيتين إذا كانت

أ = ٥، ب = ٤، ج = ١٢

٢١ أ ج ÷ ب ٢٢ أ - ب

٢٣ أسهم: انخفضت قيمة سهم شركة بمقدار

١٠ ريالاً كلَّ أسبوع لمدة ستة أسابيع. صف

التغيّر في قيمة السهم في نهاية الأسبوع السادس.



١ طقس: رصد ماجد التغيّر في درجة حرارة الهواء الخارجي في أحد الأيام. فعند الساعة الثامنة صباحاً كانت درجة الحرارة ١٥°س، وعند الظهر أصبحت ٣٥°س. ثم انخفضت عند المساء بمقدار ٤°س. اكتب العدد الصحيح الذي يصف التغيّر النهائي في درجة الحرارة.

احسب قيمة كلِّ من العبارتين الآتيتين:

٢ |٣-| ٣ |٦|-|١٨-|

ضع إشارة > أو < أو = في • ليصبح كل مما يأتي جملة صحيحة:

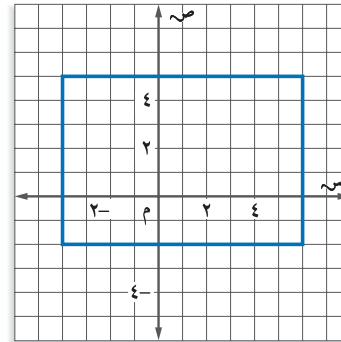
٤ ٣- • ٩- ٥ |٩| • |١٢-|

٦ رتب الأعداد التالية تصاعدياً:

٧-، ١٢، ٠، ٥، ٢-، ٩

٧ اختيار من متعدد: أيّ النقاط التالية تقع داخل

المستطيل المُمثّل أدناه؟



(أ) (٦، ٥) (ج) (١، ٥-)

(ب) (٣-، ٠) (د) (٠، ٣-)

٨ قرض: اقترضت عائشة من أخيها عمر ٨٤ ريالاً،

وقد خطّطت لتسديد هذا القرض بمبلغ متساوٍ من

حصّالتها على مدى ستة أيام. صف التغيّر في المبلغ

الموجود في حصّالتها كلَّ يوم.

الاختبار التراكمي (٢)

اختيار من متعدد

القسم ١

اختر الإجابة الصحيحة:

١ يركض طارق مسافة ٣ كيلومتر في كل يوم من الأيام: الاثنين، الثلاثاء، والخميس. ويقطع مسافة ٥ كيلومتر ركباً دراجته في كل من يومي السبت والأربعاء، ما المعادلة التي تمثل مجموع الكيلومترات (ع) التي يقطعها طارق في كل أسبوع.

- (أ) $3س + ٢ص = ع$ (ب) $ع = س + س$
(ج) $ع = ٢س + ٣ص$ (د) $ع = ٥(س + ص)$

٢ ما قيمة المقدار: $٣ + ٦ - (١٠ - ٧) - ٣$ ؟

- (أ) ٠ (ب) ١٢
(ج) ١٨ (د) ٧٤

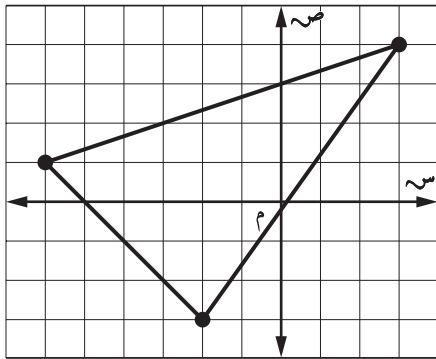
٣ كانت درجة الحرارة في مدينة عند الساعة ٨ صباحاً - ٢°س، وعند الساعة الواحدة ظهراً ارتفعت ٦°س، وعند التاسعة ليلاً عادت فانخفضت ١٠°س. ما درجة الحرارة عند الساعة التاسعة ليلاً؟

- (أ) ١٤ (ب) ٦
(ج) -٦ (د) -١٤

٤ هاشيروقاتا هي أخفض نقطة في اليابان إذ تنخفض ٤ أمتار عن سطح البحر، ويعتبر جبل فوجي أعلى نقطة عن سطح البحر في اليابان، ويرتفع ٣٧٧٦ متراً. ما الفرق بين أعلى نقطة وأخفض نقطة في اليابان؟

- (أ) ٣٧٨٠ متراً (ب) ٣٧٧٢ متراً
(ج) ٣٠٨٠ متراً (د) ٩٤٤ متراً

٥ في الشكل أدناه، أيُّ النُّقْط تقع داخل المثلث المرسوم؟



- (أ) (٤، ٣) (ب) (٠، ٢)
(ج) (٦، ٣-) (د) (١-، ١-)

٦ في أحد السباقات فاز بالمراكز الأربعة الأولى أسامة، ليث، مهند، حمزة.

إذا أنهى مهند السباق قبل حمزة، وأنهى أسامة قبل حمزة أيضاً، ولكن بعد كل من ليث ومهند، فأَيُّ المعلومات الآتية تحتاج إليها لتحديد ترتيب المتسابقين الأربعة من الأسرع إلى الأبطأ؟

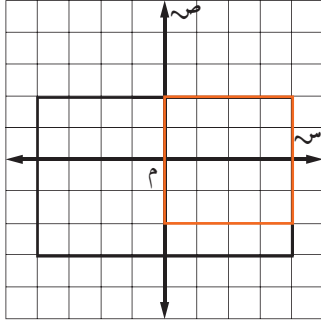
- (أ) هل أنهى ليث السباق قبل مهند أم بعده؟
(ب) هل أنهى أسامة السباق قبل حمزة أم بعده؟
(ج) هل أنهى مهند السباق قبل أسامة أم بعده؟
(د) هل أنهى ليث السباق قبل أسامة أم بعده؟

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال الآتي موضِّحًا خطوات الحل:

١٠ رُسم مستطيل ومربع في المستوى الإحداثي كما هو موضح أدناه.



استعمل الشكل أعلاه للإجابة عن الأسئلة (أ - ج):

(أ) حدّد زوجًا مرتبًا مشتركًا بينهما.

(ب) حدّد زوجًا مرتبًا يقع داخل المستطيل وخارج المربع.

(ج) كم وحدة يمكن زيادة طول المربع ليبقى مرسومًا داخل المستطيل؟ اكتب إحداثيات رؤوسه.



أدرب

من خلال الإجابة عن الأسئلة: حتى أعزز ما تعلمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.



أنا طالبٌ معدٌّ للحياة، ومنافسٌ عالميًّا.

٧ قاد عبد الله سيارته بسرعة ٥٠ كيلومترًا في الساعة يوم الأحد، و٥٥ كيلومترًا في الساعة يوم الاثنين، و٥٣ كيلومترًا في الساعة يوم الثلاثاء. إذا تم التعبير عن زمن قيادته للسيارة يوم الأحد بالرمز س، ويوم الاثنين بالرمز م، ويوم الثلاثاء بالرمز ن، فأَي العبارات التالية تدل على المسافة التي قطعها عبدالله في الأيام الثلاثة؟

(أ) ٥٠ س + ٥٣ م + ٥٥ ن

(ب) ٥٥ س + ٥٠ م + ٥٣ ن

(ج) ٥٠ س + ٥٥ م + ٥٣ ن

(د) ٥٣ س + ٥٥ م + ٥٠ ن

الإجابة القصيرة

القسم ٢

أجب عن السؤالين الآتيين:

٨ احسب قيمة: $٤ - ٣ \times ٤ + ٢$.

٩ اشترت نوال (س) كجم من السكر ودفعت ثمنها ٣٢ ريالاً. فكم كيلوجرامًا من السكر اشترت، إذا علمت أن سعر الكيلوجرام الواحد ٤ ريالات؟

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجب عن السؤال

فراجع الدرس

| | | | | | | | | | | |
|------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----------------------------|
| ١٠ | ٩ | ٨ | ٧ | ٦ | ٥ | ٤ | ٣ | ٢ | ١ | هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟ |
| ١٠-١ | ٩-١ | ٨-١ | ٧-١ | ٦-١ | ٥-١ | ٤-١ | ٣-١ | ٢-١ | ١-١ | إذا لم تجب عن السؤال |
| ١٠-١ | ٩-١ | ٨-١ | ٧-١ | ٦-١ | ٥-١ | ٤-١ | ٣-١ | ٢-١ | ١-١ | فراجع الدرس |

الجبر: المعادلات الخطية والدوال

الفكرة العامة

- أحل المعادلات الخطية بمتغير واحد.

المفردات:

الصيغة الرياضية (١١١)

استراتيجية الحل عكسياً (١١٤)

المعادلات ذات الخطوتين (١١٧)

المعادلة الخطية (١٣٠)

الرابط مع الحياة:



دراجات هوائية ، إذا كانت السرعة القصوى لدراجة هوائية ٢٠ كيلومتراً في الساعة، فإنه يمكن استعمال المعادلة: $٢٠ = ف$ ن لإيجاد المسافة (ف) التي تقطعها هذه الدراجة الهوائية في الزمن (ن) ساعة.

المطويات

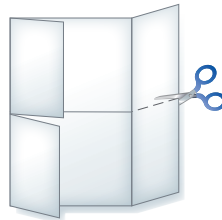
منظم أفكار

المعادلات الخطية والدوال: اصنع هذه المطوية لتساعدك على تنظيم ملاحظاتك.
ابدأ بورقة A3.

٤ اكتب على الأجزاء عناوين الدروس، كما يظهر في الشكل.



٣ قص على طول الطية الثانية حتى حد الطي الطولي لعمل أربعة أجزاء، كما يظهر في الشكل.



٢ اطو أعلى الورقة على أسفلها.



١ اطو الأضلاع القصيرة نحو الوسط، كما يظهر في الشكل.





التهيئة

أجب عن الاختبار التالي:

انظر إلى المراجعة السريعة قبل بدء الإجابة عن الاختبار.

مراجعة سريعة

اختبار للتدريج

مثال ١: ما العدد الذي يمثل حلاً للمعادلة $24 \div 3 = 8$ ؟

من الأعداد ٩، ٨، ٧، ٦؟

اكتب المعادلة

$$24 \div 3 = 8$$

عوض عن ٧ بـ

$$24 \div 3 = 7$$

عوض عن ٨ بـ

$$24 \div 3 = 8$$

عوض عن ٩ بـ

$$24 \div 3 = 9$$

اختر العدد الذي يمثل حلاً للمعادلة في كل مما يأتي: (الدرس ١-٢)

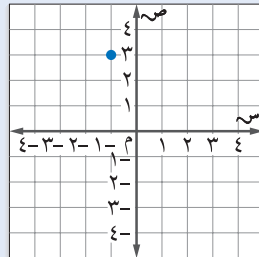
١ س + ١٥ = ١٩ : ٤، ٥، ٦

٢ ١١ ص = ٧٧ : ٦، ٧، ٨

٣ ع + ٩ = ٢ - : ٧، ١١، ١١

مثال ٢: عيّن النقطة (-١، ٣) على المستوى الإحداثي.

العدد الأول في الزوج المرتب يشير إلى الحركة يميناً أو يساراً ابتداءً من نقطة الأصل. أما العدد الثاني فيشير إلى الحركة إلى أعلى أو إلى أسفل



عيّن كل نقطة مما يأتي على المستوى الإحداثي: (الدرس ٢-٣)

٤ (-٣، ٤) ٥ (-٢، ١)

٦ رحلات: تحرك سعد من موقع مخيم ٤ كلم شمالاً، و٢ كلم غرباً، ثم جلس ليستريح. إذا كانت نقطة الأصل تمثل موقع المخيم، فعين إحداثيات نقطة استراحته. (الدرس ٢-٣)

مثال ٣: أوجد ناتج: $(-2) + 4$

لأن (-٤) و (٢-) كلاهما عدد سالب، فإننا نجمعهما بوصفهما قيماً مطلقة، ثم نضع إشارة سالب لناتج الجمع

$$-6 = (-2) + 4$$

أوجد ناتج الجمع في كل مما يأتي: (الدرس ٢-٤)

٧ $(-5) + 3$ ٨ $3 + 8$

مثال ٤: أوجد ناتج: $(-7) - 9$

طرح (٧-) يكافئ جمع (٧+)

$$(-7) - 9 = (-7) + 9$$

$$16 =$$

أوجد ناتج الطرح في كل مما يأتي: (الدرس ٢-٥)

٩ $6 - 5$ ١٠ $10 - 8$

١١ $(-6) - 8$ ١٢ $(-1) - 3$

مثال ٥: أوجد ناتج: $2 \div 16$

لأن (٢-) و (١٦-) مختلفان في الإشارة، فإن ناتج القسمة يكون سالباً

$$(-2) \div (-16) =$$

أوجد ناتج القسمة في كل مما يأتي: (الدرس ٢-٨)

١٣ $(-3) \div 6$ ١٤ $3 \div 12$

١٥ $(-5) \div 10$ ١٦ $(-4) \div 24$



كتابة العبارات الجبرية والمعادلات

١ - ٣



استعد

كواكب: لكوكب الأرض قمر واحد، ولبعض الكواكب الأخرى عدة أقمار؛ أورانوس له ٢٧ قمراً، وزحل له ١٠ أقمار زيادة على ما لأورانوس. المصدر: <https://www.space.com>

١ ما العملية الحسابية التي تستعملها لإيجاد عدد أقمار زحل؟ وضح إجابتك.

٢ عدد أقمار كوكب المشتري ثلاثة أمثال عدد أقمار أورانوس. ما العملية الحسابية التي تستعملها لإيجاد عدد أقمار المشتري؟

فكرة الدرس:

أكتب العبارات والجمل اللفظية بعبارات جبرية ومعادلات.

عادة ما تشير بعض الجمل والعبارات إلى عمليات حسابية تشمل الجمع، والطرح، والضرب، والقسمة. وفيما يلي بعض الأمثلة:

| الضرب والقسمة | | الجمع والطرح | |
|---------------|----------|--------------|------------|
| اقسم | اضرب | الفرق | المجموع |
| ناتج قسمة | ناتج ضرب | أقل من | أكبر من |
| جزء | أضعاف | قل بمقدار | زاد بمقدار |

كتابة عبارة جبرية

مثال

١ اكتب العبارة «مع خالد خمسة ريالاً زيادة على ما مع حمد» بعبارة جبرية.

التعبير اللفظي مع خالد خمسة ريالاً زيادة على ما مع حمد.

المتغير لتكن س تمثل عدد الريالات التي مع حمد.

العبارة الجبرية $5 + س$

تحقق من فهمك:

اكتب العبارة الآتية بعبارة جبرية.

أ) حقق الأول ٣ أهداف زيادة على ما حققه الثاني.



تذكر أن المعادلة هي جملة رياضية تحتوي على إشارة المساواة. وعند كتابة جملة لفظية على صورة معادلة رياضية، يمكنك استعمال إشارة المساواة (=) عوضاً عن كلمة (يساوي).

مثالان كتابة معادلة

اكتب كلاً من الجملتين التاليتين على صورة معادلة جبرية:

٢ أقل من العدد ب ٦ يساوي ٢٠.

أقل من العدد ب ٦ يساوي ٢٠.

إذا كانت س تمثل العدد، فإن:

$$س - ٦ = ٢٠$$

٣ ثلاثة أمثال عمر أحمد يساوي ١٢.

ثلاثة أمثال عمر أحمد يساوي ١٢.

إذا كانت ص تمثل عمر أحمد، فإن:

$$٣ص = ١٢$$

تحقق من فهمك:

اكتب كلاً ممّا يأتي على صورة معادلة جبرية:

ب) أكبر من العدد بمقدار سبعة يساوي ١٥.

ج) خمسة أمثال عدد التلاميذ يساوي ٢٥٠.

قراءة الرياضيات:

أقل من:

تكتب العبارة (أكبر من العدد بمقدار ٦) على النحو التالي:

$$٦ + س \text{ أو } س + ٦$$

لكن العبارة:

(أقل من العدد بمقدار ٦) لا تكتب إلا

على الشكل: س - ٦.

مثال من واقع الحياة

٤ عدد السكان: أكثر دول الخليج العربي تعداداً للسكان المملكة العربية السعودية، إذ بلغ عدد سكانها ٣٥ مليون نسمة تقريباً، وذلك بحسب التعداد السكاني العام لسنة ١٤٤١ هـ. وهو أكثر من عدد سكان دولة الكويت بـ ٧,٣٠ مليون نسمة تقريباً. فما عدد سكان دولة الكويت؟ اكتب المعادلة التي تمثل ذلك.



الربط مع الحياة:

ارتفع عدد سكان الوطن العربي من ٣٣٥ مليون نسمة عام ٢٠١١م إلى ٤٢٣ مليوناً عام ٢٠٢٢م.

عدد سكان المملكة العربية السعودية أكثر بـ ٧,٣٠

التعبير اللفظي

مليون نسمة من عدد سكان دولة الكويت.

ع تمثل عدد سكان دولة الكويت.

المتغير

$$٣٥ = ٧,٣٠ + ع$$

المعادلة

تحقق من فهمك:

د) والد ياسر أطول من ياسر مرة ونصف. إذا كان طول والد ياسر ١,٨٠ م، فما طول ياسر؟ اكتب معادلة تمثل هذه المسألة.

مثال من اختبار

٥ أي المسائل التالية يمكن التعبير عنها بالمعادلة: $س - ٩ = ٦, ١ = ٣$ ؟

- (أ) ركض طارق وخالد مسافة ١, ٣ كلم، وكان خالد أسرع من طارق بـ ٩, ٦ ثانية. ما قيمة س التي تمثل الزمن (بالثواني) الذي استغرقه طارق لقطع هذه المسافة؟
- (ب) في درس العلوم قام جابر وعليّ بقياس طول ديدان معينة. وكان طول الدودة التي قاسها جابر ٩, ٦ سم، وطول الدودة التي قاسها عليّ ١, ٣ سم. ما قيمة س التي تمثل معدل طول الديدان؟
- (ج) تكلف وجبة غداء محمد ٩, ٦ ريالاً. وعند دفعه المبلغ، حصل على باقي مقداره ١, ٣ ريالاً، ما قيمة س التي تمثل المبلغ الذي دفعه؟
- (د) دفع عمّار مبلغ ١, ٣ ريالاً ثمناً لدفتر ملاحظات سعره في السوق ٩, ٦ ريالاً. ما قيمة س التي تمثل مقدار المبلغ الذي وفره عمّار؟

اقرأ:

أنت بحاجة لمعرفة أي المسائل التي يمكن التعبير عنها بالمعادلة: $س - ٩ = ٦, ١ = ٣$

حل:

- يمكنك استبعاد المسألة (أ)؛ فلا يمكن إجراء عمليات الجمع أو الطرح على وحدات قياس مختلفة.
 - يمكنك استبعاد المسألة (ب)؛ لأن حساب المعدل يحتاج إلى الجمع ثم القسمة.
 - تخيل أنك تطبق الخيار ج: لو أعطيت المحاسب س ريالاً، وكان ثمن وجبة الغداء ٩, ٦ ريالاً، فإنك تحتاج إلى الطرح للحصول على الباقي. وهذا هو الجواب الصحيح.
 - اختبر المسألة (د) لغرض التأكد من الجواب الصحيح: للحصول على القيمة التي وفرها عمّار، عليك أن تحسب المقدار $٩, ٦ - ١, ٣$ ، وليس المقدار $س - ٩, ٦$.
- إذن الإجابة الصحيحة هي المسألة (ج).

تحقق من فهمك:

هـ) أي المسائل التالية يمكن التعبير عنها بالمعادلة $٤ ص = ٦, ٧٦$ ؟

- (أ) اشترى سلمان ٤ لترات من البنزين، وكانت التكلفة ٦, ٧٦ ريالاً. فما قيمة ص التي تمثل تكلفة اللتر الواحد؟
- (ب) اشترى حسّان من محلّ إلكترونيات ٤ أقراص مدمجة بسعر ٦, ٧٦ ريالاً لكل قرص. فما قيمة ص التي تمثل ثمن عدد هذه الأقراص؟
- (ج) إذا كان عرض مستطيل ٤ م، وكان طوله يزيد على عرضه بمقدار ٦, ٧٦ م. فما قيمة ص التي تمثل طول المستطيل؟
- (د) إذا كان معدل كمّيات الأمطار السنوية ٦, ٧٦ سم، فما قيمة ص التي تمثل كمّية الأمطار المتوقعة في ٤ سنوات؟



المثال ١

اكتب كلاً ممّا يأتي على صورة عبارة جبريّة:

- ١ عدد ازداد بمقدار ثمانية.
- ٢ عند أحمد عشرة ريالاً زيادة على ما لدى سعاد.

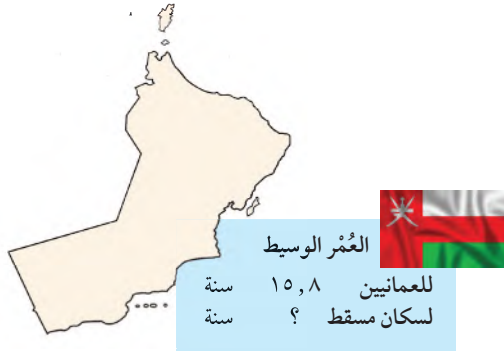
المثالان ٢، ٣

اكتب كلاً ممّا يأتي على صورة معادلة:

- ٣ أقل من عدد بتسعة يساوي ٢٤.
- ٤ أكثر ممّا أحرزه خالد بنقطتين يساوي ٤.
- ٥ مثلاً عدد من الكيلومترات يساوي ١٨.
- ٦ نصف سعر سلعة يساوي ١٣ ريالاً.

المثال ٤

٧ **جبر:** افترض أنّ العمر الوسيط لسكّان سلطنة عُمان يقلّ بمقدار عام واحد عن العمر الوسيط لسكّان العاصمة مسقط. استعمل المعلومة أدناه في كتابة معادلة لإيجاد العمر الوسيط لسكّان مسقط. (العمر الوسيط: هو العمر الذي يكون نصف السكّان أكبر منه، ونصفهم الآخر أصغر منه، ويستخدم للدلالة على مدى قوّة السكان).



المثال ٥

٨ **اختيار من متعدد:** أيّ المسائل الآتية يمكن التعبير عنها بالمعادلة $١٥ - ٤٦ = ؟$

(أ) السّعر الأصليّ للقميص ٤٦ ريالاً، وسعره بعد الخصم يقلّ بمقدار (١٥) ريالاً عن سعره الأصلي. ما قيمة س التي تمثّل سعر القميص بعد الخصم؟

(ب) لدى صالح عدة بطاقات لمباراة كرة قدم. باع منها ١٥ بطاقة وبقي معه ٤٦ بطاقة. ما قيمة س التي تمثّل عدد البطاقات التي كانت معه؟

(ج) أحرز أحمد ٤٦ نقطة في مباراة كرة السّلة الأسبوع الماضي، وأحرز قاسم ١٥ نقطة أقلّ ممّا أحرزه أحمد. ما قيمة س التي تمثّل عدد النقاط التي أحرزها قاسم؟

(د) وفّرت ليلي هذا الأسبوع ١٥ ريالاً، ووفّرت ٤٦ ريالاً الأسبوع الماضي. ما قيمة س التي تمثّل معدّل ما وفّرت في الأسبوعين؟

تدرّب وحلّ المسائل

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ١٤ - ٩ | ١ |
| ٢٠ - ١٥ | ٣, ٢ |
| ٢١ | ٤ |

اكتب كلاً ممّا يأتي على صورة عبارة جبرية:

- ٩ العدد خمسة عشر ازداد بمقدار س.
- ١٠ أكبر من عُمر خالد بخمس سنوات.
- ١١ عدد نقص بمقدار عشرة.
- ١٢ أقل من الارتفاع بثلاثة أمتار.
- ١٣ مثلاً عدد البرتقالات.
- ١٤ عُمر ليلى مقسوماً على ٣.

اكتب كلاً ممّا يأتي على صورة معادلة:

- ١٥ مجموع عدد وأربعة يساوي ٨.
- ١٦ أكبر من عدد الضفادع باثنين يساوي ٤.
- ١٧ ناتج ضرب عدد في ٥ يساوي ٢٠.
- ١٨ عشرة أمثال عدد الطلبة يساوي ٢٨٠.
- ١٩ أقل من طولها بـ ١٠ ستتمترات يساوي ٢٦.
- ٢٠ أقل من عدد بخمسة يساوي ٣١.

٢١ حيوانات: إذا علمت أن الزرافة أطول من الجمل بـ ٥, ٣م تقريباً. وإذا كان طول

الزرافة ٥, ٥م، فكيف تحسب طول الجمل؟

اكتب كلاً ممّا يأتي على صورة عبارة جبرية:

- ٢٢ تزيد على مثلي عدد الدراجات بـ ٢.
- ٢٣ أقل من ثلاثة أمثال ما لدى هناء بتسعة أقراص مدمجة.
- ٢٤ خصم ٤٣ ريالاً من ثمن جهاز، ثمّ صُرب الناتج في ٣.
- ٢٥ قسمة العدد ص على ٨، ثمّ زيادة ٧.



الربط مع الحياة:.....

الزرافة حيوان طويل القامة يبلغ طول قامته الذكر أكثر من ٥, ٥م والأنثى نحو ٣, ٤م، ويعزى ذلك إلى طول قوائمها ورقبتها، وتتراوح كتلتها بين ٥٠٠ - ١٠٠٠ كجم.



وزارة التعليم

Ministry of Education

2023 - 1445

تحليل جداول: لحل السؤالين ٢٦ ، ٢٧ استعمل الجدول أدناه الذي يُبين معدل ما يحفظه خمسة طلاب في الساعة من أبيات الشعر. لتكن ص تمثل معدل حفظ ناصر.

| حفظ الشعر | |
|-----------|----------------------|
| الاسم | معدل الحفظ في الساعة |
| محمد | ١٥ |
| أحمد | ٢٥ |
| عمر | ٢٢ |
| ناصر | ٥ |
| حسن | ٩ |

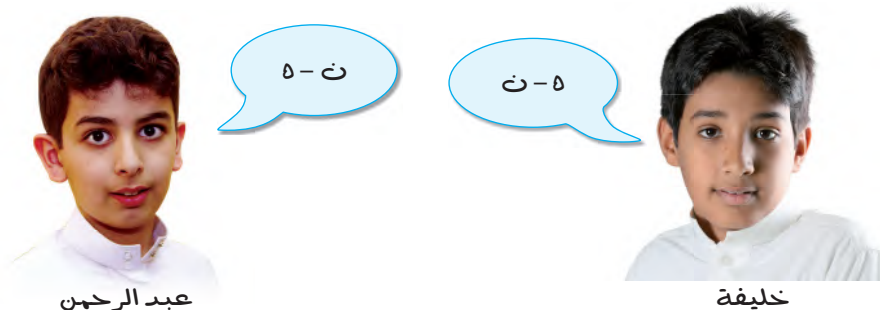
٢٦ أيُّ الطلاب يُعبّر عن معدل حفظه بالعلاقة: $3ص$ ؟

٢٧ اكتب العلاقة الجبرية لمعدل حفظ أحمد بدلالة حفظ ناصر.

مسائل
مهارات التفكير العليا

٢٨ **مسألة مفتوحة:** اكتب جملة لفظية تمثل المعادلة $6 = 3 - ن$.

٢٩ **اكتشف الخطأ:** عبّر كلٌّ من خليفة وعبد الرحمن جبرياً عن العبارة: «أقلُّ من عدد بمقدار ٥» كما يأتي:



أيُّ منهما كانت إجابته صحيحة؟ وضّح إجابتك.

٣٠ **تحدّ:** إذا كانت س تمثل عدداً فردياً، فكيف تعبّر عن كلٍّ من العددين الفرديين السابق واللاحق؟

٣١ **اكتب** إذا كانت س تمثل عُمر شخص، فماذا تمثل كلُّ عبارة جبرية مما يأتي:
س + ٥ ، س - ٣ ، ٢ س ، $\frac{س}{٢}$

٣٣ أيُّ المعادلات الآتية تعبر عن المسافة الكلية ف (بالكيلومترات) التي تقطعها سيارة بعد مرور ٦ ساعات، إذا علمت أن سرعتها س كيلومتر في الساعة؟

- (أ) $ف = ٦ + س$
 (ب) $ف = \frac{س}{٦}$
 (ج) $ف = ٦س$
 (د) $ف = \frac{٦}{س}$

٣٢ مع شادية مبلغ من المال، أعطها والدها ٥,٥ ريالاً، فأصبح معها ١٦ ريالاً. أيُّ المعادلات الآتية يمكنك استعمالها لمعرفة المبلغ م (بالريالات) الذي كان معها منذ البداية؟

- (أ) $١٦ = م - ٥,٥$
 (ب) $١٦ \times ٥,٥ = م$
 (ج) $١٦ = م + ٥,٥$
 (د) $٥,٥ = ١٦ + م$

مراجعة تراكمية

اقسم: (الدرس ٢-٨)

٣٦ $٤٥ - (٣ -) \div$

٣٥ $(٣ -) \div ٣٦$

٣٤ $٦ \div ٤٢ -$

٣٧ **نقود:** يسحب رضوان ١٥٠ ريالاً من رصيده البنكي كل أسبوع ولمدة ٧ أسابيع متتالية. اكتب عبارة ضرب تمثل هذا الموقف. (الدرس ٢-٧)

احسب قيمة كل عبارة مما يأتي. (الدرس ١-٣)

٣٩ $٦ - (٥ - ١٦) ٨$

٣٨ $٦ - ٤ \times ٧ + ٣$

٤١ $٣ \times ٧ + (٢ - ٧) ٩$

٤٠ $(١ - ٥) ٦ + ٣ \div ٧٥$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج الجمع في كل مما يأتي: (الدرس ٢-٤)

٤٣ $(٩ -) + ١٠ -$

٤٢ $(٣ -) + ٨ -$

٤٥ $١٥ + ١٥ -$

٤٤ $(٢٠ -) + ١٢$





معمل الجبر

حلّ المعادلات باستعمال النماذج

استكشاف

٢ - ٣

استعملنا سابقاً قطع العد الموجبة والسالبة لجمع الأعداد الصحيحة وطرحها وضربها وقسمتها، كذلك يمكن تمثيل الأعداد الصحيحة ببطاقات الجبر. والجدول التالي يبين هذين النوعين من النماذج:

| النموذج | المتغير | العدد ١ | العدد -١ |
|-------------------|---------|---------|----------|
| الأكواب وقطع العد | | | |
| بطاقات الجبر | | | |

فكرة الدرس:

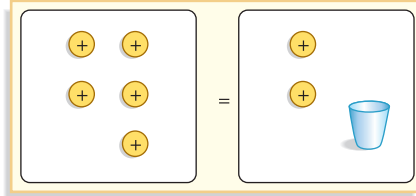
أحلّ المعادلات باستعمال النماذج.

يمكنك استعمال أيّ من هذين النموذجين لحلّ المعادلات.

نشاط

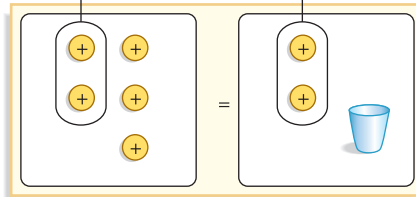
١ استعمل الأكواب وقطع العد أو الرّسم لتحلّ المعادلة: $٥ = ٢ + س$.

نموذج المعادلة



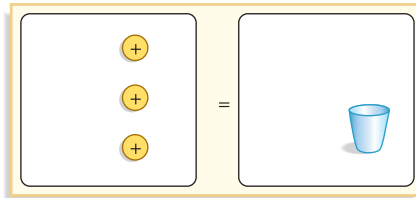
$$٥ = س + ٢$$

احذف العدد نفسه من قطع العد من كلّ طرف بحيث يصبح الكوب وحده في طرف



$$٢ - ٥ = س + ٢ - ٢$$

عدد قطع العد المتبقية في الطرف الأيسر تمثل قيمة س



$$٣ = س$$

إذن $س = ٣$ ، وبما أنّ $٥ = ٢ + ٣$ ، فالحلّ صحيح.

تحقق من فهمك:

استعمل الأكواب وقطع العد أو الرّسم لتحلّ كلّ معادلة مما يأتي:

(أ) $٤ = ٤ + س$ (ب) $٥ = س + ٤$ (ج) $٤ = ١ + س$ (د) $٢ = ٢ + س$

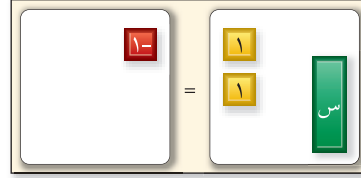
مراجعة المفردات:

الزوج الصفري: يُسمّى العدد ونظيره الجمعي زوجًا صفريًا،
فمثلاً: ٢ و ٢- زوج صفري.
(استكشاف: ٢-٤)

نشاط

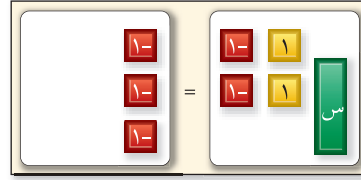
٢ استعمال نموذجًا لتحلّ المعادلة $١ - = ٢ + س$.

نموذج المعادلة



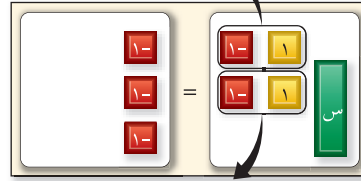
$$١ - = ٢ + س$$

أضف ٢ من البطاقات السالبة إلى كلّ من طرفي المعادلة



$$(٢-) + ١ - = (٢-) + ٢ + س$$

تُحذف جميع الأزواج الصفرية من الطرف الأيمن. ويبقى ٣ بطاقات سالبة في الطرف الأيسر



$$٣ - = س$$

إذن $٣ - = س$ ، بما أنّ $١ - = ٢ + ٣ -$ ، فالحلّ صحيح.

تحقق من فهمك:

استعمل النموذج أو الرّسم لتحلّ كلّ معادلة فيما يأتي:

(و) $٢ - = ٣ - س$

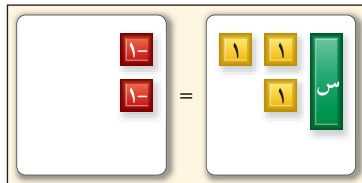
(هـ) $١ + س = ٢ -$

(ح) $٢ - س = ٤$

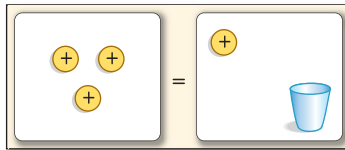
(ز) $٣ - = ١ - س$

حلّ النتائج

وضّح كيف تحلّ كلّ معادلة ممّا يأتي باستعمال النموذج أو الرّسم.



$$٢ - = ٣ + س$$



$$٣ = ١ + س$$



٣ خمن: اكتب قاعدة يمكن استعمالها لحلّ المعادلة $٢ = ٣ + س$ ، دون

استعمال النموذج أو الرّسم.

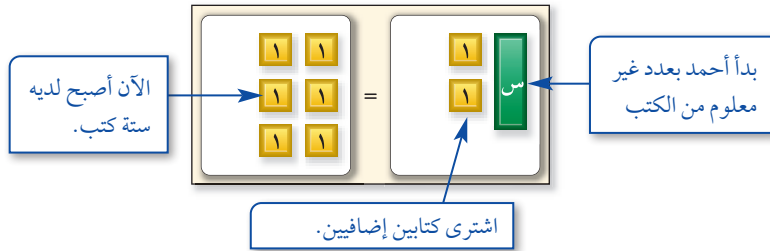


معادلات الجمع والطرح

٢ - ٣

استعد

كتب: عند أحمد بعض الكتب العلمية، ثم اشترى كتابين إضافيين فأصبح لديه ستة كتب علمية.



فكرة الدرس:

أحل معادلات الجمع والطرح.

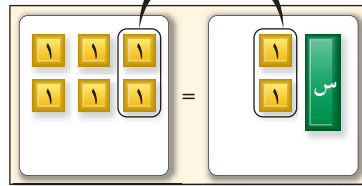
- ١ ماذا تمثل س في الشكل؟
- ٢ ما معادلة الجمع التي مثلت بالشكل؟
- ٣ وضح كيف يمكن حل المعادلة؟
- ٤ ما عدد الكتب التي كانت عند أحمد في البداية؟

يمكنك حل المعادلة $س + ٢ = ٦$ بحذف العدد نفسه من البطاقات الموجبة من كل من طرفي اللوحة. أو بطرح ٢ من كل من طرفي المعادلة. فيصبح المتغير وحده في أحد طرفي المعادلة.

استعمال الرموز

$$\begin{array}{r} س + ٢ = ٦ \\ ٢ - = ٢ - \\ \hline ٤ = س \end{array}$$

استعمال النماذج



إن طرح ٢ من كل من طرفي المعادلة، هو مثال توضيحي لخاصية الطرح.

مفهوم أساسي

خصائص المساواة (خاصية الطرح)

التعبير اللفظي: إذا طرحنا العدد نفسه من كلا طرفي المعادلة يبقى طرفا المعادلة متساويين.

الرموز: إذا $أ = ب$ ، فإن $أ - ج = ب - ج$

الأمثلة: أعداد جبر

$$س + ٢ = ٦$$

$$٦ = ٦$$

$$\begin{array}{r} ٢ - = ٢ - \\ \hline ٤ = س \end{array}$$

$$\begin{array}{r} ٢ - = ٢ - \\ \hline ٤ = ٤ \end{array}$$

وزارة التعليم

Ministry of Education

2028 ٣١ 445

الدرس ٢ - ٣: معادلات الجمع والطرح

حل معادلات الجمع

مثال

١ حل المعادلة: $س + ٩ = ٨$. ثم تحقق من صحة حلك.

اكتب المعادلة

$$س + ٩ = ٨$$

اطرح ٩ من كل طرف

$$س + ٩ - ٩ = ٨ - ٩$$

بسّط

$$س = ٨ - ٩$$

اكتب المعادلة الأصلية

$$س + ٩ = ٨$$

عوّض عن س بـ ١

$$٨ \stackrel{?}{=} ٩ + ١$$

الجملة صحيحة؛ إذن الحل هو ١

$$٨ = ٨$$

تحقق من فهمك:

حل كل معادلة ممّا يأتي، وتحقق من صحة حلك.

(أ) $ص + ٦ = ٩$ (ب) $س + ٣ = ١$ (ج) $٤ + أ = ٣$

إرشادات للدراسة

إن معادلتك الجديدة
س = ١، لها نفس حل
المعادلة الأصلية
س + ٩ = ٨.

مثال من واقع الحياة

٢٠٠٠ **أحياء بحرية:** السمكة المهرج والسمكة الملائكية نوعان من أنواع السمك الاستوائي المشهور. وقد تنمو السمكة الملائكية ليصل طولها إلى ٣٠ سم. فإذا كانت السمكة الملائكية أطول من السمكة المهرج بـ ٢١ سم، فما طول السمكة المهرج؟

تعبير اللفظي السمكة الملائكية أطول بـ ٢١ سم من السمكة المهرج.

لتكن ج تمثل طول السمكة المهرج.

$$٣٠ = ٢١ + ج$$

اكتب المعادلة

$$٣٠ = ٢١ + ج$$

اطرح ٢١ من كلا الطرفين

$$٣٠ - ٢١ = ٢١ - ٢١ + ج$$

بسّط

$$٩ = ج$$

طول السمكة المهرج هو ٩ سم.

تحقق من فهمك:

(د) **طقس:** سجلت أعلى درجة حرارة في مدينة ٥٤° س، وهي أعلى بـ ٢٩° س من أدنى درجة حرارة مسجلة فيها. اكتب معادلة لإيجاد أدنى درجة حرارة سُجِّلَت في هذه المدينة، وحلّها.

بالمثل يمكنك استعمال العمليات العكسية وخاصية الجمع لحل معادلة مثل:

$$س - ٢ = ١$$



الربط مع الحياة:

كيف يستعمل عالم الأحياء المائية الرياضيات؟
يستعملها لتحليل المعلومات والبيانات عن النباتات والحيوانات والكائنات الحية المائية.

خصائص المساواة (خاصية الجمع)

التعبير اللفظي: إذا أضفت العدد نفسه إلى طرفي المعادلة، فإن طرفيها يبقيان متساويين.

الرموز: إذا كانت $أ = ب$ ، فإن $أ + ج = ب + ج$.

| أعداد | جبر |
|-------------|-------------|
| $٥ = ٥$ | $س - ٢ = ٤$ |
| $٣ + ٣ = ٦$ | $٢ + ٢ = ٤$ |
| $٨ = ٨$ | $س = ٦$ |

مثال حل معادلات الطرح

٣ حلّ $س - ٢ = ١$ ، وتحقق من صحّة حلّك.

| | |
|-----------------------|-------------|
| اكتب المعادلة | $س - ٢ = ١$ |
| أضف ٢ إلى كلا الطرفين | $٢ + = ٢ +$ |
| بسّط | $س = ٣$ |

التحقق من الحلّ: بما أن $س - ٢ = ١$ ، فإنّ الحلّ هو ٣

تحقق من فهمك:

حلّ كلّ معادلة ممّا يأتي، وتحقق من صحّة حلّك:

(هـ) $س - ٣ = ٤$ (و) $ل - ٤ = ٢$ (ز) $م - ٨ = ٩$

مثال من واقع الحياة

٤ **تسوّق:** ثمن حذاء ٤٥ ريالاً، وهو أقلّ بـ ١٤ ريالاً من ثمن القميص، ما ثمن القميص؟

| | |
|----------------|---|
| التعبير اللفظي | ثمن الحذاء أقلّ بـ ١٤ ريالاً من ثمن القميص. |
| المتغير | لتكن $س$ تمثل ثمن القميص. |
| المعادلة | $٤٥ = س - ١٤$ |

| | |
|---------------------|---------------|
| اكتب المعادلة | $٤٥ = س - ١٤$ |
| أضف ١٤ لكلا الطرفين | $١٤ + = ١٤ +$ |
| بسّط | $٥٩ = س$ |

ثمن القميص هو ٥٩ ريالاً.

تحقق من فهمك:

(ح) **حيوانات:** معدّل عُمر الأسد في الحياة البرية ١٥ عاماً وهو أقلّ بعام واحد من معدّل عُمر النمر. اكتب معادلة لإيجاد معدّل عُمر النمر، وحلّها.

إرشادات للدراسة

التحقّق من معقولية الحلّ
اسأل نفسك: ما الذي ثمنه
أكبر: الحذاء أم القميص؟ ثمّ
تأكّد من إجابتك. هل بيّنت
الجواب أنّ القميص أغلى
من الحذاء؟



المثال ١

حلّ كلاً من المعادلات الآتية، وتحقّق من صحّة حلّك:

١ ن + ٦ = ٨ ٢ ٧ = ص + ٢

٣ م + ٥ = ٣ ٤ ٢ - أ = ٦

المثال ٢

٥ **طيران:** صنع الأخوان ويلبر وأورفيل رايت أول طائرة عام ١٩٠٣ م. طار ويلبر مسافة ١٠٩ م. وهذه المسافة أطول بـ ٣٦ متراً من المسافة التي طارها أورفيل. اكتب معادلة لإيجاد مسافة طيران أورفيل ثمّ حلّها.

المثال ٣

حلّ كلاً من المعادلات الآتية، وتحقّق من صحّة حلّك:

٦ س - ٥ = ٦ ٧ ١ - ج = ٦

المثال ٤

٨ **إحصاءات:** في عام ١٤٤٠ هـ حصل ١٠٢٦ حادث وفاة بسبب الحوادث المروريّة في مدينة الرياض، وهذا العدد أقلّ بـ ٢٣٣ من عدد حوادث الوفيات التي وقعت في منطقة مكّة المكرمة من العام نفسه. فما عدد حوادث الوفيات التي حصلت في منطقة مكّة المكرمة؟

تدرّب وحلّ المسائل

حلّ كلاً من المعادلات الآتية، وتحقّق من صحّة حلّك:

٩ أ + ٣ = ١٠ ١٠ ص + ٥ = ١١

١١ ٢ + د = ٩ ١٢ ٧ + س = ١٤

١٣ س + ٨ = ٥ ١٤ ص + ١٥ = ١٢

١٥ ك + ٣ = ٩ - ١٦ ٣ - = ٦ + ل

١٧ هـ - ٨ = ٩ ١٨ و - ٧ = ١١

١٩ ٨ - ل = ١ - ٢٠ ٢ - = ف - ١٢

إرشادات

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ٢٠ - ٩ | ٣، ١ |
| ٢٣ - ٢١ | ٤، ٢ |

للأسئلة ٢١ - ٢٣، اكتب المعادلة، ثمّ حلّها:

٢١ **رياضة:** تدرّب حمد على كرة القدم ٧ ساعات الأسبوع الماضي وهي أكثر بساعتين ممّا تدرّب في الأسبوع الذي قبله. فما عدد الساعات التي تدرّبها في الأسبوع ما قبل الماضي؟



٢٢ **أعمار:** عُمر زكريا ١٥ عامًا، وهو أصغر بـ ٣ سنوات من أخيه محمد. فما عُمر محمد؟

٢٣ **نقود:** افترض أن معك س من الريالات، ثم أعطيت أختك ٥ ريالات، فبقي معك ١٨ ريالاً. كم كان معك في البداية؟

حلّ كلاً من المعادلات الآتية، وتحقّق من صحّة حلّك:

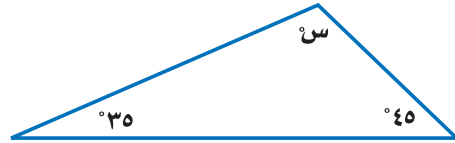
٢٤ $٦٤ + ص = ٨٤$ ٢٥ $٢٣ - س = ١٨$

٢٦ $١٨ - ج = ٣٠$ ٢٧ $١٤, ٩ = ٣, ٥ - أ$

٢٨ $٢, ١ - ر = ٨, ٥$ ٢٩ $١ = ٢, ٢٥ + ب$

للسؤالين ٣٠، ٣١، اكتب المعادلة، ثم حلّها:

٣٠ **هندسة:** مجموع قياسات زوايا المثلث ١٨٠°. أوجد قياس الزاوية المجهولة في الشكل أدناه.



٣١ **اقتصاد:** عند إغلاق السوق المالي لبيع وشراء الأسهم، أغلق سهم إحدى الشركات عند سعر ٦٢,٥٠ ريالاً. وهذا السعر أقل بـ ١,٢٥ ريال من سعر الافتتاح. أوجد سعر الافتتاح لهذا السهم.

تحليل الجداول: لحلّ الأسئلة ٣٢-٣٤، استعمل الجدول أدناه:

| الطالب | العلوم | الرياضيات | اللغة الإنجليزية |
|--------|--------|-----------|------------------|
| سعد | ٩٠ | ٨٥ | س |
| فهد | ٨٠ | ٩٣ | ٨٤ |
| خالد | ٩٥ | ص | ٩١ |
| ماجد | ٥ | ٨٢ | ٧٩ |

٣٢ درجة سعد في اللغة الإنجليزية أكبر من درجة خالد. إذا كان الفرق بينهما ٧ درجات، فاكتب معادلة الطرح، ثم حلّها لتجد درجة سعد.

٣٣ تقل درجة خالد في الرياضيات عن درجة فهد بـ ١٣ درجة. اكتب معادلة الجمع، ثم حلّها لتجد درجة خالد.

٣٤ تزيد درجة ماجد في العلوم على درجة سعد بـ ٦ درجات. اكتب معادلة الطرح، ثم حلّها لتجد درجة ماجد.



٣٥ **اكتشف المختلف:** حدّد المعادلة التي يختلف حلّها عن حلّ المعادلات الثلاث الأخرى، ووضّح إجابتك.

$$9 - = 1 + 6 -$$

$$8 = 11 + ص$$

$$8 - = 5 + ب$$

$$س - 1 = 4 -$$

٣٦ **تحدّ:** لتكن $س + ص = 11$ ، إذا زادت قيمة $س$ بمقدار ٢، فماذا يحدث لقيمة $ص$ ليقى المجموع نفسه؟

٣٧ **الكتب:** مسألة من الحياة يمكن تمثيلها بالمعادلة $س - 25 = 50$.

تدريب على اختبار

٣٩ أيّ الجمل الآتية صحيحة اعتماداً على المعادلة $س + 3 = 7$ ؟

- (أ) لإيجاد قيمة $س$ ، أضف ٣ إلى كلا الطرفين.
- (ب) لإيجاد قيمة $س$ ، أضف ٧ إلى كلا الطرفين.
- (ج) لإيجاد قيمة $س$ ، اجمع العددين ٣ و ٧.
- (د) لإيجاد قيمة $س$ ، اطرح ٣ من كلا الطرفين.

٣٨ يبلغ طول هاني ١٤٥ سم، وهو أقصر من أخيه مهند بمقدار ١٢ سم. أيّ المعادلات الآتية يمكنك استعمالها لمعرفة طول مهند؟

- (أ) $145 = س + 12$
- (ب) $145 = س - 12$
- (ج) $145 = س - 12$
- (د) $س = 145 - 12$

مراجعة تراكمية

٤٠ **أعمار:** يزيد عمر سالم على عمر سليمان بمقدار ١١ سنة. إذا كان عمر سليمان ع، فاكتب عبارة جبرية تمثل عمر سالم. (الدرس ٣ - ١)

٤١ **جبر:** أوجد ناتج: $-24 \div (-4)$ (الدرس ٢ - ٨)

٤٢ **جبر:** بيّن الجدول المجاور عدد الصفحات التي قرأها فيصل في كل ساعة. إذا استمر هذا النمط في القراءة، فكم صفحة يقرأ فيصل في الساعة رقم ٨. (الدرس ٢ - ٧)

| الساعة | عدد الصفحات |
|--------|-------------|
| ١ | ١١ |
| ٢ | ١٣ |
| ٣ | ١٦ |
| ٤ | ٢٠ |
| ٥ | ٢٥ |

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: أوجد ناتج القسمة في كلّ مما يأتي:

٤٦ $0,5 \div 0,76$

٤٥ $0,25 \div 75,25$

٤٤ $3,4 \div 8,84$

٤٣ $13 \div 15,6$



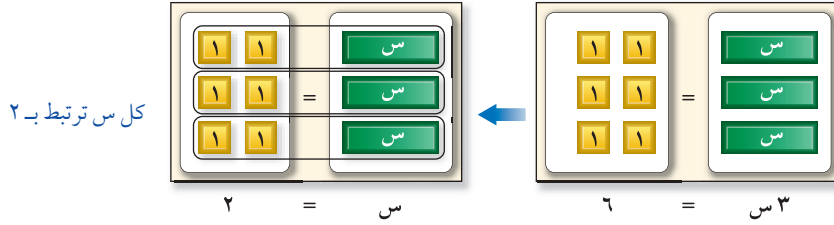


معادلات الضرب

٣ - ٣

نشاط

إدارة: كُلف ثلاثة موظفين بتحرير ٦ خطابات، واتفقوا على تقاسم العمل بالتساوي. يمثّل الشكل معادلة الضرب $٣ \times ٢ = ٦$ ؛ حيث ٣ عدد الخطابات التي يحررها كل موظف.

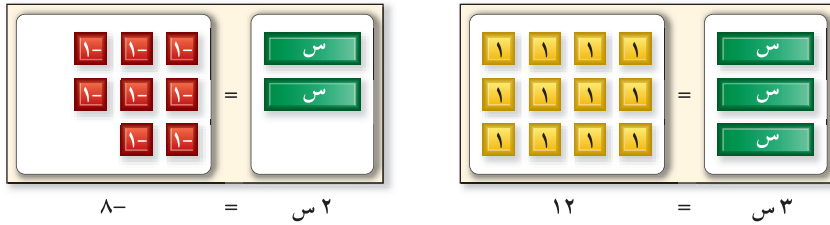


كل س ترتبط بـ ٢

أي يحرر كل موظف خطابين.

إذن حل المعادلة: $٣ \times ٢ = ٦$ هو ٢.

استعمل النماذج أو الرسم لتحلّ كلّاً من المعادلات التالية:



$$٨ = ٢ \times \text{س}$$

$$١٢ = ٣ \times \text{س}$$

$$٩ = ٣ \times \text{س}$$

$$٨ = ٢ \times \text{س}$$

$$٢٠ = ٤ \times \text{س}$$

٦ ما العملية التي استعملتها لإيجاد حلّ كلّ معادلة؟

٧ كيف يمكن استعمال مُعامل س لحلّ المعادلة $٨ = ٣ \times \text{س}$ ؟

المعادلات مثل $٣ \times ٦ = ١٨$ ، تُسمّى معادلات الضرب؛ لأنّ العبارة $٣ \times ٦ = ١٨$ تعني ٣ ضرب ٦ . لذلك يمكن استعمال خاصيّة القسمة لحلّ معادلات الضرب.

مفهوم أساسي

خصائص المساواة (خاصية القسمة)

التعبير اللفظي: إذا قسمت كلّ طرف من المعادلة على عدد غير الصّفر، فإنّ طرفي المعادلة يبقيان متساويين.

الرموز: إذا كانت $أ = ب$ ، جـ $\neq ٠$ ، فإنّ $\frac{أ}{ج} = \frac{ب}{ج}$

$$\begin{array}{l} ٦ = ٢ \times \text{س} \\ ٦ \div ٢ = ٢ \times \text{س} \div ٢ \\ ٣ = \text{س} \end{array}$$

جبر:

$$\begin{array}{l} ٨ = ٨ \\ ٨ \div ٢ = ٨ \div ٢ \\ ٤ = ٤ \end{array}$$

الأمثلة: أعداد:

مثالان حل معادلات الضرب

١ حل المعادلة، وتحقق من صحة حلّك. ٢ حل المعادلة، وتحقق من صحة حلّك.

| | | | |
|---------------|-------------------------------------|---------------|-------------------------------------|
| اكتب المعادلة | $20 = 4 \times$ | اكتب المعادلة | $24 = 8 \times$ |
| اكتب المعادلة | $\frac{20}{4} = \frac{4 \times}{4}$ | اكتب المعادلة | $\frac{24}{8} = \frac{8 \times}{8}$ |
| اكتب المعادلة | $5 = 4 \div 20$ | اكتب المعادلة | $3 = 8 \div 24$ |
| اكتب المعادلة | $5 = 4 \div 20$ | اكتب المعادلة | $3 = 8 \div 24$ |
| الحل هو ٥. | تحقق من صحة الحل | الحل هو ٣. | تحقق من صحة الحل |

تحقق من فهمك:

حل كل معادلة ممّا يأتي، وتحقق من صحة حلّك:

(أ) $30 = 6 \times$ س (ب) $16 = 4 \times$ ب (ج) $9 = 3 \times$ د $72 = 8 \times$ د

بعض المواقف الحياتية يزيد فيها العدد بشكل منتظم، هذه المواقف يمكن أن تُمثّل بمعادلات الضرب.

مثال من واقع الحياة

٣ رسائل نصية: إذا كانت تكلفة إرسال الرسالة النصية الواحدة ١٠، ٠ ريال، فما عدد الرسائل التي يمكن إرسالها بمبلغ ٥ ريالات؟

التعبير اللفظي: التكلفة الكلية تساوي تكلفة كلّ رسالة ضرب عدد الرسائل.

لتكن م تمثل عدد الرسائل التي يمكن إرسالها.

$$5 = 0,10 \times م$$

اكتب المعادلة $5 = 0,10 \times م$

اكتب المعادلة $\frac{5}{0,10} = \frac{0,10 \times م}{0,10}$

اكتب المعادلة $50 = 0,10 \div 0$

اكتب المعادلة $م = 50$

إذن بتكلفة ١٠، ٠ ريال لكل رسالة، يمكن إرسال ٥٠ رسالة بمبلغ ٥ ريالات.

تحقق من فهمك:

(د) سفر: تسير سيارة رياضي مسافة معدّلها ١٥ كلم بتر واحد من البنزين. اكتب معادلة لإيجاد عدد اللترات التي تحتاج إليها لقطع مسافة ٣٠٠ كلم، وحلّها.



الربط مع الحياة:

أكثر من ٣٦٠ مليون رسالة نصية قصيرة تم تبادلها ليلة دخول شهر رمضان المبارك.

الصيغة الرياضية: هي معادلة تبين العلاقة بين كميات محدّدة. ومن أكثر الصيغ الرياضية شيوعاً المعادلة $F = E \cdot N$ التي تبين العلاقة بين المسافة F ، والسرعة E والزمن N .

مثال من واقع الحياة

٤ حيوانات: السلحفاة واحدة من أبطأ الحيوانات، تصل سرعتها القصوى ٠,٤ كلم في الساعة. كم تستغرق السلحفاة لتقطع مسافة ٢,٤ كلم؟ المطلوب منك إيجاد الزمن N اللازم لقطع المسافة F ، وهي ٢,٤ كلم بسرعة ٠,٤ كلم في الساعة.

الطريقة ١

عوّض، ثمّ حلّ.

اكتب المعادلة

$$F = E \cdot N$$

عوّض عن F بـ ٢,٤، وعن E بـ ٠,٤

$$2,4 = 0,4 \cdot N$$

اقسم كلا الطرفين على ٠,٤

$$\frac{2,4}{0,4} = \frac{0,4 \cdot N}{0,4}$$

$$6 = 0,4 \div 0,4$$

$$N = 6$$

الطريقة ٢

حلّ، ثمّ عوّض.

اكتب المعادلة

$$F = E \cdot N$$

اقسم كلا الطرفين على E لإيجاد N

$$\frac{F}{E} = \frac{E \cdot N}{E}$$

بسّط

$$N = \frac{F}{E}$$

عوّض عن F بـ ٢,٤، وعن E بـ ٠,٤

$$N = \frac{2,4}{0,4}$$

$$6 = 0,4 \div 0,4$$

$$N = 6$$

تستغرق السلحفاة ٦ ساعات لتقطع مسافة ٢,٤ كلم.

اختر طريقتك

(هـ) **علوم:** تقطع موجة صوتية مسافة ٧٠٠ م في ٢,٥ ثانية. ما سرعتها؟

تأكّد

حلّ كلّ معادلة ممّا يأتي، وتحقّق من صحّة حلّك:

المثالان ١، ٢

$$١) ٦ - ج = ١٨ \quad ٢) ١٥ = ٣ ع \quad ٣) ٨ - س = ٢٤ \quad ٤) ٩ - ل = ٣٦$$

٥ **عمل:** يتقاضى جميل ١٥ ريالاً في الساعة الواحدة مقابل العمل في محل. ما عدد

المثال ٣

الساعات التي سيعملها ليجمع مبلغ ١٢٠ ريالاً؟

٦ **سباحة:** تسبح سمكة قرش بمعدل ٤٠ كلم في الساعة تقريباً. ما الزمن الذي يحتاج

المثال ٤

إليه لقطع مسافة ٩٦ كلم بهذا المعدل؟

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ١٢-٧ | ١ |
| ١٨-١٣ | ٢ |
| ١٩ | ٣ |
| ٢١، ٢٠ | ٤ |

حلّ كلّ معادلة ممّا يأتي، وتحقّق من صحة حلّك:

- ٧ ٤٩ = أ ٨ ٢٧ = و ٩ ٢ = س ٩ ٦ - = ١٠ ٣ ص = ٢١ -
 ١١ ٣٥ = ع ١٢ ٧٢ = ل ١٣ ٤ - ع = ٣٦ - ١٤ ١٢ ص = ٦٠ -
 ١٥ ٤ - س = ١٦ ٦ - ع = ٣٦ - ١٧ ٤٨ = ٦ - ك ١٨ ٢٨ ص = ٧ -

لكلّ من الأسئلة ١٩ - ٢١، اكتب معادلة، ثمّ حلّها.

١٩ **نقود:** يريد فهد أن يشتري طاولة مكتب كلفتها ٣٠٠ ريال، إذا كان يدّخر ١٥ ريالاً كل أسبوع، فكم أسبوعاً يلزمه لجمع مبلغ الطاولة؟

٢٠ **سرعة:** تسير سيارة سباق بمعدّل ٢٠٥ كلم في الساعة. ما الزمن الذي تستغرقه لتقطع مسافة ٦١٥ كلم بحسب هذا المعدّل؟

٢١ **طيور:** يطير نوع من العصافير مسافة ١٥ م في ثانيتين. احسب معدّل سرعة هذا النوع من العصافير بالأمتار في الثانية الواحدة.

تحليل جداول: للسؤالين ٢٢، ٢٣، استعمل المعلومات الواردة في الجدول أدناه:

| الاسم | السباق | الزمن بالثواني |
|--------------|--------|----------------|
| سالم اليامي | ٢٠٠ م | ٢٠، ٤٢ |
| حمدان البيشي | ٤٠٠ م | ٤٤، ٦٦ |
| محمد الصالحي | ٨٠٠ م | ١٠٣، ٩٩ |

يوضح الجدول بعض الأرقام القياسية السعودية نهاية عام ٢٠٠٧ م.

٢٢ **دون إجراء أيّ عملية حسابيّة، وضح أيّهما كان معدل سرعته أكثر: سالم أم حمدان؟**

٢٣ **أوجد معدل سرعة كلّ عداء بالأمتار لكلّ ثانية، ثمّ قربها إلى أقرب جزء من مئة.**

مسائل

مهارات التفكير العليا

٢٤ **اكتشف الخطأ:** حلّ كل من سعود وسالم المعادلة - ٦ س = ٧٢، أيّهما كان حلّه صحيحاً؟



سالم

$$\begin{aligned} 72 &= 6 \text{ س} \\ \frac{72}{6} &= \frac{6 \text{ س}}{6} \\ 12 &= \text{س} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 72 &= 6 \text{ س} \\ \frac{72}{6-} &= \frac{6 \text{ س}}{6-} \\ 12- &= \text{س} \end{aligned}$$



سعود

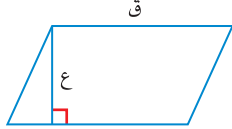
٢٥ **تحدّ:** حلّ ٣ | س | = ١٢، فسّر إجابتك.

اكتب مسائل من الحياة الواقعية يمكن تمثيلها بالمعادلات التّالية:

- ٢٦ ٢ س = ١٦ ٢٧ ٣ س = ٧٥ ٢٨ ٤ س = ٨



٣٠ **إجابة قصيرة:** استعمل القانون $م = ق \times ع$ ؛ لإيجاد طول قاعدة متوازي الأضلاع (ق) الذي ارتفاعه ٧ ستمترات، ومساحته ٥٦ ستمترًا مربعًا.



٢٩ يستطيع لاعب كرة قدم الركض ٢٠ مترًا في ٣,٧ ثوانٍ. أيُّ المعادلات الآتية يمكنك استعمالها؛ لإيجاد عدد الأمتار ص التي يستطيع اللاعب ركضها في ثانية واحدة؟
 أ) $٢٠ ص = ٣,٧$
 ب) $٢٠ = ٣,٧ - ص$
 ج) $٢٠ = ٣,٧ ص$
 د) $٢٠ + ٣,٧ = ص$

مراجعة تراكمية

جبر: حل كلاً من المعادلات الآتية. وتحقق من صحة حلك. (الدرس ٣ - ٢)

٣٢ $٢ - = ٧ - ص$

٣١ $٢ - = ٨ + ل$

٣٤ $٨ + ك = ١ -$

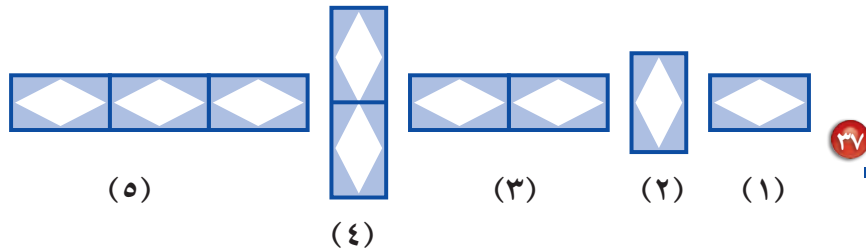
٣٣ $٢٣ + ص = ٢٠$

٣٥ **جبر:** اكتب عبارة جبرية تمثل ناتج ضرب العددين ٣-، ك. (الدرس ٣ - ١)

٣٦ **الشهور القمرية:** إذا كان الشهر القمري ٥, ٢٩ يومًا، فكم يومًا تزيد السنة الميلادية (٣٦٥ يومًا) على ١٢ شهرًا قمرًا؟ (الدرس ١ - ١)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: ارسم الشكلين التاليين في النمط أدناه: (الدرس ٢ - ٧)





استراتيجية حل المسألة

فكرة الدرس: أحل المسائل باستعمال استراتيجية «الحل عكسياً».

٣ - ٤

الحل عكسياً

طارق: معي مبلغ من المال أنفقت منه ٥,٥٠ ريالاً في مطعم، وأربعة أضعاف هذا المبلغ في المكتبة، وتبقى معي الآن ٧,٧٥ ريالاً.
مهمتك: حل عكسياً لإيجاد المبلغ الذي كان مع طارق قبل ذهابه إلى المطعم والمكتبة.



| | |
|--|------|
| المبلغ المتبقى معه ٧,٧٥ ريالاً. والمطلوب إيجاد المبلغ الذي كان معه في البداية. | افهم |
| ابدأ بالنتيجة النهائية، ثم حل عكسياً. | نظّم |
| <p>بقي معه ٧,٧٥ ريالاً.</p> <p>ارجع خطوة في المسألة: أنفق أربعة أضعاف ٥,٥٠ ريالاً في المكتبة.</p> <p>بما أن $٥,٥٠ \times ٤ = ٢٢$ ريالاً، لذا اجمع ٢٢ ريالاً و ٧,٧٥ ريالاً.</p> <p>ارجع خطوة أخرى: ٥,٥٠ ريالاً التي أنفقها في المطعم.</p> <p>اجمع ٥,٥٠ ريالاً و ٢٩,٧٥ ريالاً.</p> <p>إذن، كان مع طارق في البداية ٣٥,٢٥ ريالاً.</p> | حلّ |
| افتراض أن مع طارق ٣٥,٢٥ ريالاً. بعد المطعم أصبح معه: $٣٥,٢٥ - ٥,٥٠ = ٢٩,٧٥$ ريالاً، ثم أنفق في المكتبة أربعة أضعاف ما أنفق في المطعم؛ لذا أصبح معه: $٢٩,٧٥ - ٤(٥,٥٠) = ٧,٧٥$ ريالاً. إذن ٣٥,٢٥ ريالاً جواب صحيح. ✓ | تحقق |

حلّ الاستراتيجية

- ١ وضح متى تستعمل استراتيجية الحل عكسياً لحلّ المسألة.
- ٢ صف كيف تحلّ مسألة عكسياً.
- ٣ اكتب مسألة يمكن حلّها عكسياً، ثم اكتب خطوات حلّ المسألة.



استعمل استراتيجية «الحل عكسيًا» لحل المسائل ٤ - ٧: استعمل الاستراتيجية المناسبة لحل المسائل ٨ - ١١:

من استراتيجيات حل المسألة:
• التخمين والتحقق
• البحث عن نمط
• الحل عكسيًا.

٤ **نقود:** أنفقت مريم ٨ ريالًا ثمن كراسة، و ٥ ريالًا ثمن قلم، ونصف ما بقي معها ثمن علبة عصير. وبقي معها ريالان، فكم ريالًا كان معها في البداية؟

٥ **نظرية الأعداد:** ضرب عدد في - ٣، ثم طُرح من ناتج الضرب ٦، وبعد إضافة - ٧ أصبح الناتج - ٢٥، فما العدد؟

٦ **إدارة الوقت:** يبين الجدول التالي الوقت الذي يستغرقه فيصل صباحًا للذهاب إلى مدرسته:

| جدول فيصل | |
|-----------|-----------------------------------|
| الوقت | المهمة الصباحية |
| ■ | الاستيقاظ |
| ■ | التجهيز للذهاب للمدرسة (٤٥) دقيقة |
| ٧ صباحًا | المشي للمدرسة (٢٥) دقيقة |

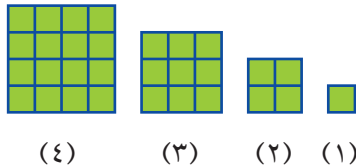
في أي وقت يستيقظ فيصل؟

٧ **منطق:** يحتوي الصندوق الصغير ٤ كرات تنس، وهناك ٦ صناديق صغيرة في كل صندوق متوسط الحجم، و ٨ صناديق متوسطة الحجم في كل صندوق كبير الحجم. إذا وُجد في محل ١٠٠ صندوق كبير الحجم، فما عدد الكرات الموجودة في المحل؟

٨ تبلغ مساحة مزرعة أبي محمد ٩٣، ١٩ كلم^٢، وهي تعادل تقريبًا ٤ أضعاف مساحة مزرعة أبي ناصر. قدّر مساحة مزرعة أبي ناصر؟

٩ **أعمار:** إبراهيم أصغر بعامين من أخيه يوسف، ويوسف أكبر بـ ٤ سنوات من أخته مريم، ومريم أصغر بـ ٨ سنوات من أختها أسماء. إذا كان عُمر أسماء ١٦ سنة، فما عُمر إبراهيم؟

١٠ **هندسة:** ارسم الشكل السادس في النمط التالي:



١١ **أدوات مدرسية:** تريد أمّنة شراء ٥ أقلام ومسطرة و ٧ دفاتر في بداية العام الدراسي.

يبيّن الجدول التالي أسعار هذه الأدوات:

| الأداة | ثمن الوحدة |
|--------|------------|
| قلم | ريالان |
| مسطرة | ريال |
| دفتر | ٣ ريالان |

هل يكفي ٣٠ ريالًا ثمنًا للأدوات التي اشترتها أمّنة؟
فسّر إجابتك.



١٠ كتب: رف في مكتبة ارتفاعه ٨٠ سم. اكتب معادلة

ضرب وحلها؛ لإيجاد أكبر عدد من الكتب (ن) يمكن وضعها فوق بعضها (بشكل متراس) على الرف، إذا علمت أن سمك كل كتاب منها ٤ سم.

(الدرس ٣-٣)

حل كل معادلة مما يأتي. وتحقق من صحة حلك:

(الدرس ٣-٣)

١١ ٥ ف = ٧٥ -

١٢ ٦، ١ و ٨ = ٤،

١٣ ٦٣ = ٧ ت

١٤ ٢، ٢٥ = ١، ٥ ر

١٥ اختيار من متعدد: يقطع سهيل ٦٤ كيلومترًا

في الساعة بسيارته، فإذا قطع مسافة ٢١٦ كيلومترًا في (ن) ساعة، فأى معادلة مما يأتي تمثل هذا

الموقف؟ (الدرس ٣-٣)

١ (أ) ٢١٦ = ٦٤ + ن (ب) ٦٤ = ن

٢ (ج) ٢١٦ = ٦٤ ÷ ن (د) ٦٤ - ن = ٢١٦

١٦ سحبت ميساء ٢٠٠ ريال من رصيدها في البنك، ثم

سحبت ٣٠٠ ريال، ثم سحبت نصف ما تبقى من رصيدها. إذا بقي في رصيدها ٥٠٠ ريال. فكم ريالاً

كان في رصيدها منذ البداية؟ (الدرس ٣-٤)

١٧ عدد إذا قسمته على ٣، ثم أضفت إلى الناتج ٤ يصبح

الناتج ٤ أمثال العدد ٥. ما هذا العدد؟ (الدرس ٣-٤)

اكتب كلاً مما يأتي على صورة معادلة جبرية: (الدرس ٣-١)

١ ناتج ضرب عدد في ٣ هو ١٦.

٢ نقص عدد بمقدار ١٠ فأصبح ٤٥.

٣ **اختيار من متعدد:** مع سامي ٥ ريالات أكثر

من سامر. فإذا كان مع سامر ن ريالاً، فأى العبارات الآتية تمثل عدد الريالات التي مع سامي؟ (الدرس ٣-١)

١ (أ) ن - ٥ (ب) ٥ - ن

٢ (ج) ن + ٥ (د) ٨٠ = ٥ - هـ

حل كل معادلة مما يأتي. وتحقق من صحة حلك:

(الدرس ٣-٢)

٤ ٣٣ = م + ٢١

٥ ٩، ٨ = ١، ٧ + ك

٦ ١٢ - = ٥ - أ

٧ ٥٦ = ل - (٣٣ -)

٨ هندسة: تعلم أن مجموع قياسات زوايا المثلث

١٨٠°. اكتب معادلة وحلها؛ لإيجاد قيمة ل في

الشكل أدناه. (الدرس ٣-٢)



٩ اختيار من متعدد: إذا علمت أن درجة فاطمة

تقل عن درجة عائشة بمقدار ٥ درجات. وكانت

درجة عائشة ٨٥، فأى معادلة مما يأتي يمكنك

استعمالها؛ لإيجاد درجة فاطمة؟ (الدرس ٣-٢)

١ (أ) ٨٥ = ٥ + هـ (ب) ٨٠ = ٥ + هـ

٢ (ج) ٨٥ = ٥ - هـ (د) ٨٠ = ٥ - هـ



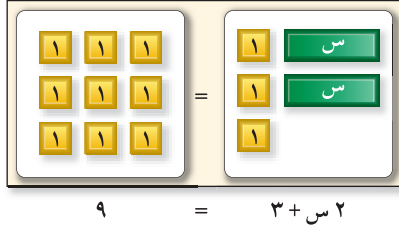


المعادلات ذات الخطوتين

٣ - ٥

نشاط

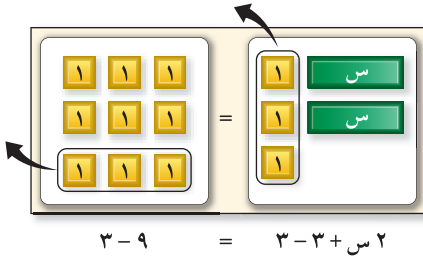
نقود: يأخذ بائع أزهار ريالين ثمنًا لكل زهرة، و٣ ريالات بدل تنسيق باقة الزهور وتغليفها. إذا كان معك ٩ ريالات، فكم زهرة يمكنك أن تشتري؟



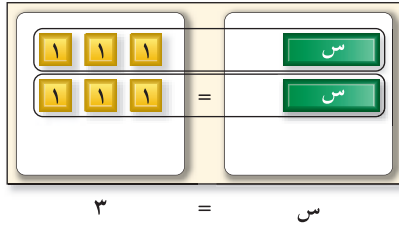
النموذج المجاور يوضح المعادلة:

$$٩ = ٣ + ٢ + ٢ + ٢$$

حيث ٣ تمثل عدد الأزهار.



لحل المعادلة $٩ = ٣ + ٢ + ٢ + ٢$ ، احذف ثلاث بطاقات موجبة من كل طرف من طرفي اللوحة، ثم ضع البطاقات المتبقية في مجموعتين متساويتين.



حل المعادلة: $٩ = ٣ + ٢$ هو ٣.

حلّ كلاً من المعادلات التالية باستعمال النماذج أو الرسم:

$$٢ + ٥ = ٢ \quad (٣)$$

$$٨ = ٢ + ٣ \quad (٢)$$

$$٥ = ١ + ٢ \quad (١)$$

المعادلات ذات الخطوتين فيها عمليتان مختلفتان.

حلّ معادلات ذات خطوتين

أمثلة

١ حلّ المعادلة $٢٣ = ٢ + ٣$ ، وتحقق من صحّة حلك.

اكتب المعادلة

تخلص من الجمع أولاً بطرح ٢ من طرفي المعادلة

اقسم كلا الطرفين على ٣

بسّط

$$٢٣ = ٢ + ٣$$

$$٢٣ - ٢ = ٢ - ٢$$

$$٢١ = ٣$$

$$\frac{٢١}{٣} = \frac{٣}{٣}$$

$$٧ = ١$$

إرشادات للدراسة

عند حلّ معادلات ذات خطوتين (جمع وضرب) نطرح لنتخلص من الجهد، ثم نقسم لنتخلص من الضرب.



تحقق $٣س + ٢ = ٢٣$ اكتب المعادلة الأصلية
 $٣س + (٧) = ٢٣$ عوض عن س بـ ٧
 $٢١ + ٢ = ٢٣$ بسط
 $٢٣ = ٢٣$ الجملة صحيحة ✓
 إذن الحل هو ٧.

٢ حل المعادلة - ٢ ص - ٣ = ٧، وتحقق من صحة حلك.

- ٢ ص - ٣ = ٧ - اكتب المعادلة الأصلية
 $٧ + = ٧ +$ تخلص من -٧ أولاً بجمع ٧ لكل طرف
 $١٠ = -٢ ص$
 $١٠ = -٢ ص$ اقسم كلا الطرفين على -٢
 $٥ = -٢ ص$ بسط
 الحل هو -٥. تحقق من صحة الحل

٣ حل المعادلة ٤ + ٥ = ١١ - ر، وتحقق من صحة حلك.

$٤ + ٥ = ١١ - ر$ اكتب المعادلة الأصلية
 $٤ - = ٤ -$ تخلص من +٤ أولاً بطرح ٤ من كل طرف
 $٥ = ١٥ - ر$
 $٥ = ١٥ - ر$ اقسم كلا الطرفين على ٥
 $٣ = - ر$ بسط
 الحل هو -٣. تحقق من صحة الحل

تحقق من فهمك: ✓

حل كلاً من المعادلات التالية، وتحقق من صحة الحل:

(أ) $٤س + ٥ = ١٣$ (ب) $٣ن - ٨ = ٧$ (ج) $٢س + ١ = ٣ -$

إرشادات للدراسة

المعادلات:

حل المعادلة بصورتها الجديدة هو الحل نفسه للمعادلة الأصلية.

مفهوم أساسي

حل المعادلات ذات الخطوتين

لحل المعادلات ذات الخطوتين، مثل: $٣س + ٤ = ١٦$ ، أو $٢س - ١ = ٣ -$.

الخطوة ١: تخلص من الجمع بالطرح أو العكس.

الخطوة ٢: تخلص من الضرب بالقسمة أو العكس.

مثال من واقع الحياة

٤ حفلات: أقام خالد حفلة لأصدقائه في متنزه، ودفع ٣٢١ ريالاً مقابل تذاكر دخولهم والكعكة والعصير. فإذا كان رسم الدخول للصديق الواحد ٨,٥٠ ريالاً، وثمان الكعكة والعصير ٢٧٠ ريالاً، فما عدد الأصدقاء الذين حضروا الحفلة؟

التعبير اللفظي
ثمن الكعكة والعصير زائد تكلفة صديق واحد ضرب عدد الأصدقاء يساوي ٣٢١ ريالاً.
المتغير
لتكن n تمثل عدد الأصدقاء المدعوين.
المعادلة
 $321 = n \times 8,50 + 270$

اكتب المعادلة $321 = n \times 8,50 + 270$
اطرح ٢٧٠ من كلا الطرفين $321 - 270 = n \times 8,50 + 270 - 270$
اقسم كلا الطرفين على ٨,٥٠ $51 = n \times 8,50$
 $6 = n$

تحقق $321 \stackrel{?}{=} 8,50 \times 6 + 270$
اكتب المعادلة الأصلية $321 \stackrel{?}{=} 8,50 \times 6 + 270$
عوض عن n بـ ٦ $321 \stackrel{?}{=} 8,50 \times 6 + 270$
بسّط $321 \stackrel{?}{=} 51 + 270$
الجملة الصحيحة $321 = 321$
إذن عدد المدعوين لحفلة خالد ٦ أصدقاء.

تحقق من فهمك:

د) **لياقة بدنية:** هناك عرض خاص في مركز للياقة البدنية، بحيث تدفع ٢٢ ريالاً للاشتراك، زائد ١٦ ريالاً قسماً شهرياً. فإذا كان معك ١٥٠ ريالاً، فكتب معادلة لمعرفة عدد الأشهر التي يمكن الاشتراك فيها بهذا المبلغ، ثم حلّها.

تأكد

الأمثلة ١ - ٣ حلّ كلّاً من المعادلات التالية، وتحقق من صحّة حلّك:

١) $3س + 1 = 7$ ٢) $4ل - 6 = 22$ ٣) $6ر + 1 = 17$

٤) $3ص - 5 = 10$ ٥) $13م + 1 = 4$ ٦) $7 - 1 = 2ن$

٧) **نقود:** مع سمير ٦٥ ريالاً، ويريد أن يشتري بعض الكتب وحقيبة. إذا كان سعر الكتاب ١٤ ريالاً والحقبة ٢٣ ريالاً، فكتب معادلة لتجد عدد الكتب، ثم حلّها.

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ١٣ - ٨ | ٣, ٢, ١ |
| ١٥, ١٤ | ٤ |

حلّ كلاً من المعادلات التالية، وتحقق من صحة حلّك:

٨ ٦ م + ١ = ٢٣ ٩ - ٤ ل - ٤ = ٨ ١٠ - ٧ ص + ٣ = - ٢٥
 ١١ ٢ + ٢٥ س = ٤٧ ١٢ ٥ ك + ٢ = ٩, ٧ = ١٩ ١٣ ٥ = ١٦, ٥ = ٠ و - ٨

في الأسئلة ١٤ - ١٧، اكتب معادلة، ثم حلّها:

- ١٤ **دراجات:** يوفر صلاح نقوداً ليشترى دراجة جديدة ثمنها ١٨٩ ريالاً. فإذا وفر حتى الآن ٩٩ ريالاً، ويوفر أسبوعياً ١٠ ريالاً، فكم أسبوعاً يحتاج لجمع ثمن الدراجة؟
- ١٥ **ترفيه:** إذا كان ثمن تذكرة دخول حديقة الحيوانات ١٠ ريالاً، و ثمن كيس طعام الطيور ريالين. فكم كيساً تستطيع أن تشتري إذا أردت دخول الحديقة، وكان معك ١٤ ريالاً؟
- ١٦ **اتصالات:** تتقاضى شركة الهواتف مبلغ ٩٩, ٣٩ ريالاً شهرياً مقابل عدد غير محدد من الدقائق - خارج وقت الذروة - في الليل وأيام العطل الأسبوعية، وتتقاضى ٤٥, ٠ ريال عن كل دقيقة في وقت الذروة. إذا كانت فاتورة سليمان الشهرية ٤٩, ٦٢ ريالاً، فكم دقيقة تكلم في وقت الذروة؟
- ١٧ **نباتات:** في ظروف مثالية، ينمو نوع من الخيزران ١٢٠ سم يومياً، فكم يوماً تحتاج إليه شجرة خيزران طولها ٢٠ سم ليصبح ارتفاعها ٢٤ م، بحسب هذا المعدل؟

- ١٨ **تحدّ:** تبيع إحدى المدارس اشتراكات في مجلّة، الواحد ب ٢٠ ريالاً. وتقوم الشركة الموزعة للمجلة بدفع نصف المبيعات الإجمالية للمدرسة، على أن تدفع المدرسة رسماً لمرة واحدة ١٨ ريالاً، فما أقلّ عدد من الاشتراكات التي يجب أن تبيعها المدرسة لتحصل على ٢٠٠ ريال؟

- ١٩ **اختر طريقة:** استأجر فهد سيارة مقابل رسم ثابت مقداره ٩٩, ٨٩ ريالاً زائد ٢٦, ٠ ريال عن كلّ كيلومتر زيادة على الحد المقرر (١٥٠ كلم). إذا كان فهد قد دفع ١٩٠ ريالاً، فأيّ الطرق التالية ستستعمل لإيجاد عدد الكيلومترات الزائدة التي قطعها؟ علّل اختيارك، ثمّ استعمل الطريقة أو الطرق التي اخترتها لحلّ المسألة.

التقدير

الحسّ عددي

الحساب ذهني



- ٢٢ مع وليد ١٨٧٥ ريالاً. إذا بدأ يصرف منها
١٤٠ ريالاً أسبوعياً، فأى العبارات الآتية تمثل
المبلغ (بالريالات) المتبقي معه بعد س أسابيعاً؟
(أ) ١٧٣٥ س
(ب) ١٨٧٥ - ١٤٠ س
(ج) ١٤٠ س
(د) ١٨٧٥ + ١٤٠ س

- ٢١ قدمت شركة اتصالات عرضاً، على أن يدفع
المشترك ٥٠ ريالاً شهرياً، بالإضافة إلى
١٥, ٠ ريال عن كل دقيقة اتصال. أي المعادلات
الآتية يمكنك استعمالها؛ لتجد المبلغ (بالريالات)
الذي سيدفعه مشترك في نهاية شهر ما، إذا أجرى
م دقيقة اتصال خلال ذلك الشهر؟
(أ) ٥٠, ١٥ م (ج) ٥٠ + ١٥, ٠ م
(ب) ٥٠ + ١٥, ٠ م (د) ٥٠ + ١٥, ٠ م

مراجعة تراكمية

- ٢٣ **جداول زمنية:** يرغب عدنان في الوصول إلى مدرسته في تمام الساعة ٧:١٠ صباحاً. فإذا علمت أنه يستغرق
٧ دقائق في المشي من بيته إلى مدرسته، ويحتاج إلى ٤٠ دقيقة لتجهيز نفسه في الصباح. فما آخر وقت عليه أن
يستيقظ فيه ليصل إلى مدرسته في الوقت المحدد؟ (الدرس ٣ - ٤)
حل كل معادلة مما يأتي، وتحقق من صحة حلك: (الدرسان ٣ - ٢, ٣ - ٣)
٢٤ ٢٨ = ٤ ف ٢٥ ٣ - ص = ١٥
٢٦ س - ١٤ = ٢٧ ٢٧ ١١ - ن = ٢
٢٨ ما المسافة الرأسية بين أعلى نقطة في مبنى وأخفض نقطة في أساساته، إذا علمت أن ارتفاع المبنى عن سطح
الأرض ٣٥ متراً وقد وضعت أساساته على عمق ٢٠ متراً تحت مستوى الأرض. (الدرس ٢ - ٥)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: اضرب أو اقسم:

- ٢٩ ٢٠ × ٢, ٥ ٣٠ ٤ × ٣, ٥
٣١ ٢, ١ ÷ ٤٢٠٠ ٣٢ ٦, ٥ ÷ ١٠٤

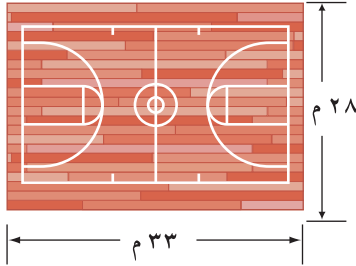




القياس: المحيط والمساحة

٦ - ٣

استعد



قياس: في بداية حصّة الرياضة، طلب المعلم من الطلاب الركض حول الصّالة الرياضية.

١ إذا ركض طالب حول الصّالة ٥ مرات، فما المسافة التي قطعها؟

٢ اشرح كيف يمكن أن تستعمل الضرب والجمع لإيجاد هذه المسافة؟

فكرة الدرس:

أجد مساحة مستطيل ومحيطه.

المفردات:

المحيط

المساحة

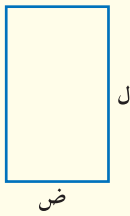
المسافة حول شكل هندسي تُسمّى **المحيط**.

لإيجاد محيط المستطيل، استعمل الصيغة التّالية:

مفهوم أساسي

محيط المستطيل

النموذج



التعبير اللفظي: محيط المستطيل (مح) هو مثلاً مجموع الطول (ل) والعرض (ض).

الرموز
 $مح = ل + ل + ض + ض$
 $مح = ٢ل + ٢ض$
 $مح = ٢(ل + ض)$

إيجاد محيط المستطيل

مثال



٤ سم

١٥ سم

١ أوجد محيط المستطيل المجاور.

محيط المستطيل $مح = ٢ل + ٢ض$

مح $= ٢(١٥) + ٢(٤)$ عوض عن ل بـ ١٥، وعن ض بـ ٤

مح $= ٣٠ + ٨$ اضرب

مح $= ٣٨$ اجمع

إذن محيط المستطيل يساوي ٣٨ سم.

تحقق من فهمك:



أ) أوجد محيط المستطيل الذي طوله ١٤,٥ سم، وعرضه ٥,٢ سم

٢

حداث: صمّم حامد حديقة مستطيلة الشكل بعرض ٨ م. ويريد أن يضع سياجاً حولها. فإذا كان لديه ٤٠ م من السياج، فما طول الحديقة الذي يُستعمل فيه السياج كاملاً؟

محيط المستطيل

$$\text{مح} = ٢ + ل \text{ ض}$$

عوّض عن مح بـ ٤٠، وعن ض بـ ٨

$$٤٠ = ٢ + ل \times (٨)$$

اضرب

$$١٦ + ل = ٤٠$$

اطرح ١٦ من كلا الطرفين

$$١٦ - = ١٦ -$$

بسط

$$ل = ٢٤$$

اقسم كلا الطرفين على ٢

$$ل = ١٢$$

أكبر طول ممكن للحديقة يساوي ١٢ م.

تحقق من فهمك:

(ب) **إطار:** اشترى سالم إطاراً للوحة فنية عرضه ٩٠ سم. إذا كان محيط الإطار ٤٠٠ سم، فما طوله؟


المسافة حول مستطيل هي محيطه، وقياس المنطقة المحصورة داخله هي مساحته.

مساحة المستطيل

التعبير اللفظي: مساحة المستطيل (م) هي ناتج ضرب طوله (ل) في عرضه (ض).

الرموز: $م = ل \times ض$

النموذج



إرشادات للدراسة

وحدات المساحة:

عند إيجاد المساحة فإن الوحدات تضرب أيضاً، لذا فإن المساحة تُعطى بالوحدات المربعة. مستطيل بعده ٢ سم، و ٣ سم.



إذن مساحته

$$٢ \text{ سم} \times ٣ \text{ سم} = (٢ \times ٣) (\text{سم} \times \text{سم}) = ٦ \text{ سم}^2$$

مثال

إيجاد مساحة مستطيل

٣

ألعاب: أوجد مساحة طاولة لعبة القطار المبيّنة في الشكل.

مساحة المستطيل

$$م = ل \times ض$$

عوّض عن ل بـ ١٢٤،

$$م = ١٢٤ \times ٨٩$$

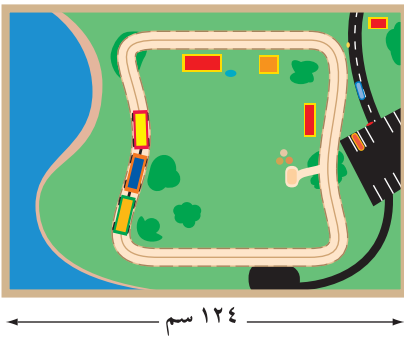
وعن ض بـ ٨٩

$$م = ١١٠٣٦$$

اضرب

المساحة هي ١١٠٣٦ سم^٢.

تحقق من فهمك:



(ج) **رخام:** قطعة رخام طولها ١٩ سم، وعرضها ١٠ سم. أوجد مساحة سطحها ومحيطها.

استعمال المساحة لإيجاد المجهول

مثال

٤ مستطيل مساحته ٥٣,٩٤ م^٢. إذا كان طوله ٨,٧ م، فاحسب عرضه.

الطريقة ١

عوّض، ثم حلّ.

$$\begin{aligned} \text{اكتب المعادلة} \quad \text{م} &= \text{ل} \times \text{ض} \\ \text{عوّض عن م بـ } ٥٣,٩٤, \text{ وعن ل بـ } ٨,٧ & \quad ٥٣,٩٤ = (٨,٧) \times \text{ض} \\ \text{اقسم كلا الطرفين على } ٨,٧ & \quad \frac{٥٣,٩٤}{٨,٧} = \frac{\text{ض} \times ٨,٧}{٨,٧} \\ \text{بسّط} \quad ٦,٢ &= \text{ض} \end{aligned}$$

الطريقة ٢

حلّ، ثم عوّض.

$$\begin{aligned} \text{اكتب المعادلة} \quad \text{م} &= \text{ل} \times \text{ض} \\ \text{اقسم كلا الطرفين على ل} & \quad \frac{\text{م}}{\text{ل}} = \frac{\text{ل} \times \text{ض}}{\text{ل}} \\ \text{بسّط} \quad \text{ض} &= \frac{\text{م}}{\text{ل}} \\ \text{عوّض عن م بـ } ٥٣,٩٤, \text{ وعن ل بـ } ٨,٧ & \quad \text{ض} = \frac{٥٣,٩٤}{٨,٧} \\ \text{بسّط} \quad ٦,٢ &= \text{ض} \end{aligned}$$

إذن عرض المستطيل ٦,٢ م.

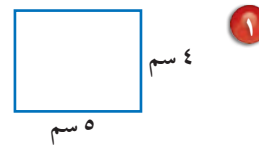
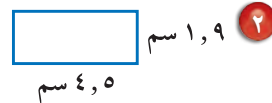
تحقق من فهمك:

(د) أوجد طول مستطيل مساحته ١٣٥ م^٢، وعرضه ٩ م.

تأكد

أوجد محيط كلٍّ من المستطيلين الآتيين:

المثال ١

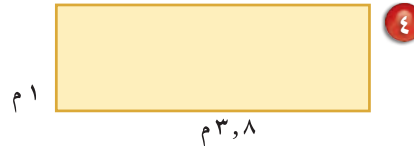
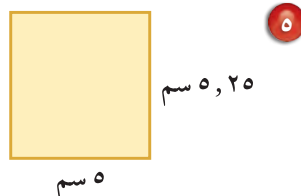


٣ تصوير: صورة عرضها ٥ سم، ومحيطها ٢٤ سم. أوجد طولها.

المثال ٢

أوجد مساحة كلٍّ من المستطيلين الآتيين:

المثال ٣



٦ قياس: مستطيل مساحته ٣٠ م^٢، وطوله ٦ م. أوجد عرضه.

المثال ٤

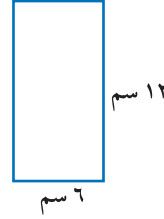
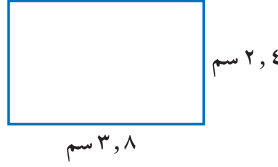


تدرّب وحلّ المسائل

إرشادات للأسئلة

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ١٠ - ٧ | ١ |
| ١٢، ١١ | ٢ |
| ١٦ - ١٣ | ٣ |
| ١٧ | ٤ |

أوجد محيط كلّ من المستطيلات التالية:



٩٠ ل = ٥ م، ٥ = ٦ سم، ٥ = ٥ سم.

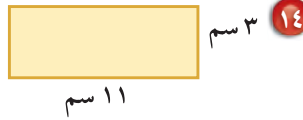
٩٠ ل = ٥ م، ٥ = ٦ سم، ٥ = ٥ سم.

١١ **خياطة:** قطعة لتزيين إطار السجاد على شكل مستطيل محيطها ١٥٠ سم. إذا كان

عرضها ٣٠ سم، فما طولها؟

١٢ **حدائق:** حديقة مستطيلة الشكل عرضها ٤٠ م ومحيطها ٢٨٠ م. فما طولها؟

أوجد مساحة كلّ من المستطيلات التالية:



١٦ ل = ٤ م، ٥ = ٤ م

١٥ ل = ٣ م، ٢٥ = ٣ سم

ض = ١، ٦ = ١ م

ض = ٢ سم

١٧ **رسم:** رُسمت لوحة مستطيلة الشكل على جدار طولها ٣ م، وتغطّي مساحة ٨ م^٢.

فما عرض هذه اللوحة؟

أوجد القياس المجهول:

١٨ المحيط = ٦ م، ١١٥ م، ٨ = ٢٤ م.

١٩ المساحة = ٢٨ م، ١٨٩ سم، ٩ = ١٦ سم.

تحليل جداول: لحلّ السؤالين ٢٠، ٢١، استعمل الجدول أدناه:

| أبعاد حدائق | | |
|-------------|-----------|-----------|
| الحديقة | العرض (م) | الطول (م) |
| صغيرة | ٤٠ | ٥٠ |
| متوسطة | ٥٠ | ٨٠ |
| كبيرة | ٦٠ | ١٠٠ |

٢٠ كم تزيد مساحة الحديقة الكبيرة على مساحة

الحديقة الصغيرة؟

٢١ الفدان هو وحدة لقياس المساحات ويساوي

٤٢٠٠ مترًا مربعًا تقريبًا. كم فدانًا مساحة الحديقة

المتوسطة تقريبًا؟



وزارة التعليم

Ministry of Education

2024 1445

الدرس ٣ - ٦: القياس: المحيط والمساحة

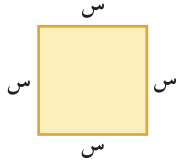
للأسئلة ٢٢ - ٢٤ حدّد أي المسائل تتضمن المحيط، أو المساحة أو كليهما، ثمّ حلّها:

٢٢ **ورق جدران:** غرفة مستطيلة الشكل. يُراد تثبيت شريط زينة بشكل أفقي على امتداد جدرانها الأربعة. إذا كان طول الغرفة ٤ م، وعرضها ٣ م، فكم مترًا من شريط الزينة نحتاج إليه؟

٢٣ **سجاد:** يريد عبد المجيد شراء قطعة سجاد مستطيلة الشكل لمجلسه. إذا كانت مساحتها ٣٥ م^٢، وعرضها ٤ م، فما طولها؟

٢٤ **سياج:** حديقة مستطيلة الشكل، يريد مالِكها إحاطتها بسياج. إذا كان طول الحديقة ١٥ م، ومساحتها ١٦٥ م^٢، فما طول السياج المطلوب؟

٢٥ **هندسة:** استعمل الشكل المجاور لكتابة صيغة المحيط (مح)، والمساحة (م) للمربع.



مسائل

مهارات التفكير العليا

٢٦ **مسألة مفتوحة:** ارسم ثلاثة مستطيلات مختلفة، مساحة كلّ منها ٢٤ سم^٢، واذكر قياسات أبعاد كلّ منها.

حس عددي: للسؤالين ٢٧، ٢٨. صفّ التأثير على المحيط والمساحة:

٢٧ إذا أصبح عرض المستطيل مثلي العرض الأصلي.

٢٨ إذا أصبح طول المربع مثلي الطول الأصلي.

٢٩ **تحّد:** مستطيل عرضه ض، وطوله أكبر بوحدة من ٣ أمثال عرضه. اكتب عبارة جبرية تمثّل محيط المستطيل.

٣٠ **اكتب:** هل الجملة الآتية صحيحة أم غير صحيحة؟ وضّح إجابتك مع الأمثلة. المستطيل الأكبر مساحة من بين جميع المستطيلات التي محيطها يساوي ٢٤ سم، هو مربع.



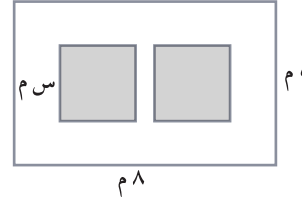
٣٢ عرض المستطيل أذناه ٤,٧٥ سم ومحيطه م.



أي مما يأتي يمثل محيط المستطيل؟

- (أ) $\frac{l}{4} + 4,75 = م$
 (ب) $م - 4,75 = ل$
 (ج) $م = 9,5 + 2ل$
 (د) $م = 9,5 - 2ل$

٣١ في الشكل أذناه حديقة مستطيلة الشكل،
 وبداخلها مربعان متطابقان، أي العبارات الآتية
 تمثل المساحة غير المظللة؟



- (أ) $(٤٠ - ٢س) م^٢$
 (ب) $(٤٠ - س) م^٢$
 (ج) $(٤٠ + س) م^٢$
 (د) $(٤٠ - س) م^٢$

مراجعة تراكمية

حل كل معادلة مما يأتي، وتحقق من صحة حلك: (الدرس ٣ - ٥)

٣٥ $٣ + ل = ١٠$

٣٤ $٧ = ف - ١٣$

٣٣ $٢ = ١٢ + د$

٣٦ **جبر:** دفع عصام ١١,٢٥ ريالاً ثمنًا لـ ٥ أقلام من النوع نفسه. اكتب معادلة؛ لإيجاد ثمن القلم الواحد، ثم حلها. (الدرس ٣ - ٣)

اضرب: (الدرس ٢ - ٦)

٣٩ $١٠ - (٢) (٨ -)$

٣٨ $(٣ -) \times (٣ -) \times (٣ -)$

٣٧ $١٤ (٥ -)$

٤٠ **أعمار:** مجموع عمري سعاد ومها ٢٦ سنة. إذا علمت أن عمر سعاد أكبر من عمر مها بـ ٤ سنوات، فاستعمل استراتيجية التخمين والتحقق؛ لإيجاد عمر مها. (الدرس ١ - ٤)

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة: مثل كل نقطة مما يأتي على المستوى الإحداثي، وسمها: (الدرس ٢ - ٣)

٤٤ $(٠, ٢)$

٤٣ $(٤ - , ٣ -)$

٤٢ $(١ - , ٣)$

٤١ $(٢, ٤ -)$





تمثيل العلاقات بيانياً

في هذا المعمل ستدرس العلاقة بين بعدي المستطيل ومحيطه.

نشاط



الخطوة ١ استعمل ١٠ أسلاك مرنة، طول كل منها ٢٤ سم، وشكل ١٠ مستطيلات بأبعاد مختلفة.

| العرض (سم) | الطول (سم) |
|------------|------------|
| | |
| | |
| | |

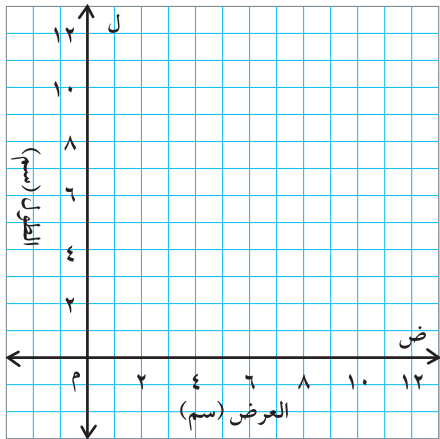
الخطوة ٢ قس طول كل مستطيل وعرضه لأقرب ستمتر، وسجله في الجدول المجاور:

فكرة الدرس:

أمثل البيانات لأوضح العلاقة بين بعدي المستطيل ومحيطه.

حل النتائج:

- ١ ماذا يمثل القياس ٢٤ سم بالنسبة لكل مستطيل؟
- ٢ أوجد مجموع العرض والطول لكل مستطيل، واكتب جملة تصف العلاقة بين هذا المجموع وقياس طول السلك المستعمل في إنشاء المستطيل، ثم اكتب قاعدة تصف هذه العلاقة لمستطيل عرضه ض وطوله ل.
- ٣ في هذا النشاط: إذا كان طول مستطيل ٥، ٧ سم، فما عرضه؟ وضح إجابتك، واكتب قاعدة لإيجاد ض عندما تكون ل معلومة في أي مستطيل من المستطيلات السابقة.



- ٤ **تمثيل البيانات:** مثل البيانات في الجدول السابق على المستوى الإحداثي المجاور، وتحقق من صحة التمثيل باستخدام أحد التطبيقات الحاسوبية.
- ٥ صف ماذا يمثل الزوج المرتب (ض، ل)، وكيف تظهر هذه النقاط على التمثيل البياني.
- ٦ استعمل التمثيل البياني لإيجاد عرض مستطيل طوله ٧ سم، وشرح طريقته.

٧ **خمن:** إذا كان طول كل سلك مستعمل في إنشاء المستطيلات ٢٠ سم،



فكيف يؤثر ذلك في البيانات في جدولك؟ وفي القاعدة التي كتبها في:

التمرين ٣؟ وفي شكل التمثيل البياني؟



التَّمثِيلُ البَيَانِيُّ لِلدَّوَالِّ

٧ - ٣

استعدّ

| الثمن الكلي للاشتراك | | |
|----------------------|--------|-----------------------|
| عدد الطلاب | ١٥ م | التكلفة الكلية (ريال) |
| ١ | ١٥ (١) | ١٥ |
| ٢ | ١٥ (٢) | ٣٠ |
| ٣ | ١٥ (٣) | |
| ٤ | | |
| ٥ | | |
| ٦ | | |

نقود: يريد طلاب الصف الأول المتوسط القيام برحلة في نهاية الأسبوع، بحيث يدفع كل طالب ١٥ ريالاً.

١ أكمل الجدول المجاور.

٢ عيّن الأزواج المرتبة (عدد الطلاب، التكلفة الكلية) على المستوى البياني.

٣ صفّ كيف تظهر هذه النقاط على التمثيل البياني للدالة.

فكرة الدرس:

أمثّل البيانات لتوضيح العلاقات.

المفردات:

المعادلة الخطية

مراجعة المفردات:

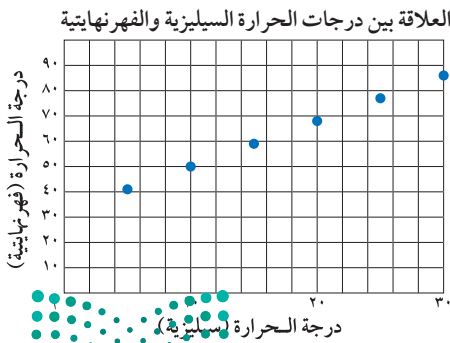
الدالة: علاقة فيها كلّ عنصر من المُدخلات يرتبط بعنصر واحد فقط من المُخرجات بحسب قاعدة محدّدة. (الدرس ١-٨)

إذا أعطيت دالة، فإنّ الأزواج المرتبة على الصيغة (مُدخلة، مُخرجة) أو (س، ص)، تزودك بمعلومات مهمة عن الدالة. وعند تعيين هذه الأزواج المرتبة على المستوى الإحداثي، فإنّها تشكّل جزءاً من التمثيل البياني للدالة. يتكوّن التمثيل البياني للدالة من النقاط على المستوى الإحداثي والتي تُناظر جميع الأزواج المرتبة على الصيغة (مُدخلة، مُخرجة).

| درجة سيليزية (مُدخل) | درجة فهرنهايت (مُخرج) |
|----------------------|-----------------------|
| ٥ | ٤١ |
| ١٠ | ٥٠ |
| ١٥ | ٥٩ |
| ٢٠ | ٦٨ |
| ٢٥ | ٧٧ |
| ٣٠ | ٨٦ |

مثال من واقع الحياة

درجات حرارة: الجدول المجاور يبيّن درجات الحرارة السيليزية، ودرجات الحرارة الفهرنهايتية المُناظرة لها. مثّل بيانياً العلاقة بينهما.



نُمثّل الأزواج المرتبة:

(٥٩، ١٥)، (٥٠، ١٠)، (٤١، ٥)،
(٨٦، ٣٠)، (٧٧، ٢٥)، (٦٨، ٢٠)

على المستوى الإحداثي.

تحقق من فهمك:

| عدد الكتب | المبلغ المتبقي (ريال) |
|-----------|-----------------------|
| ١ | ٦٣ |
| ٢ | ٥١ |
| ٣ | ٣٩ |
| ٤ | ٢٧ |
| ٥ | ١٥ |

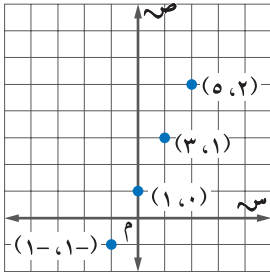
أ) **مكتبة:** يبين الجدول المجاور المبلغ المتبقي من ٧٥ ريالاً بعد شراء عدد من الكتب. مثل بياناً العلاقة بين عدد الكتب المشتراة، والمبلغ المتبقي.

إنَّ حلَّ معادلة بمتغيرين يتكوّن من عددين، (لكلِّ متغيّر عدد) بحيث يجعلان المعادلة صحيحة. ويكتب الحلُّ على شكل زوج مُرتَّب (س، ص).

مثال تمثيل حلول المعادلات الخطية بيانياً

٢ مثل بيانياً: ص = ٢س + ١

اختر أيَّ أربع قيمٍ للمُدخلات س. ولتكن: ١، ٢، ٠، ١- . ثم عوّض عن قيم س لتجد المُخرجات ص.



| س | ٢س + ١ | ص | (س، ص) |
|----|------------|----|----------|
| ٢ | ١ + (٢) ٢ | ٥ | (٥، ٢) |
| ١ | ١ + (١) ٢ | ٣ | (٣، ١) |
| ٠ | ١ + (٠) ٢ | ١ | (١، ٠) |
| ١- | ١ + (١-) ٢ | ١- | (١-، ١-) |

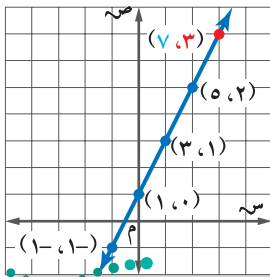
يُعدّ كلُّ من الأزواج المرتبة (٥، ٢)، (٣، ١)، (١، ٠)، (١-، ١-) حلّاً للمعادلة. وبتمثيل هذه الأزواج المرتبة بيانياً، تستطيع تمثيل ص = ٢س + ١.

تحقق من فهمك:

مثل بيانياً كلّاً من المعادلات التالية:

ب) ص = ٣س - ٣ (ج) ص = ٣س - ٣ (د) ص = ٣س + ٢

لاحظ أنَّ النقاط الأربع في الرّسم البياني تقع على استقامة واحدة؛ لهذا فجميع النقاط الواقعة على المستقيم المارّ بهذه النقاط الأربع تمثّل حلولاً للمعادلة: ص = ٢س + ١. النقطة (٧، ٣) تقع على هذا المستقيم، ولهذا فهي أيضاً حلٌّ للمعادلة.



ص = ٢س + ١ اكتب المعادلة

٧ = ٢(٣) + ١ عوّض عن س بـ ٣ وعن ص بـ ٧

٧ = ٧ الجملة صحيحة

إذن (٧، ٣) هي حلٌّ للمعادلة ص = ٢س + ١. وتُسمّى مثل هذه المعادلة **معادلة خطية**؛ لأنها تُمثّل بيانياً بخطّ مستقيم.

إرشادات للدراسة

تمثيل المعادلات:

نحتاج إلى أيّ نقطتين لتمثيل المستقيم بيانياً. ويمكن تمثيل نقاط أكثر، للحصول على دقة أكثر.

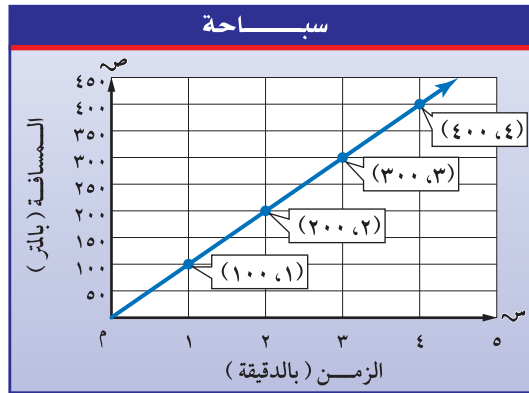
مثال من واقع الحياة

سباحة: يقطع سباح مسافة ٤٠٠ م بمعدل ١٠٠ م في الدقيقة. إذا كانت المعادلة $F = 100N$ تمثل المسافة F التي يستطيع قطعها في N من الدقائق بهذه السرعة. فمثل الدالة بيانياً.

الخطوة ١: اختر أي أربع قيم موجبة لـ N ، ثم أنشئ جدول دالة.

| ن | ١٠٠ ن | ف | (ن، ف) |
|---|----------------|-----|----------|
| ١ | 1×100 | ١٠٠ | (١، ١٠٠) |
| ٢ | 2×100 | ٢٠٠ | (٢، ٢٠٠) |
| ٣ | 3×100 | ٣٠٠ | (٣، ٣٠٠) |
| ٤ | 4×100 | ٤٠٠ | (٤، ٤٠٠) |

الخطوة ٢: عيّن الأزواج المرتبة على المستوى الإحداثي، وارسم خطاً مستقيماً يمر بهذه النقاط.



تحقق من فهمك:

(هـ) **وظائف:** تحصل ليلي على ١٥ ريالاً عن الساعة الواحدة مقابل عملها في مشغل للخياطة. والمعادلة $R = 15S$ تمثل عدد الريالات R التي تحصل عليها ليلي في S من الساعات. مثل هذه الدالة بيانياً.

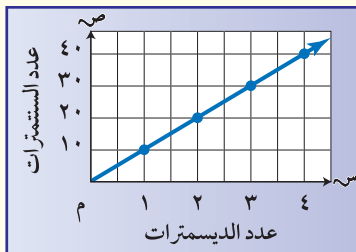


الربط مع الحياة:

تؤثر حركة السباحة في تطوير كل الأجهزة العضوية في جسم الإنسان؛ كالقلب والعضلات، وفي دوران الدم والتنفس، كما تساعد على بناء جسم سليم.

تمثيل الدوال بيانياً

التعبير اللفظي: يوجد ١٠ ستمترات في الديسمتر الواحد.



التمثيل البياني:

| دسم | سم |
|-----|----|
| ١ | ١٠ |
| ٢ | ٢٠ |
| ٣ | ٣٠ |
| ٤ | ٤٠ |

الجدول:

المعادلة:

$F = 10S$

حيث S : عدد الديسمترات، و F : عدد الستمترات.



مثّل بيانياً العلاقة التي يوضّحها الجدول:

المثال ١

| تحويل الدقائق إلى ثوانٍ | |
|-------------------------|---------|
| الدقائق | الثواني |
| ١ | ٦٠ |
| ٢ | ١٢٠ |
| ٣ | ١٨٠ |
| ٤ | ٢٤٠ |

٢

| التكلفة الكلية للأقلام | |
|------------------------|----------------|
| عدد الأقلام | التكلفة (ريال) |
| ١ | ٤ |
| ٢ | ٨ |
| ٣ | ١٢ |
| ٤ | ١٦ |

١

مثّل بيانياً كلّاً من المعادلات التالية:

المثال ٢

٥ ص = ٢ س + ٣

٤ ص = ١ س

٣ ص = ١ س

٦ قياس: محيط المربع يساوي ٤ أمثال طول ضلعه. تمثّل المعادلة: $مح = ٤ \times ض$ محيط المربع (مح) الذي طول ضلعه (ض) وحدة. مثّل هذه الدالة بيانياً.

المثال ٣

تدرّب وحلّ المسائل

مثّل بيانياً العلاقة التي يوضّحها الجدول:

إرشادات للأسئلة

| السّعرات الحرارية في أكواب سلطة الفواكه | |
|---|-------------|
| أكواب | عدد السعرات |
| ١ | ٧٠ |
| ٣ | ٢١٠ |
| ٥ | ٣٥٠ |
| ٧ | ٤٩٠ |

٨

| ثمن المانجو | |
|----------------------|--------------|
| الكتلة (بالكيلوجرام) | الثمن (ريال) |
| ١ | ٨ |
| ٢ | ١٦ |
| ٣ | ٢٤ |
| ٤ | ٣٢ |

٧

| للأسئلة | انظر الأمثلة |
|---------|--------------|
| ٨ - ٧ | ١ |
| ١٢ - ٩ | ٢ |
| ١٤، ١٣ | ٣ |

مثّل كلّ معادلة ممّا يأتي بيانياً:

١٠ ص = س

٩ ص = س + ٣

١٢ ص = ٣ س - ١

١١ ص = ٢ س + ٣

١٣ سيارات: تستهلك سيارة لترّاً واحداً من البنزين. إذا قطعت مسافة ١٥ كلم، فمثّل المعادلة $ف = ١٥ ل$ بيانياً، حيث $ف$ عدد الكيلومترات التي تقطعها السيارة في $ل$ من لترات البنزين.

١٤ لياقة: إذا علمت أن رسم الاشتراك في نادٍ رياضي ٣٥ ريالاً شهرياً. مثّل المعادلة $ص = ٣٥ س$ التي تمثّل المبلغ الكلي الذي يتقاضاه النادي لقاء اشتراك شخص $س$ شهراً.

١٥ تسوّق: إذا كان ثمن الكتاب ١٤ ريالاً، وثمان الدفتر ٥ ريالاً، فمثّل بيانياً المعادلة $ف = ١٤ + ٥ ن$ ، حيث $ف$ ثمن كتاب واحد و $ن$ من الدفّاتر.

مثّل كلّ معادلة مما يأتي بيانيًا:

١٧ ص = س + ٥, ٠

١٦ ص = ٢٥, ٠ س

١٩ ص = - ٧٥, ٠ س

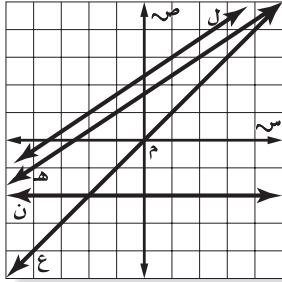
١٨ ص = ٥, ٠ س - ١

عمل: استعمل المعلومات الآتية للإجابة عن الأسئلة ٢٠ - ٢٢:
يحصل جميل على ١١ ريالاً عن كل ساعة حراسة لمبنى تجاري.

٢٠ نظم جدولاً يبين الأجر الذي يحصل عليه إذا حرس المبنى ٤، ٦، ٨ ساعات.

٢١ اكتب معادلة تمثل الأجر الذي يحصل عليه جميل مستعملاً س لتمثيل عدد الساعات، و ص لتمثيل الأجر.

٢٢ **تقنية:** مثل الدالة بيانيًا. ثم تحقق من صحة تمثيل الدالة باستخدام أحد التطبيقات الحاسوبية.



حدّد المستقيم الذي تقع عليه كل نقطة مما يأتي :

٢٤ (٣، -٣)

٢٣ (١، -٢)

٢٦ (٣، ٢)

٢٥ (٢، ٠)

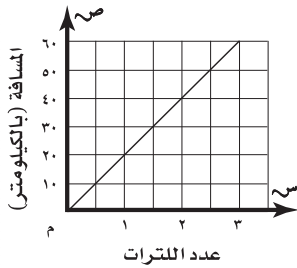
تحدّ: للأسئلة ٢٧ - ٢٩، لتكن س تمثّل العدد الأول، و ص تمثّل العدد الثاني من زوج مرتّب. مثل بيانيًا كلّاً من الدوالّ التي تتحقّق الشروط التالية:

٢٧ العدد الثاني يزيد بثلاثة على العدد الأول.

٢٨ العدد الثاني هو ناتج ضرب ٣- في العدد الأول.

٢٩ العدد الثاني هو ناتج ضرب العدد الأول في ٢، ثم إضافة ١ إلى الناتج.

٣٠ **مسألة مفتوحة:** مثل دالة خطية بيانيًا، واكتب ثلاثة أزواج مرتبة تحققها.



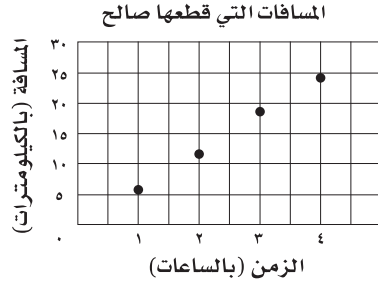
٣١ **تحدّ:** التمثيل البياني المجاور يبين العلاقة

بين عدد لترات البنزين (ل) التي تستهلكها سيارة محمد، والمسافة (ف) التي قطعها. اكتب الدالة التي تمثلها هذه العلاقة؟

٣٢ **اكتب:** بيّن كيف تستعمل جدول الدالة لتمثيلها بيانيًا.

مسائل
مهارات التفكير العليا

تدريب على اختبار



٣٣ بيّن التمثيل المجاور، العلاقة بين عدد الساعات التي أمضاها صالح في المشي والمسافة الكلية التي قطعها. أي الجداول الآتية يعد أفضل تمثيل لهذه البيانات؟

(ب)

| الزمن (بالساعات) | المسافة (بالكيلومترات) |
|------------------|------------------------|
| ٢ | ٦ |
| ٣ | ١٢ |
| ٤ | ١٨ |
| ٥ | ٢٤ |

(أ)

| الزمن (بالساعات) | المسافة (بالكيلومترات) |
|------------------|------------------------|
| ٦ | ٤ |
| ١٢ | ٣ |
| ١٨ | ٢ |
| ٢٤ | ١ |

(د)

| الزمن (بالساعات) | المسافة (بالكيلومترات) |
|------------------|------------------------|
| ٤ | ٦ |
| ٣ | ٦ |
| ٢ | ٦ |
| ١ | ٦ |

(ج)

| الزمن (بالساعات) | المسافة (بالكيلومترات) |
|------------------|------------------------|
| ١ | ٦ |
| ٢ | ١٢ |
| ٣ | ١٨ |
| ٤ | ٢٤ |

مراجعة تراكمية

٣٤ قياس: سجادة طولها ٥٠ سم، ومساحتها ٥٠٠ سم^٢. ما محيطها؟ (الدرس ٣-٦)

حل كل معادلة مما يأتي، وتحقق من صحة حلّك: (الدرس ٣-٥)

٣٥ $٧ = ١٩ + ٤$

٣٦ $٣٢ = ٢ + ١٠$

٣٧ $١٦ = ٨ - ٤$

٣٨ $١٤ = ٢ - ٦$

٣٩ أوجد قيمة $|٥| + |-١٠|$. (الدرس ٢-١)



اختبار الفصل

اكتب كلاً ممّا يأتي على صورة عبارة جبرية أو معادلة:

١ أقل ممّا يملك خالد بـ ٥ ريالات.

٢ ٤ سنوات أكبر من عُمر هاني.

٣ أقل من هذا الارتفاع بـ ٩ سم يساوي ٥٦ سم.

٤ مثلاً المسافة بين المتنزه وصندوق البريد هو ٥ كلم.

٥ **حدائق:** عدد الأشجار في حديقة أقل بـ ٨ من عدد الأزهار فيها. إذا كان عدد الأشجار (١٦)، فاكتب معادلة لإيجاد عدد الأزهار (ز)، وحلّها.

٦ **اختيار من متعدد:** إذا قسّمت عددًا على ٨، وطرحت ١١ من الناتج، وكان الجواب النهائي ٤، فأأي المعادلات التالية تعبر عن هذه العلاقة؟

(أ) $\frac{11-n}{8} = 4$ (ب) $11 - \frac{n}{8} = 4$

(ج) $\frac{n}{8} - 11 = 4$ (د) $4 - 11 = \frac{n}{8}$

تحليل جداول: للأسئلة ٧ - ٩، استعمل الجدول أدناه الذي يبيّن العلاقة بين عُمرَي خالد وأخته ليلي بالسنوات.

| | | | | | |
|----|----|---|---|---|---------------|
| ٥ | ٤ | ٣ | ٢ | ١ | عُمر خالد (س) |
| ١١ | ١٠ | ٩ | ٨ | ٧ | عُمر ليلي (ص) |

٧ اكتب معادلة تمثّل العلاقة بين عُمرَي خالد (س) وأخته ليلي (ص).

٨ مثّل المعادلة بيانياً.

٩ كم يصبح عمر ليلي عندما يكون عُمر خالد ١٠ سنوات؟

١٠ ارتفاع برج الفيصلية ٢٦٧ م، وهو أقصر من برج المملكة بـ ٣٥ م. اكتب معادلة لإيجاد ارتفاع برج المملكة، ثمّ حلّها.

حلّ كلّ معادلة مما يأتي، وتحقّق من صحّة حلّك:

١١ س + ٥ = ٨ ١٢ ص - ١١ = ١٥

١٣ ٩ ع - = ٨١ ١٤ ٦ ك + = ٣٨

١٥ ٣ ع - ٧ = ١٧ ١٦ ٢ ل - ٩ = ٥

١٧ اشترك فيصل ومشعل في أكل فطيرة، فأكل فيصل قطعتين زيادة على مثلي عدد القطع الثلاث التي أكلها مشعل. إذا تبقى ٣ قطع، فما عدد القطع في البداية؟ استعمل استراتيجية الحلّ عكسياً.

١٨ **اختيار من متعدد:** كعكة مستطيلة الشكل طولها ٦٠ سم، إذا احتاجت إلى (س) سم من الكريمة لتغطية سطحها، فأأي المعادلات الآتية تمثّل محيط الكعكة؟

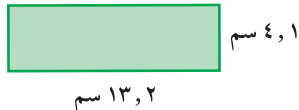
(أ) مح = $120 + 2\left(\frac{س}{٦٠}\right)$

(ب) مح = $60 + \frac{س}{٦٠}$

(ج) مح = $120 + ٢ س$

(د) مح = $60 + ٢ س$

١٩ أوجد مساحة المستطيل في الشكل أدناه، ثم أوجد محيطه.



مثّل كلّاً من المعادلات الآتية بيانياً:

٢٠ ص = س + ١ ٢١ ص = ٢ س

٢٢ ص = ٢ س - ٣ ٢٣ ص - = س + ١

٢٤ **ترفيه:** ثمن تذكرة الدخول لحضور مباراة كرة

قدم ٢٠ ريالاً. تمثّل المعادلة ث = ٢٠ ع الثمن

الإجمالي (ث) لـ (ع) من التذاكر. أنشئ جدول

المعادلة لتجد الثمن الإجمالي لـ ٢، ٣، ٤، ٥، ٦، ٧، ٨، ٩، ١٠ تذاكر، ومثّلها بيانياً.

الاختبار التراكمي (٣)

اختيار من متعدد

القسم ١

اختر الإجابة الصحيحة:

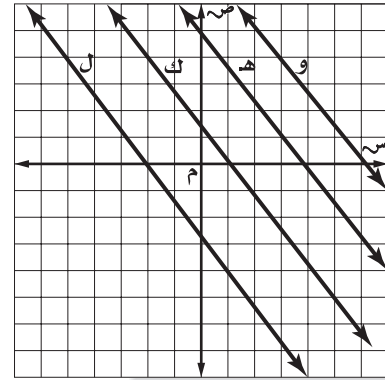
١ ما ناتج $3 - (-9)$ ؟

(أ) ١٢ (ب) ٦

(ج) -٦ (د) -١٢

٢ أي المستقيمات الآتية تقع عليه النقطة

$(-2, 4)$ ؟



(أ) المستقيم ل (ب) المستقيم ك

(ج) المستقيم هـ (د) المستقيم و

٣ ما قيمة المقدار $2 \times 3 - 2 \times 3$ ؟

(أ) ٤٨ (ب) ٣٠

(ج) ١٢ (د) ٦

٤ حل المعادلة $3s - 2 = 1$ هو:

(أ) ٢ (ب) $\frac{2}{3}$

(ج) $\frac{2}{3}$ (د) ١

٥ يبين الجدول أدناه قيم س وقيم ص المرتبطة بها؟

| ص | س |
|---|----|
| ٢ | ١٨ |
| ٣ | ٢٧ |
| ١ | ٩ |
| ٤ | ٣٦ |

أي ممّا يأتي يمثل العلاقة بين س ، ص ؟

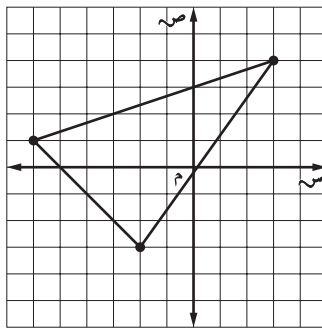
(أ) $ص = ٩س$

(ب) $ص = ١٦ + س$

(ج) $ص = \frac{1}{9}س$

(د) $ص = ٩ + س$

٦ أي النقاط الآتية تقع داخل المثلث المرسوم أدناه؟



(أ) $(3, 4)$

(ب) $(2, 0)$

(ج) $(-3, 6)$

(د) $(-1, -1)$



وزارة التعليم

Ministry of Education

2023 - 1445

الإجابة المطولة

القسم ٣

أجب عن السؤال التالي موضعاً خطوات الحل:
١٠ يبين الجدول أدناه، المسافات التي قطعتها دراجتان هوائيتان تسير إحداهما بسرعة ٤٠ كلم/س، والأخرى بسرعة ٦٠ كلم/س.

| المسافة (بالكيلومترات) للدراجة التي سرعتها ٦٠ كلم/س | المسافة (بالكيلومترات) للدراجة التي سرعتها ٤٠ كلم/س | الزمن (بالساعات) |
|---|---|---------------------|
| ٠ | ٠ | ٠ |
| ٦٠ | ٤٠ | ١ |
| ١٢٠ | ٨٠ | ٢ |
| ١٨٠ | ١٢٠ | ٣ |
| ٢٤٠ | ١٦٠ | ٤ |

أ) مثل الأزواج المرتبة (الزمن، المسافة)
للدراجة التي سرعتها ٤٠ كلم/س.
ب) مثل الأزواج المرتبة (الزمن، المسافة)
للدراجة التي سرعتها ٦٠ كلم/س على
المستوى الإحداثي نفسه.
ج) تنبأ بالخط المستقيم الذي تقع عليه الأزواج
المرتبة (الزمن، المسافة) لدراجة تسير بسرعة
مقدارها ٥٠ كلم/س.



أدرب

من خلال الإجابة عن الأسئلة؛ حتى أعزز
ما تعلمته من مفاهيم وما اكتسبته من مهارات.

أنا طالبٌ مُعدٌّ للحياة، ومنافسٌ عالمياً.

٧ أي المسائل الآتية يتطلب حلها

حل المعادلة $س - ٩ = ١٥$ ؟

أ) يقل عُمر سليمان عن عمر أخته جواهر
٩ سنوات. إذا كان عمر سليمان ١٥ سنة،
فما قيمة س التي تمثل عمر جواهر؟

ب) تزيد فاتورة الكهرباء التي دفعها سعد على
فاتورة سعيد ٩ ريالاً، فأوجد قيمة س
التي تمثل ما دفعه سعد.

ج) عددان مجموعهما ١٥. إذا علمت أن أحدهما
هو العدد ٩، فما قيمة س التي تمثل العدد
الآخر؟

د) لدى علاء ١٥ طابع بريد. إذا أعطى أخاه
عبدالله ٩ طوابع، فما قيمة س التي تمثل عدد
الطوابع التي بقيت عنده؟

الإجابة القصيرة

القسم ٢

أجب عن السؤالين الآتيين:

٨ اكتب عبارة يمكنك استعمالها؛ لإيجاد أكبر عدد
من قطع الخشب التي طول كل منها ٣م، يمكنك
قصها من لوح خشب طوله ٣٦م

٩ إذا كان سعر الكيلوجرام من الدقيق ٥, ٤ ريالاً،
واشترت سمية س كيلوجرام، ودفعت ٤٩, ٥
ريالاً ثمناً لذلك، فكم كيلوجراماً اشترت؟

هل تحتاج إلى مساعدة إضافية؟

إذا لم تجب عن السؤال

فراجع الدرس

| | | | | | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| ١ | ٢ | ٣ | ٤ | ٥ | ٦ | ٧ | ٨ | ٩ | ١٠ |
| ٤-٢ | ٧-٣ | ٣-١ | ٥-٣ | ٨-١ | ٣-٢ | ١-٣ | ١-٣ | ٣-٣ | ٧-٣ |

وزارة التعليم

Ministry of Education

2023/1445

الفصل ٣ : الاختبار التراكمي (٣)